

ثانياً : الهندسة

السؤال الأول : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة

{١} في Δ $AB \perp AC$ إذا كان : $(AB)^2 < (AC)^2 + (BC)^2$ فإن : $\angle C$ تكون
 { حادة ؛؛ منفرجة ؛؛ قائمة ؛؛ مستقيمة }

{٢} معين طولاً قطرية ٦ سم ، ١٠ سم تكون مساحته بالسم^٢ = { ٦٠ ؛؛ ٣٠ ؛؛ ١٥ ؛؛ ١٠ }

{٣} مضلعان متشبهان النسبة بين طولي ضلعين متناظرين فيهما ٣ : ٥ تكون النسبة بين محيطيهما هي
 { ٢٥ ؛؛ ٣ : ٥ ؛؛ ٥ : ٣ ؛؛ ١ : ٢ }

{٤} شبه منحرف مساحته ١٠٠ سم^٢ وارتفاعه ٥ سم يكون طول قاعدته المتوسطة بالسنتيمترات =
 { ٢٠ ؛؛ ٣٠ ؛؛ ٤٠ ؛؛ ٥٠ }

{٥} $AB \parallel CD$ متوازي أضلاع فيه : $\angle A = ٧٠^\circ$ فإن : $\angle C$ =
 { ٧٠ ؛؛ ١١٠ ؛؛ ١٨٠ ؛؛ ٣٦٠ }

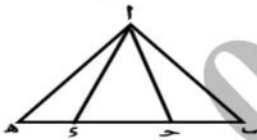
{٦} قياس إحدي زوايا الخماسي المنتظم =
 { ٥٤٠ ؛؛ ١٢٠ ؛؛ ١٠٨ ؛؛ ٩٠ }
 {٧} شبه منحرف طولاً قاعدتيه المتوازيتين ٦ سم ، ٨ سم فإن قاعدته المتوسطة طولها بالسم =
 { ٤٨ ؛؛ ٢٤ ؛؛ ١٤ ؛؛ ٧ }

{٨} مضلعان متشبهان النسبة بين طولي ضلعين متناظرين فيهما ١ : ٣ فإذا كان محيط المضلع الأصغر ١٥ سم فإن محيط المضلع الأكبر = سم { ٣٠ ؛؛ ٤٥ ؛؛ ٦٠ ؛؛ ٧٥ }

{٩} مثلث مساحته ٢٤ سم^٢ وارتفاعه ٨ سم فإن طول قاعدته بالسم = { ٢ ؛؛ ٣ ؛؛ ٦ ؛؛ ١٦ }

{١٠} ΔABC قائم الزاوية في ب ، $BE \perp AC$ فإن مسقط E علي AC هو... { أ ؛؛ ب ؛؛ ج ؛؛ د }

{١١} مربع محيطه ٢٠ سم تكون مساحته بالسم^٢ = { ١٠٠ ؛؛ ٥٠ ؛؛ ٢٥ ؛؛ ٢٠ }



{١٢} عدد المثلثات في الشكل المقابل :

{ ٣ ؛؛ ٤ ؛؛ ٥ ؛؛ ٦ }

{١٣} مساحة متوازي أضلاع الذي طول قاعدته ٦ سم وارتفاعه المناظر لهذه القاعدة ٤ سم = سم^٢

{ ١٢ ؛؛ ٢٠ ؛؛ ٢٤ ؛؛ ٤٨ }

{١٤} المثلث الذي أطوال اضلاعه ٦ سم ، ٨ سم ، ١٠ سم يكون

{ حاد الزوايا ؛؛ قائم الزوايا ؛؛ منفرج الزاوية ؛؛ غير ذلك }

{١٥} شبه منحرف طول قاعدته المتوسطة ٨ سم ومساحته ٥٦ سم^٢ فإن ارتفاعه = سم

{ ٣٢ ؛ ؛ ٢٤ ؛ ؛ ٤٤٨ ؛ ؛ ٧ }

{١٦} جميع متشابهة { المربعات ؛ ؛ المثلثات ؛ ؛ المستطيلات ؛ ؛ متوازيات الأضلاع }

{١٧} إذا كانت نسبة التكبير بين مضعين متشابهين تساوي فإن المضعين متطابقان

{ ١ ؛ ؛ ٢ ؛ ؛ $\frac{1}{4}$ ؛ ؛ $\frac{1}{2}$ }

{١٨} مساحة المثلث مساحة متوازي الأضلاع المشترك معه في القاعدة والمحصور معه بين

مستقيمين متوازيين { تساوي ؛ ؛ نصف ؛ ؛ ضعف ؛ ؛ ربع }

{١٩} طول مسقط قطعة مستقيمة علي مستقيم معلوم طول القطعة المستقيمة نفسها

{ < ؛ ؛ > ؛ ؛ ≥ ؛ ؛ = }

{٢٠} إذا كان طولاً ضلعين متجاورين في متوازي الأضلاع ٦ سم ، ٧ سم وارتفاعه الأكبر ٥ سم فإن

مساحته = سم^٢ { ٣٥ ؛ ؛ ٣٠ ؛ ؛ ٤٢ ؛ ؛ ٤٩ }

{٢١} معين طولاً قطريه ٨ سم ، ١٢ سم فإن مساحته = سم^٢ { ٩٦ ؛ ؛ ٤٨ ؛ ؛ ٢٠ ؛ ؛ ١٠ }

{٢٢} إذا كان : $\Delta ABC \sim \Delta A'B'C'$ ، $\angle A = 50^\circ$ فإن : $\angle A' = \dots\dots\dots^\circ$

{ ١٠٠ ؛ ؛ ١٣٠ ؛ ؛ ٤٠ ؛ ؛ ٥٠ }

{٢٣} طول مسقط قطعة مستقيمة موازية لمستقيم علي هذا المستقيم طول القطعة الأصلية

{ < ؛ ؛ > ؛ ؛ ≥ ؛ ؛ = }

{٢٤} المثلث الذي أطوال اضلاعه ٩ سم ، ١٢ سم ، ١٠ سم يكون

{ حاد الزوايا ؛ ؛ قائم الزوايا ؛ ؛ منفرج الزاوية ؛ ؛ غير ذلك }

{٢٥} متوسط المثلث يقسم سطحه إلي سطحي مثلثين

{ متشابهان ؛ ؛ متطابقان ؛ ؛ متساويان في المساحة ؛ ؛ مختلفين في المساحة }

{٢٦} إذا كان $\angle A = 45^\circ$ فإن $\angle A'$ (ΔABC) المنعكسة = { 90° ؛ ؛ 270° ؛ ؛ 315° }

{٢٧} أفضل الوحدات لاستخدامها لقياس ارتفاع برج القاهرة هو

{ ملليمتر ؛ ؛ سنتيمتر ؛ ؛ متر ؛ ؛ كيلومتر }

{٢٨} مضعان متشبهان النسبة بين طولي ضلعين متناظرين فيهما ١ : ٢ تكون النسبة بين محيطهما هي

..... { ١ : ٢ ؛ ؛ ٣ : ١ ؛ ؛ ٢ : ٣ ؛ ؛ ٢ : ١ }

{٢٩} إذا كانت $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ فإن طول مسقط \overline{AB} على \overline{CD} طول \overline{AB} { $=$ ؛ \geq ؛ $>$ ؛ $<$ }

{٣٠} النسبة بين مساحة متوازي الأضلاع ومساحة المثلث المشترك معه في القاعدة المحصورة بين مستقيمين متوازيين هي { $1:2$ ؛ $2:1$ ؛ $1:3$ ؛ $3:1$ }

{٣١} المثلث ABC فيه $\angle A = 90^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، فإن $\angle C = \dots\dots\dots$ { 40° ؛ 50° ؛ 60° ؛ 90° }

{٣٢} مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة واحدة = { 90° ؛ 180° ؛ 270° ؛ 360° }

{٣٣} كل المضلعات المنتظمة التي لها نفس عدد الأضلاع تكون

{ خماسية ؛ رباعية ؛ متشابهة ؛ متطابقة }

{٣٤} طول مسقط \overline{AB} على المستقيم l يساوي \overline{AB} إذا كان $\overline{AB} \dots\dots\dots l$ { \parallel ؛ \perp ؛ يقطع ؛ ينصف }

{٣٥} مربع مساحته ١٨ سم^٢ فإن طول قطره = سم { 9 ؛ 6 ؛ 18 ؛ 36 }

{٣٦} مثلث مساحته ٤٨ سم^٢ ، وارتفاعه ٨ سم فإن طول قاعدته = سم { 12 ؛ 8 ؛ 6 ؛ 24 }

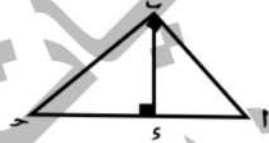
{٣٧} مساحة = $\frac{1}{2}$ حاصل ضرب طولا قطريه

{ المستطيل ؛ المعين ؛ المربع ؛ شبه المنحرف }

{٣٨} المثلث الذي أطوال أضلاعه ٣ سم ، ٤ سم ، ٥ سم يكون

{ حاد الزوايا ؛ قائم الزوايا ؛ منفرج الزاوية ؛ غير ذلك }

{٣٩} في الشكل المقابل :



$\triangle ABC$ قائم الزاوية في B ، $\overline{BC} \perp \overline{AC}$

فإن : $\angle A = 90^\circ \times \dots\dots\dots$ { 90° ؛ 60° ؛ 30° ؛ 45° }

{٤٠} مربع مساحته ٢٥ سم^٢ فإن محيطه = سم { 20 ؛ 25 ؛ 50 ؛ 100 }

{٤١} في المثلث ABC إذا كان : $\angle A = 70^\circ$ ، $\angle B = 50^\circ$ ، $\angle C = 40^\circ$ فإن $\angle C$ تكون

{ حادة ؛ قائمة ؛ مستقيمة ؛ منفرجة }

{٤٢} المثلث المتساوي الساقين الذي طولاه ضلعيه فيه ٣ سم ، ٤ سم تكون أكبر زاويه

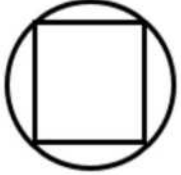
{ حادة ؛ قائمة ؛ مستقيمة ؛ منفرجة }

{٤٣} طول الضلع المقابل للزاوية التي قياسها 30° في المثلث القائم الزاوية = طول الوتر

{ $\frac{1}{2}$ ؛ $\frac{1}{3}$ ؛ $\frac{1}{4}$ ؛ $\frac{2}{3}$ }

{٤٤} Δ ا ب ح قائم الزاوية في ب ، $\overline{ب د} \perp \overline{ا ح}$ فإن مسقط $\overline{ب د}$ علي $\overline{ا ح}$ هو النقطة
 { ا ؛ ؛ د ؛ ؛ ب ؛ ؛ ح }

{٤٥} مساحة المربع الذي طول ضلعه ٨ سم مساحة المعين الذي طولاً قطريه ٩ سم ، ١٢ سم
 { < ؛ ؛ > ؛ ؛ ≥ ؛ ؛ = }



{٤٦} في الشكل المقابل : إذا كانت مساحة سطح الدائرة = π سم^٢
 فإن مساحة المربع المرسوم داخلها = سم^٢ { ١٨ ؛ ؛ ٣٦ ؛ ؛ ٧٢ ؛ ؛ ٨١ }

{٤٧} في Δ س م ح إذا كان : $(س م) + (م ح) < (س ح)$ فإن : $\angle م$
 { حادة ؛ ؛ قائمة ؛ ؛ مستقيمة ؛ ؛ منفرجة }

{٤٨} مساحة شبه المنحرف الذي طولاً قاعدتيه المتوازيين ٦ سم ، ٨ سم وارتفاعه ٥ سم = سم^٢
 { ١٥ ؛ ؛ ٢٥ ؛ ؛ ٣٥ ؛ ؛ ٥٠ }

{٤٩} زاويتا قاعدة شبه المنحرف المتساوي الساقين تكونان

{ متطابقتين ؛ ؛ متتامتين ؛ ؛ متكاملتين ؛ ؛ مختلفتين }

{٥٠} إذا كان المثلثان المرسومان علي قاعدة واحدة و في جهة واحدة منها متساويين في المساحة فإن رأسهما علي مستقيم ... هذه القاعدة { = ؛ ؛ \perp ؛ ؛ // ؛ ؛ \equiv }

{٥١} مستطيل قطره ١٠ سم وطوله ٨ سم فإن مساحته سم^٢ { ١٨ ؛ ؛ ٨٠ ؛ ؛ ٤٨ ؛ ؛ ٢٤ }

{٥٢} النسبة بين مساحة المثلث و مساحة متوازي الأضلاع المشترك معه في القاعدة المحصورة بين مستقيمين متوازيين هي { ٢ : ١ ؛ ؛ ١ : ٢ ؛ ؛ ٣ : ١ ؛ ؛ ١ : ٣ }

{٥٣} مربع طول قطره ١٢ سم تكون مساحة سطحه سم^٢ { ٧٢ ؛ ؛ ٤٨ ؛ ؛ ٣٦ ؛ ؛ ٢٤ }

{٥٤} Δ ا ب ح فيه : $(ا ح) + (ب ح) < (ا ب)$ فإن : $\angle ب$ تكون

{ حادة ؛ ؛ قائمة ؛ ؛ مستقيمة ؛ ؛ منفرجة }

{٥٥} عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الأضلاع = { صفر ؛ ؛ ١ ؛ ؛ ٢ ؛ ؛ ٣ }

{٥٦} Δ س م ع فيه : $(س م) + (م ع) = (س ع)$ فإن : $\angle ع$ تكون

{ حادة ؛ ؛ قائمة ؛ ؛ مستقيمة ؛ ؛ منفرجة }

{٥٧} إذا كان : ا ب ح متوازي الأضلاع مساحته ٨٠ سم^٢ ، ه \equiv ا د فإن مساحة المثلث ه ب ح = سم^٢ { ٤٠ ؛ ؛ ٦٠ ؛ ؛ ٨٠ ؛ ؛ ١٦٠ }

{٥٨} مساحة المثلث القائم الزاوية الذي طولاً ضلعي القائمة فيه ٦ سم و ٩ سم = سم^٢

{ ٥٤ ؛ ؛ ١٠٨ ؛ ؛ ٢٧ ؛ ؛ ١٨ }

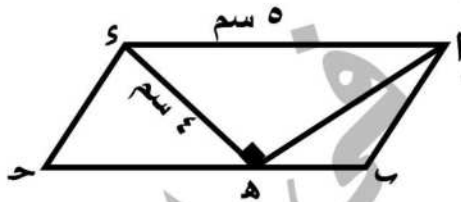
- { ٥٩ } الزاوية الحادة تكملها زاوية { حادة ؛ ؛ منفرجة ؛ ؛ قائمة ؛ ؛ مستقيمة }
- { ٦٠ } الزاوية القائمة تكملها زاوية { حادة ؛ ؛ منفرجة ؛ ؛ قائمة ؛ ؛ مستقيمة }
- { ٦١ } الزاوية الحادة تتممها زاوية { حادة ؛ ؛ منفرجة ؛ ؛ قائمة ؛ ؛ مستقيمة }
- { ٦٢ } عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الساقين = { صفر ؛ ؛ ١ ؛ ؛ ٢ ؛ ؛ ٣ }
- { ٦٣ } عدد محاور تماثل المثلث المختلف الأضلاع = { صفر ؛ ؛ ١ ؛ ؛ ٢ ؛ ؛ ٣ }
- { ٦٤ } يحتوي المثلث علي زاويتين علي الأقل { حادثين ؛ ؛ قائمتين ؛ ؛ منفرجتين ؛ ؛ منعكستين }
- { ٦٥ } يتشابه المثلثان إذا كانت أطوال أضلاعهما المتناظرة ... { متعامدة ؛ ؛ متوازية ؛ ؛ متناسبة ؛ ؛ متقاطعة }
- { ٦٦ } مساحة متوازي الأضلاع مساحة المثلث المشترك معه في القاعدة والمحصور معه بين مستقيمين متوازيين { تساوي ؛ ؛ نصف ؛ ؛ ضعف ؛ ؛ ربع }
- { ٦٧ } النسبة بين محيطي مضلعين متشابهين النسبة بين طولَي مضلعين متناظرين فيهما { < ؛ ؛ > ؛ ؛ ≥ ؛ ؛ = }
- { ٦٨ } إذا كان $\Delta ABC \sim \Delta DEF$ ، $\frac{1}{4} = \frac{AB}{DE}$ ، فإن محيط ΔDEF هو محيط ΔABC { ٤ ؛ ؛ ٢ ؛ ؛ $\frac{1}{4}$ ؛ ؛ $\frac{1}{2}$ }
- { ٦٩ } مسقط قطعة مستقيمة عمودية علي مستقيم معلوم هو { قطعة مستقيمة ؛ ؛ شعاع ؛ ؛ مستقيم ؛ ؛ نقطة }
- { ٧٠ } في ΔABC إذا كان $(AB)^2 = (AC)^2 + (BC)^2 - 9$ فإن $\angle C$ تكون { حادة ؛ ؛ قائمة ؛ ؛ منفرجة ؛ ؛ مستقيمة }
- { ٧١ } في ΔABC إذا كان $(AB)^2 = (AC)^2 + (BC)^2 + 8$ فإن $\angle C$ تكون { حادة ؛ ؛ قائمة ؛ ؛ منفرجة ؛ ؛ مستقيمة }
- { ٧٢ } في ΔABC إذا كان $(AB)^2 = 3 + (AC)^2 + (BC)^2$ فإن $\angle C$ تكون { حادة ؛ ؛ قائمة ؛ ؛ منفرجة ؛ ؛ مستقيمة }
- { ٧٣ } في ΔABC إذا كان $(AB)^2 = 7 - (AC)^2 + (BC)^2$ فإن $\angle C$ تكون { حادة ؛ ؛ قائمة ؛ ؛ منفرجة ؛ ؛ مستقيمة }
- { ٧٤ } إذا كانت نسبة التكبير بين مثلثين = ١ كان المثلثين { قائمتان ؛ ؛ مختلفان ؛ ؛ منطبقان ؛ ؛ متطابقان }

{٧٥} في Δ $AB \perp AC$ إذا كان $(\angle A) = (\angle B) = (\angle C)$ فإن Δ تكون
 { حادة ؛ قائمة ؛ منفرجة ؛ مستقيمة }

{٧٦} إذا كان \overline{AD} متوسط في المثلث ABC فإن مساحة المثلث ADC = مساحة المثلث ABC { $\frac{1}{4}$ ؛ $\frac{1}{3}$ ؛ $\frac{1}{2}$ ؛ $\frac{3}{4}$ }

{٧٧} إذا كان محيط المعين = ٢٨ سم وارتفاعه ٥ سم فإن مساحته = سم^٢
 { ٧٠ ؛ ٣٥ ؛ ١٤ ؛ ١٤٠ }

{٧٨} في الشكل المقابل :



$AB \parallel DC$ متوازي أضلاع ، $EH \perp AC$

مساحة متوازي الأضلاع $ABCD$ = سم^٢
 { ٦ ؛ ١٢ ؛ ٢٠ ؛ ٢٤ }

{٧٩} إذا كان طولاً ضلعين متجاورين في متوازي الأضلاع ٦ سم ، ٨ سم وارتفاعه الأصغر ٤ سم فإن مساحته = سم^٢ { ٢٤ ؛ ٣٢ ؛ ٤٨ ؛ ٦٠ }

{٨٠} المثلث ABC متساوي الساقين فيه : $AB = AC$ ، $AD \perp BC$ فإن مساحة ΔABC مساحة ΔABD { نصف ؛ ربع ؛ ضعف ؛ ثلث }

{٨١} إذا كانت : $AD \perp BC$ فإن مسقط AD على BC هو { \overline{AD} ؛ \overline{BD} ؛ \overline{CD} ؛ \overline{BC} }

{٨٢} مسقط نقطة على خط مستقيم معلوم هو { نقطة ؛ قطعة مستقيمة ؛ شعاع ؛ مستقيم }

{٨٣} نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلّاً منها بنسبة من جهة القاعدة

{ ١ : ٢ ؛ ٢ : ١ ؛ ٣ : ٢ ؛ ٢ : ٣ }

{٨٤} ΔABC فيه : $\angle A = ٢٠^\circ$ ، $\angle B = ٥٠^\circ$ فإن أكبر أضلاعه طولاً

{ \overline{AB} ؛ \overline{BC} ؛ \overline{AC} ؛ \overline{AD} }

{٨٥} في ΔABC إذا كانت : $\angle A$ تتم $\angle B$ فإن $(\angle A) + (\angle B) + (\angle C)$ { $<$ ؛ $>$ ؛ $=$ ؛ \neq }

{٨٦} في ΔABC إذا كان : $(\angle A) > (\angle B) + (\angle C)$ فإن Δ تكون

{ حادة ؛ منفرجة ؛ قائمة ؛ مستقيمة }

{٨٧} القطران متعامدان ومتساويان في الطول في { المعين ؛ المربع ؛ المستطيل ؛ متوازي الأضلاع }

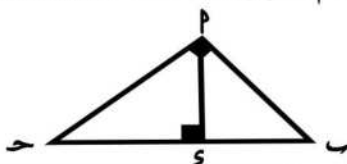
{٨٨} $AB \parallel DC$ متوازي أضلاع فيه : $\angle A + \angle B = ١٥٠^\circ$ فإن $\angle C = \angle D =$

{ ١٠٠ ؛ ١٠٥ ؛ ٧٥ ؛ ١٨٠ }

- { ٨٩ } الزاوية التي قياسها ٧٠° تكمل زاوية قياسها $\{ ٧٠ \text{ ؛ } ٢٠ \text{ ؛ } ١١٠ \text{ ؛ } ١٤٠ \}$
- { ٩٠ } Δ $ا ب ح$ فيه : $ا ب = ب ح$ ، $و (ب) = ٥٠^\circ$ فإن : $و (ا) = ()^\circ$ $\{ ٧٠ \text{ ؛ } ٨٠ \text{ ؛ } ٦٠ \text{ ؛ } ٥٠ \}$
- { ٩١ } مستطيل طوله ٤ سم ، وعرضه ٢ سم فإن مساحته سم^٢ $\{ ٩ \text{ ؛ } ٨ \text{ ؛ } ٥ \text{ ؛ } ٧ \}$
- { ٩٢ } متوازي أضلاع مساحته ٨ سم^٢ وطول قاعدته ٢ سم فإن ارتفاعه المناظر لهذه القاعدة = سم $\{ ٤ \text{ ؛ } ٢ \text{ ؛ } ٥ \text{ ؛ } ٦ \}$
- { ٩٣ } Δ $ا ب ح$ منفرج الزاوية في ب فإن $(ا) \dots (ب) + (ح)$ $\{ \geq \text{ ؛ } = \text{ ؛ } > \text{ ؛ } < \}$
- { ٩٤ } معين طولاً قطريه ٦ سم ، ٨ سم وارتفاعه ٨ سم فإن طول ضلعه = سم $\{ ١٢ \text{ ؛ } ٢٠ \text{ ؛ } ٥ \text{ ؛ } ١٠ \}$
- { ٩٥ } إذا كان : $\Delta ا ب ح \sim \Delta د ه و$ ، $ا ب = ٢$ ، $د ه = \frac{١}{٤}$ فإن : محيط $\Delta ا ب ح$ = محيط $\Delta د ه و$ $\{ ٢ \text{ ؛ } ٤ \text{ ؛ } \frac{١}{٤} \text{ ؛ } \frac{١}{٢} \}$
- { ٩٦ } إذا كان مجموع مساحتي المربعين المنشأين علي ضلعين في مثلث يساوي مساحة المربع المنشأ علي الضلع الثالث كانت الزاوية المقابلة لهذا الضلع قائمة ؛ ؛ حادة ؛ ؛ منفرجة ؛ ؛ منعكسة {
- { ٩٧ } مسقط النقطة (٥ ، ٣ -) علي محور الصادات $\{ (٥ ، ٠) \text{ ؛ } (٠ ، ٥) \text{ ؛ } (٣ - ، ٠) \text{ ؛ } (٠ ، ٣ -) \}$
- { ٩٨ } مساحة المربع المنشأ علي أحد ضلعي القائمة في المثلث القائم الزاوية تساوي مساحة الذي بعده طول مسقط هذا الضلع علي الوتر وطول الوتر { المربع ؛ ؛ المستطيل ؛ ؛ المعين ؛ ؛ متوازي الأضلاع }
- { ٩٩ } قطراً شبه المنحرف المتساوي الساقين { متطابقان ؛ ؛ متعامدان ؛ ؛ متوازيان ؛ ؛ ينصف كل واحد منهما الآخر }
- { ١٠٠ } مسقط النقطة (٥ ، ٤ -) علي محور السينات هي $\{ (٤ ، ٥) \text{ ؛ } (٥ ، ٤ -) \text{ ؛ } (٤ - ، ٥) \text{ ؛ } (٠ ، ٥) \}$ ؛ ؛ غير ذلك {
- { ١٠١ } إذا كان $ا ب ح$ مربع فإن مسقط $د ه$ علي $ا ب$ هو $\{ ا ب \text{ ؛ } ب ح \text{ ؛ } ح د \text{ ؛ } د ا \}$
- { ١٠٢ } طول مسقط قطعة مستقيمة عمودية علي مستقيم معلوم يساوي ... سم { صفر ؛ ؛ ١ ؛ ؛ ٢ ؛ ؛ ٣ }
- { ١٠٣ } معين محيطه ٤٠ سم وطول أحد قطريه ١٢ سم يكون طول قطره الآخر سم $\{ ١٦ \text{ ؛ } ١٢٠ \text{ ؛ } ٣٦٠ \text{ ؛ } ١٨ \}$

السؤال الثاني : أكمل

- { ١ } في $\Delta ا ب ح$ إذا كان : $(ا) + (ب) = (ح)$ فإن : $و (ا) = ()^\circ$ $\{ ٩٠ \}$
- { ٢ } إذا كانت النقطة $ا \in$ المستقيم ل فإن مسقط $ا$ علي المستقيم ل هو {
- { ٣ } مساحة الدائرة التي طول قطرها ١٤ سم = سم^٢ $(\frac{٢٢}{٧} \simeq \pi)$ {
- { ٤ } شبه منحرف طولاً قاعدتيه المتوازيتين ٨ سم ، ١٠ سم وارتفاعه ٥ سم تكون مساحته سم^٢ {
- { ٥ } في الشكل المقابل : فإن : $ا ب \times \dots = ب ح \times د ا$ {



{٦} يتشابه المثلثان إذا كانت الأضلاع المتناظرة ، الزوايا المتناظرة

{٧} معين مساحته ٢٤ سم^٢ وطول أحد قطريه ٨ سم فإن طول القطر الآخر = سم

{٨} إذا كان Δ abc فيه : $(a-b)^2 = (a+b)^2 - (c-b)^2$ فإن Δ abc قائم الزاوية في

{٩} الأطوال ٦ سم ، ٨ سم ، ١١ سم تصلح أن تكون أطوال أضلاع مثلث الزاوية

{١٠} مساحة المثلث = $\frac{1}{2}$ طول القاعدة \times

{١١} مسقط نقطة علي مستقيم معلوم هو

{١٢} إذا كان : abc مثلثاً منفرج الزاوية في b فإن : $(a-b)^2 + (c-b)^2 > (a+c)^2$

{١٣} مربع طول قطره ٨ سم تكون مساحته سم^٢

{١٤} أكبر أضلاع المثلث القائم الزاوية طولاً هو

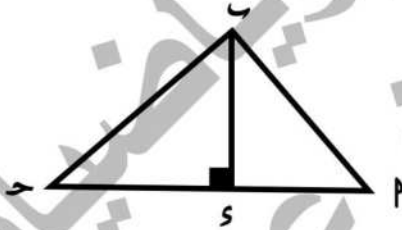
{١٥} طول مسقط قطعة مستقيمة موازية لمستقيم معلوم علي هذا المستقيم

{١٦} إذا كانت نسبة التكبير بين مثلثين = ١ كان المثلثين

{١٧} في Δ abc إذا كان $(a-b)^2 < (a+b)^2 - (c-b)^2$ فإن $c > b$ تكون

{١٨} في الشكل المقابل : Δ abc قائم الزاوية في b ، $bs \perp ac$ فإن :

$(a-b)^2 = s \times \dots$



{١٩} مربع مساحته ٨١ سم^٢ فإن محيطه = سم

{٢٠} مثلث abc ارتفاعه ١٠ سم وقاعدته ٦ سم تكون مساحته = سم^٢

{٢١} متوازي أضلاع طول قاعدته ١٢ سم وارتفاعه المناظر لها ٥ سم تكون مساحته = سم^٢

{٢٢} إذا كان المثلثان المرسومان علي قاعدة واحدة و في جهة واحدة منها متساويين في المساحة فإن رأساهما

{٢٣} مربع مساحته ٣٢ سم^٢ فإن طول قطره = سم

{٢٤} متوسط المثلث يقسم سطحه إلي سطحي مثلثين

{٢٥} في متوازي أضلاع abc إذا كانت $(a > b)$ حادة فإن $(b > c)$ تكون

{٢٦} إذا كان Δ abc قائم الزاوية في b ، $bs \perp ac$ فإن $(a-b)^2 = cs \times \dots$

{٢٧} طول مسقط قطعة مستقيمة عمودية علي مستقيم معلوم =

{٢٨} مسقط شعاع علي مستقيم عمودي عليه هو

{٢٩} المضلعان المتشابهان لثالث

{٣٠} في Δ س ص ع إذا كان (س ص) $>$ (س ع) + (ص ع) فإن \angle تكون

{٣١} إذا كانت مساحة المثلث ا ب ح = ٨ سم^٢ ، و منتصف ب ح فإن مساحة المثلث ا ب د = سم^٢

{٣٢} معين طول ضلعه ١٢ سم وارتفاعه ٨ سم فإن مساحته = سم^٢

{٣٣} مجموع قياسات زوايا الشكل الخماسي الداخلة = °

{٣٤} قياس الزاوية الخارجية للمثلث المتساوي الأضلاع = °

{٣٥} في Δ ا ب ح إذا كان : ا ب = ٢ سم ، ب ح = ٦ سم فإن : ا ح \geq [..... ،]

{٣٦} إذا كان مربع ضلع في مثلث يساوي مجموع مربعي طول الضلعين الآخرين كانت

{٣٧} إذا كان Δ ا ب ح قائم الزاوية في ا ، $\overline{ا ب} \perp \overline{ا ح}$ فإن (ا ب) $=$ ×

{٣٨} الزاوية \angle ٦١ ٥٩ ٨٩ ° هي زاوية

{٣٩} في Δ ا ب ح إذا كانت : ا ح \geq ا ب + ب ح فإن (ا ح) $=$ (ا ب) + (ب ح)

{٤٠} في الشكل المقابل :



س = °

{٤١} قطر متوازي الأضلاع يقسم سطحه إلى مثلثين

{٤٢} إذا كانت مساحة متوازي أضلاع ٢٤ سم^٢ وارتفاعه ٦ سم فإن طول القاعدة المناظرة لهذا الارتفاع

يساوي

{٤٣} إذا كان : Δ ا ب ح $\sim \Delta$ د ه و ، ا ب = $\frac{١}{٢}$ د ه فإن : محيط Δ د ه و = محيط Δ ا ب ح

{٤٤} قطرا شبه المنحرف المتساوي الساقين يكونان

{٤٥} محيط المربع الذي مساحته ٢٥ سم^٢ = سم

{٤٦} في Δ ا ب ح إذا كان (ا ب) $=$ (ا ح) + (ب ح) فإن : و (.....) = ٩٠ °

{٤٧} شبه منحرف طولاه قاعدتيه المتوازيتين ٦ سم ، ٨ سم يكون طول القاعدة المتوسطة = سم

{٤٨} إذا كان المضلعان المتشابهان متطابقين فإن نسبة التكبير =

{٤٩} في Δ ا ب ح إذا كان : ا ب < ب ح فإن : و (.....) < و (.....)

{٥٠} مساحة المربع المنشأ على أحد ضلعي القائمة في المثلث القائم الزاوية تساوي مساحة المستطيل

بعده طول مسقط هذا الضلع على الوتر و.....

{٥١} المثلث الذي ليس له محاور تماثل هو

{٥٢} إذا كان طولاً ضلعين متجاورين في متوازي أضلاع ٨ سم ، ١٠ سم وارتفاعه الأكبر ٥ سم فإن مساحته = سم^٢

{٥٣} إذا كان المثلثان المرسومان على قاعدة واحدة و رؤسهما على مستقيم يوازي هذه القاعدة يكونان

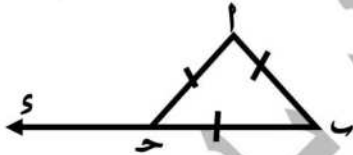
{٥٤} في Δ س م ع إذا كان : (س م) + (م ع) < (س ع) فإن : \angle م تكون

{٥٥} مثلث أطوال أضلاعه ٣ سم ، ٤ سم ، ٥ سم تكون مساحته سم^٢

{٥٦} إذا كانت : \angle اكمل \angle ب ، \angle (ا ب) = ١٢٠° فإن : \angle (ب) المنعكسة =°

{٥٧} القطعة المستقيمة المرسومة بين منتصفين ضلعين في مثلث الضلع الثالث

{٥٨} إذا كان : ا ب ح متوازي أضلاع مساحته ٥٠ سم^٢ ، $\overline{ا ب} \cap \overline{ا ح} = ا$ فإن مساحة Δ ه ب ح = سم^٢



{٥٩} في الشكل المقابل :

Δ ا ب ح متساوي الأضلاع فإن : \angle (ا ح ع) =°

{٦٠} سطحاً متوازيي الأضلاع المشتركين في القاعدة والمحصورين بين مستقيمين متوازيين أحدهما يحمل هذه القاعدة

{٦١} مساحة المثلث مساحة متوازي الأضلاع المشترك معه في القاعدة والمحصور معه بين مستقيمين متوازيين

{٦٢} مساحة متوازي الأضلاع مساحة المثلث المشترك معه في القاعدة والمحصور معه بين مستقيمين متوازيين

{٦٣} مساحة متوازي الأضلاع = ×

{٦٤} طول قاعدة المثلث الذي مساحته ٣٦ سم^٢ وارتفاعه ٨ سم = سم

{٦٥} طول ضلع المربع الذي مساحته تساوي مساحة مستطيل بعده ٩ سم و ١٦ سم = سم

{٦٦} زاويتا قاعدة شبه المنحرف المتساوي الساقين تكونان

{٦٧} مساحة المستطيل الذي طول أحد أبعاده ٨ سم ، وطول قطره ١٠ سم = سم^٢

{٦٨} مضلعان متشبهان النسبة بين طولي ضلعين متناظرين فيهما ١ : ٣ تكون النسبة بين محيطيهما هي

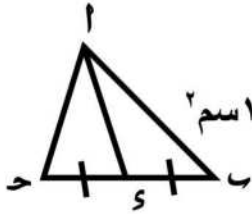
{٦٩} عدد محاور تماثل المستطيل =

{٧٠} عدد محاور تماثل شبه المنحرف =

{٧١} عدد محاور تماثل شبه المنحرف المتساوي الساقين =

{٧٢} عدد محاور تماثل المربع =

{٧٣} عدد محاور تماثل الدائرة =



{٧٤} في الشكل المقابل : $AB \perp CH$ مثلث فيه : H منتصف BC ، مساحة $\triangle ABC = 10 \text{ سم}^2$

فإن مساحة $\triangle ABC = \text{سم}^2$

{٧٥} معين مساحته 30 سم^2 وطول ضلعه 6 سم وارتفاعه سم

{٧٦} $AB \perp CH$ مستطيل فإن مسقط CH علي AB هو \longleftrightarrow

{٧٧} المثلثات التي قواعدها متساوية في الطول و المحصورة بين مستقيمين متوازيين تكون

{٧٨} المثلثان المتساويان في مساحتهما ، والمرسومان علي قاعدة واحدة و في جهة واحدة منها يكون...

{٧٩} شبه منحرف ارتفاعه 5 سم و مساحته 30 سم^2 فإن طول قاعدته المتوسطة = سم

{٨٠} المعين الذي محيطه 20 سم ، ارتفاعه 6 سم تكون مساحته سم²

{٨١} مسقط النقطة (٥ ، - ٤) علي محور السينات هي النقطة

{٨٢} يتشابه المثلثان إذا كانت المتناظرة متناسبة

{٨٣} يتشابه المثلثان إذا كانت المتناظرة متطابقة

{٨٤} طول قطر المربع الذي مساحته 8 سم^2 = سم

{٨٥} مثلث أطوال أضلاعه 3 سم ، 4 سم ، 6 سم يكون الزاوية

{٨٦} إذا كان $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ ، $\angle A = 100^\circ$ ، $\angle B = 30^\circ$ ، فإن $\angle C = \dots\dots\dots^\circ$

{٨٧} $\triangle ABC$ فيه : $\angle A = 50^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ فإن أكبر أضلاعه طولاً

{٨٨} إذا كان مساحة مربع تساوي 49 سم^2 ومحيطه $(7\text{س} - 14)$ سم فإن س =

{٨٩} إذا كان $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ ، $\angle A = 80^\circ$ ، $\angle B = 40^\circ$ ، فإن $\angle C = \dots\dots\dots^\circ$

{٩٠} الزاوية التي قياسها 90° تتمم زاوية قياسها

{٩١} إذا كان $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ ، $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، فإن $\angle C = \dots\dots\dots^\circ$

{٩٢} مجموع قياسي أي زاويتين متتاليتين في متوازي الأضلاع =

{٩٣} مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة واحدة يساوي

{٩٤} عدد محاور تماثل المعين =

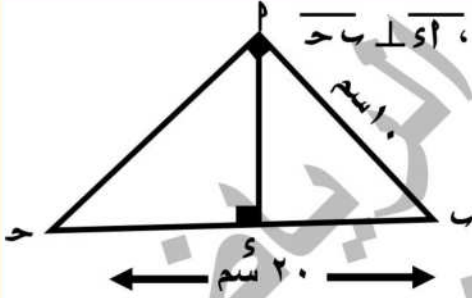
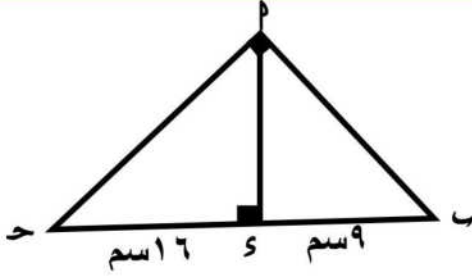
السؤال الثالث : أجب عن ما يلي

{١} في الشكل المقابل :

أ ب ح مثلث قائم الزاوية في ١ ، $\overline{ا ا} \perp \overline{ب ب}$

ب س = ٩ سم ، س ح = ١٦ سم

أوجد طول كل من $\overline{ا ب}$ ، $\overline{ا ا}$ ، $\overline{ا ح}$



{٢} في الشكل المقابل : أ ب ح مثلث قائم الزاوية في ١ ، $\overline{ب ب} \supset \overline{ا ا}$ ، $\overline{ا ا} \perp \overline{ب ب}$

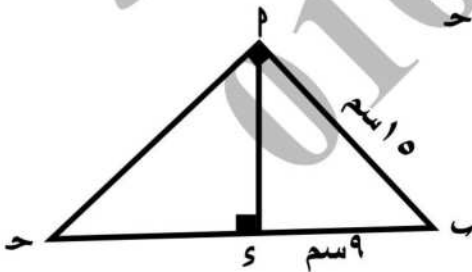
أ ب = ١٠ سم ، ب ح = ٢٠ سم

أوجد ما يلي : {١} طول $\overline{ب س}$ {٢} طول مسقط $\overline{ا ب}$ على $\overline{ا ا}$

{٣} في الشكل المقابل : أ ب ح مثلث قائم الزاوية في ١ ، $\overline{ا ا} \perp \overline{ب ب}$

أ ب = ١٥ سم ، ب س = ٩ سم

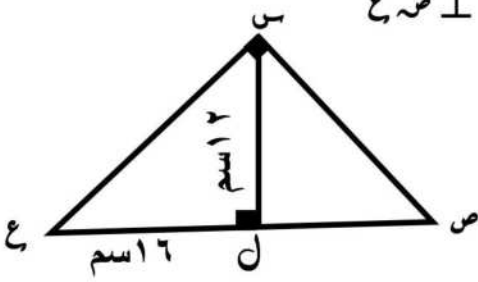
أوجد طول : $\overline{س ح}$ ، $\overline{ا ح}$ ، $\overline{ا ا}$



{٤} في الشكل المقابل : س م ع مثلث قائم الزاوية في س ، $\overline{ST} \perp \overline{ME}$

ل س = ۱۲ سم ، ل ع = ۱۶ سم

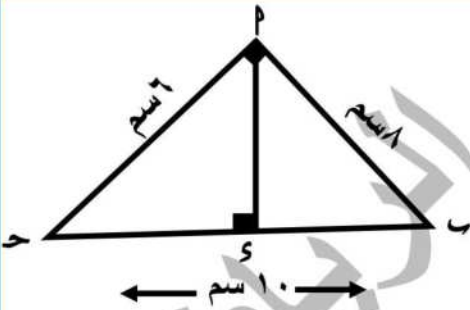
أوجد طول كل من \overline{SE} ، \overline{LV}



{٥} في الشكل المقابل: $\angle \text{ح}$ مثلث قائم الزاوية في $\angle \text{ا}$ ، ، $\angle \text{ا} \perp \angle \text{ب ح}$

ا ب = ۸سم ، ا ح = ۶سم ، ب ح = ۱۰سم

أوجد طول كل من : \overline{SA} ، \overline{SC} ، \overline{SD}



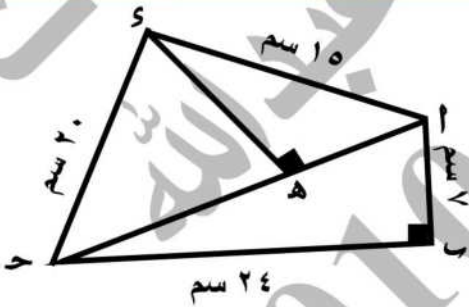
{٦} في الشكل المقابل :

$\overline{AH} \perp \overline{BD}$, $\angle A = 90^\circ$, $\angle C = 60^\circ$, $AB = 8$

ب ح = ۲۴ سم ، د ح = ۲۰ سم

أوجد : {1} طول \overline{AC} {2} برهن أن : $\angle A = 90^\circ$

{٣} طول مسقط $\overline{ا\ ح}$ علي $\overleftrightarrow{ا\ ب}$ {٤} مساحة الشكل $ا\ ب\ ح$



{١٦} $\triangle ABC$ مثلث فيه $AB = 8$ سم ، $BC = 7$ سم ، $AC = 3$ سم . حدد نوع المثلث بالنسبة لزاياه

{١٧} $\triangle ABC$ مثلث فيه $AB = 12$ سم ، $BC = 5$ سم ، $AC = 13$ سم . حدد نوع المثلث بالنسبة لزاياه

{١٨} $\triangle ABC$ متوازي أضلاع فيه : $AB = 18$ سم ، $BC = 12$ سم ، ورسمت $DE \perp AC$ ، $DE \perp AB$ ، $DE = 15$ سم احسب : مساحة $\triangle ABC$ وطول DE

{١٩} أوجد مساحة شبه المنحرف الذي طولاه قاعدتيه المتوازيتين ٨ سم ، ٦ سم ، وارتفاعه ١٠ سم

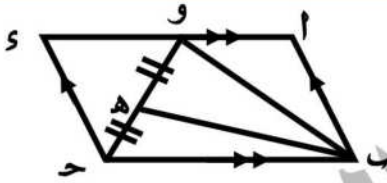
{٢٠} $\triangle ABC$ مربع محيطه ٢٤ سم ، H منتصف BC . احسب : مساحة المثلث AH

{٢١} شبه منحرف مساحته ١٨٠ سم^٢ ، وارتفاعه ١٢ سم ، والنسبة بين طولي قاعدتيه المتوازيتين ٣ : ٢ أوجد طول كل منهما

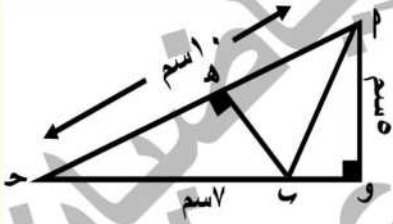
{٢٢} شبه منحرف طول قاعدته المتوسطه ٤٠ سم ، والنسبة بين طولي قاعدتيه المتوازيتين ٣ : ٥ أوجد طول كل منهما وإذا كان ارتفاعه ٦٥ سم فأوجد مساحته

{٢٣} أوجد مساحة سطح متوازي الأضلاع الذي فيه طولاً ضلعين متجاورين ٦ سم ، ٨ سم وارتفاعه الأكبر ٥ سم .

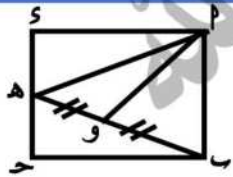
{٢٤} شبه منحرف طولاً قاعدتيه المتوازيتين ١٠ سم ، ٨ سم ومساحته ٤٥ سم^٢ أوجد طول قاعدته المتوسطة وارتفاعه



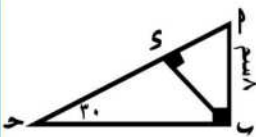
{٢٥} في الشكل المقابل: $AB \parallel CD$ متوازي أضلاع مساحته ٨٠ سم^٢ و $E \in AD$ ، H منتصف CD أوجد مساحة $\triangle BHE$



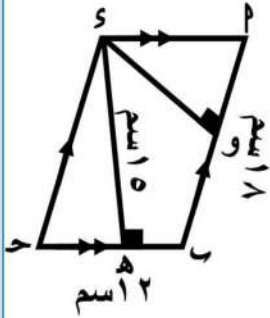
{٢٦} في الشكل المقابل: $AO \perp CO$ ، $BO \perp AO$ ، $AO = 10$ سم ، $BO = 7$ سم ، $CO = 5$ سم ، أوجد {١} مساحة $\triangle ABC$ {٢} طول BO



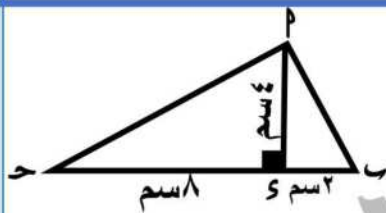
{٢٧} في الشكل المقابل: $AB \parallel CD$ مربع طول ضلعه ١٢ سم ، $E \in AD$ ، ومنتصف BC أوجد بالبرهان : مساحة المثلث AOE



{٢٨} في الشكل المقابل: $AB \parallel CD$ مثلث قائم في ب فيه : $\angle C = 30^\circ$ ، $AB = 8$ سم ، $BC \perp AC$ {١} احسب : طول AC {٢} أوجد : طول مسقط A على BC



{٢٩} في الشكل المقابل : $AB \parallel CD$ متوازي أضلاع فيه : $AB = 18$ سم ، $BC = 12$ سم
رسمت $EH \perp BC$ ، $EO \perp AB$
احسب {١} مساحة متوازي أضلاع $AB \parallel CD$ {٢} طول EO

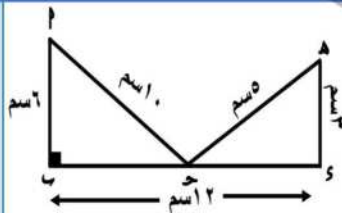


{٣٠} في الشكل المقابل : $AB \parallel CD$ مثلث ، $AE \perp BC$ ، $BE = 2$ سم ،
، $CE = 8$ سم ، $AE = 4$ سم أثبت أن : $\angle B = 90^\circ$

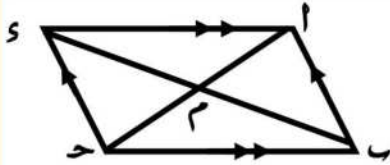
{٣١} $AB \parallel CD$ متوازي أضلاع فيه : $AB = 18$ سم ، $BC = 12$ سم ، ورسمت $EH \perp BC$ ،
 $EO \perp AB$ ، $EH = 10$ سم {١} أثبت أن $\angle B = 90^\circ$ {٢} احسب : مساحة $AB \parallel CD$



{٣٢} في الشكل المقابل : $AB \parallel CD$ متوازي أضلاع ، $AE \parallel DF$
 $BE = 6$ سم ، $CE = 10$ سم ، $AE = 8$ سم أثبت أن : $\triangle BEH \sim \triangle CDF$ قائم الزاوية



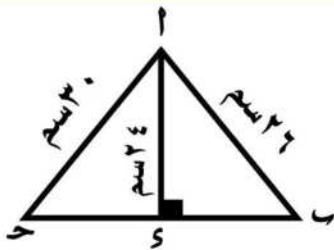
{٣٣} في الشكل المقابل : $\angle B = 90^\circ$ ، $AB = 6$ سم ، $BC = 12$ سم ،
 $AD = 10$ سم ، $AE = 5$ سم ، $BE = 3$ سم ، $CE = 9$ سم
{١} أوجد طول AD {٢} أثبت أن $\angle B = 90^\circ$



{٣٤} في الشكل المقابل : P ب ح و متوازي أضلاع، $P = 8$ سم

$P = 20$ سم ، $P = 12$ سم أثبت أن : $\angle P = 90^\circ$

احسب مساحة متوازي أضلاع P ب ح و



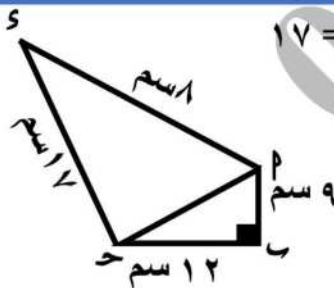
{٣٥} في الشكل المقابل : P ب ح مثلث : $P \perp 24$ فإذا كان : $P = 24$ سم ،

$P = 26$ سم ، $P = 30$ سم {١} أوجد : P ب ح {٢} احسب مساحة $\triangle P$ ب ح



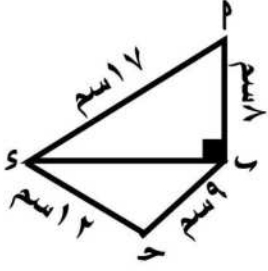
{٣٦} في الشكل المقابل : $\angle P = 90^\circ$ ، $P = 3$ سم ، $P = 4$ سم ،

$P = 12$ سم ، $P = 13$ سم ، أوجد طول P ب ح ثم أثبت أن : $\angle P = 90^\circ$

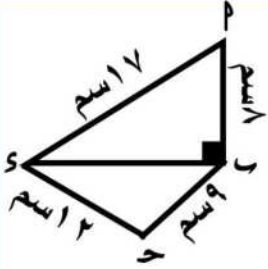


{٣٧} في الشكل المقابل : $\angle P = 90^\circ$ ، $P = 9$ سم ، $P = 12$ سم ، $P = 17$ سم

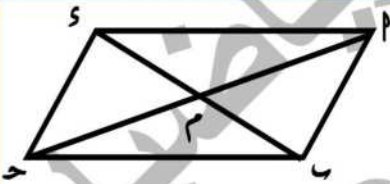
$P = 1$ سم أثبت أن : $\angle P = 90^\circ$



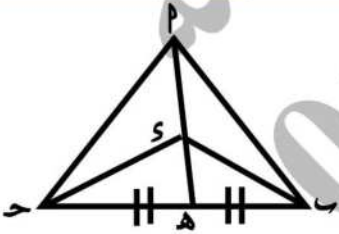
- {٣٨} في الشكل المقابل : AB حـ شكل رباعي فيه : $AB = 8$ سم ، $BC = 9$ سم ،
 $CD = 12$ سم ، $AD = 17$ سم ، $\overline{AB} \perp \overline{CD}$ ،
 {١} أوجد : طول \overline{BD} {٢} بين نوع $\triangle BCD$ بالنسبة لزاويته



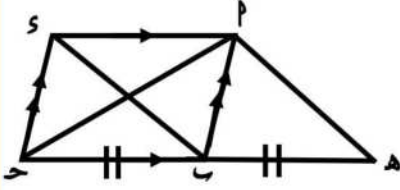
- {٣٩} في الشكل المقابل : AB حـ شكل رباعي فيه : $AB = 8$ سم ، $BC = 9$ سم ،
 $CD = 12$ سم ، $AD = 17$ سم ، $\overline{AB} \perp \overline{CD}$ ،
 {١} أوجد : طول مسقط \overline{AD} علي \overline{BD} {٢} أثبت أن : $\angle C = 90^\circ$



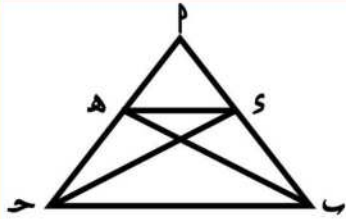
- {٤٠} في الشكل المقابل : AB حـ شكل رباعي تقاطع قطراه في م ،
 إذا كان مساحة $\triangle ABM =$ مساحة $\triangle CDM$ أثبت أن : $\overline{AC} \parallel \overline{BD}$



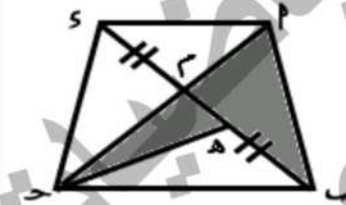
- {٤١} في الشكل المقابل : \overline{DE} متوسط في $\triangle ABC$ ، $DE \parallel BC$ ،
 أثبت أن : مساحة $\triangle ADE =$ مساحة $\triangle CDE$



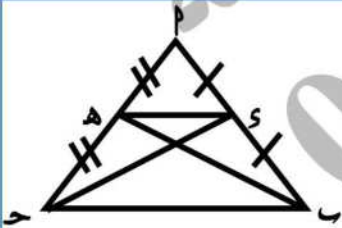
{٤٢} في الشكل المقابل : $AB \parallel DE$ ، $AD = DE$ ، $BE = EC$ ، $AB = 42$
 أثبت أن : مساحة الشكل $ABE =$ مساحة $\triangle ADE$ و BC



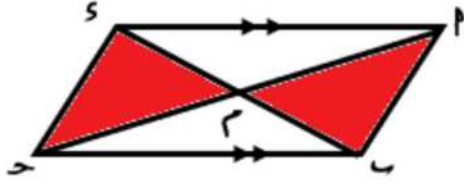
{٤٣} في الشكل المقابل : مساحة $\triangle ABE =$ مساحة $\triangle ADE$ و $BC \parallel DE$
 أثبت أن : $AB \parallel DE$



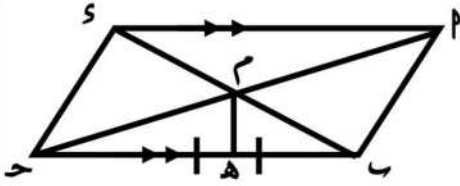
{٤٤} في الشكل المقابل : $AB \parallel EF$ ، تقاطع قطراه في م، $AE = EF$ ، $BF = FC$
 أثبت أن : $AD \parallel BC$ ، مساحة $\triangle ABE =$ مساحة $\triangle ADE$ و BC



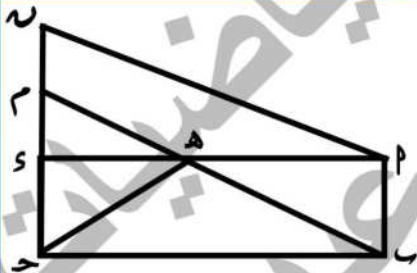
{٤٥} في الشكل المقابل : $\triangle ABC$ فيه : DE منتصف AB ، DE منتصف AC
 {١} برهن أن : مساحة $\triangle ABE =$ مساحة $\triangle ADE$ و $BC \parallel DE$: أثبت أن : $AD \parallel BC$



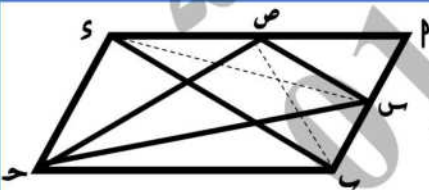
{٤٦} في الشكل المقابل : $\overline{AM} = \overline{CM}$ ، $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$
 أثبت أن : مساحة $\triangle AMB =$ مساحة $\triangle CMD$



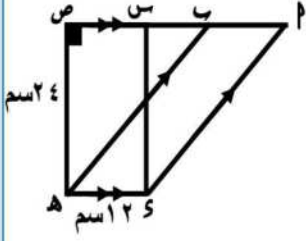
{٤٧} في الشكل المقابل : $\overline{EH} \parallel \overline{AD}$ ، ه منتصف \overline{BC}
 أثبت أن : مساحة الشكل $ABHE =$ مساحة الشكل $CDHE$



{٤٨} في الشكل المقابل : $AB \parallel CD$ ، $AB \parallel MN$ متوازي أضلاع
 برهن أن : مساحة $\triangle MNE = \frac{1}{4}$ مساحة $\square ABCD$



{٤٩} في الشكل المقابل : $AB \parallel CD$ متوازي أضلاع ، $AE = EC$ ، $BE = ED$
 بحيث مساحة $\triangle MNE =$ مساحة $\triangle MNE$ أثبت أن : $\overline{MN} \parallel \overline{AD}$

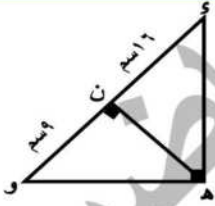


{٥٠} في الشكل المقابل: $\overline{PQ} \parallel \overline{RS}$ ، $\overline{PQ} \perp \overline{PH}$ ، $\overline{PQ} = 12$ سم، $\overline{PH} = 4$ سم، $\overline{PQ} \parallel \overline{RS}$ ، $\overline{PQ} \perp \overline{PH}$ ، $\overline{PQ} = 12$ سم، $\overline{PH} = 4$ سم، أوجد مساحة الشكل

{٥١} إذا كان: $\overline{PQ} = 30$ سم أوجد طول العمود النازل من P على \overline{RS}

{٥١} أوجد مساحة المستطيل الذي أحد بعديه ١٢ سم، و طول قطره ١٣ سم .

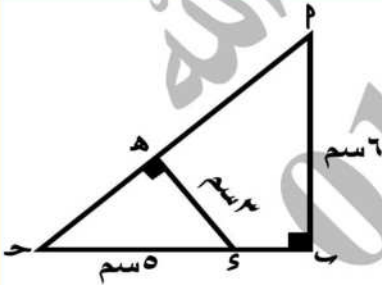
{٥٢} في الشكل المقابل :

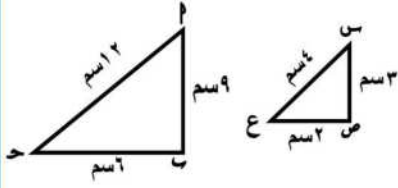


وهو قائم الزاوية في H، $\overline{PQ} \perp \overline{PH}$ ، $\overline{PQ} = 12$ سم، $\overline{PH} = 4$ سم، $\overline{PQ} \parallel \overline{RS}$ ، $\overline{PQ} \perp \overline{PH}$ ، $\overline{PQ} = 12$ سم، $\overline{PH} = 4$ سم، أوجد : طول \overline{PQ} ، \overline{RS} ، \overline{HQ}

{٥٣} في الشكل المقابل : P ح مثلث قائم الزاوية في ب فيه : $\overline{PQ} \perp \overline{RS}$

أثبت أن : $\triangle PQR \sim \triangle PHS$ ، ثم أوجد : طول \overline{PQ}

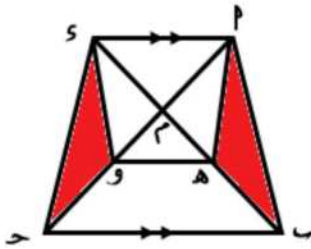




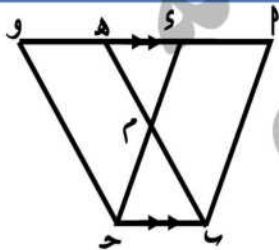
{٥٤} في الشكل المقابل: هل $\triangle PBC$ ، $\triangle SCB$ متشابهان؟ مع ذكر السبب

{٥٥} في الشكل المقابل:

$\overline{SP} \parallel \overline{BC}$ ، مساحة $\triangle PBC =$ مساحة $\triangle SCB$ ، أثبت أن: $\overline{SO} \parallel \overline{BC}$



{٥٦} قطعتا أرض متساويتان في المساحة، الأولى علي شكل معين طولاً قطريه ٨ متراً، ٤ متراً، والأخري علي شكل شبه منحرف ارتفاعه ١٢ متراً. أوجد طول قاعدته المتوسطة



{٥٧} في الشكل المقابل: $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ ، $\overline{AD} = \overline{BE}$ ، $\overline{AE} = \overline{BD}$ ، $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ ، $\overline{AD} = \overline{BE}$ ، $\overline{AE} = \overline{BD}$ ، $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ ، أثبت أن: مساحة الشكل $\triangle ABC =$ مساحة الشكل $\triangle DEF$

مراجعة ليلة الامتحان

أولاً : المساحات :

س ١ أكمل ما يأتي :

١	سطحاً متوازي الأضلاع المشتركين في القاعدة والمحصورين بين مستقيمين متوازيين أحدهما يحمل هذه القاعدة متساويان في المساحة
٢	مساحة متوازي الأضلاع تساوي مساحة المستطيل المشترك معه في القاعدة والمحصور معه بين مستقيمين متوازيين
٣	مساحة المثلث تساوي نصف مساحة متوازي الأضلاع المشترك معه في القاعدة والمحصور معه بين مستقيمين متوازيين أحدهما يحمل القاعدة المشترك
٤	المثلثان المرسومان على قاعدة واحدة ورأساهما على مستقيم يوازي هذه القاعدة يكونان متساويين في المساحة
٥	متوسط المثلث يقسم سطحه إلى سطحي مثلثين متساويين في المساحة
٦	المثلثات التي قواعدها متساوية الطول والمحصورة بين مستقيمين متوازيين تكون متساوية المساحة
٧	المثلثات التي أطوال قواعدها متساوية ، وعلى مستقيم واحد ومشاركة في الرأس ، تكون متساوية المساحة
٨	المثلثان المتساويان في مساحتهما ، والمرسومان على قاعدة واحدة وفي جهة واحدة من هذه القاعدة ، يكون رأساهما على مستقيم يوازي هذه القاعدة
٩	عدد محاور تماثل شبه المنحرف المتساوي الساقين واحد وينصف قاعدتيه
١٠	زاويتا القاعدة لشبه المنحرف المتساوي الساقين متساويان في القياس
١١	قطراه شبه المنحرف المتساوي الساقين متساويان في الطول
١٢	P ب ح متوازي أضلاع ، هـ \supset ح د فإذا كانت مساحة $\triangle P$ هـ ب = ٢٠ سم ^٢ فإن مساحة $\square P$ ب ح د = $20 \times 2 = 40$ سم ^٢
١٣	متوازي أضلاع الذي طولاً ضلعين متجاورين فيه ٧ سم ، ٥ سم وطول ارتفاعه الأصغر ٤ سم فإن مساحته = $7 \times 4 = 28$ سم ^٢
١٤	إذا كانت مساحة متوازي الأضلاع ٣٥ سم ^٢ وطول أحد أضلاعه ٧ سم فإن طول الارتفاع الساقط عليه = $35 \div 7 = 5$ سم
١٥	مساحة المثلث الذي طول قاعدته ١٠ سم وارتفاعه ٦ سم = $\frac{1}{2} \times 10 \times 6 = 30$ سم ^٢
١٦	مثلث مساحته ٢٤ سم ^٢ وارتفاعه ٨ سم فإن طول قاعدته = $\frac{24 \times 2}{8} = 6$ سم
١٧	مساحة المعين الذي طولاً قطريه ٦ سم ، ١٠ سم = $\frac{1}{2} \times 12 \times 8 = 48$ سم ^٢
١٨	معين مساحته ٢٤ سم ^٢ وطول أحد قطريه ٨ سم فإن طول القطر الآخر = $\frac{24 \times 2}{8} = 6$ سم
١٩	مساحة المعين الذي محيطه ١٢ سم وارتفاعه ٦ سم = $6 \times 3 = 18$ سم ^٢
٢٠	معين مساحته ٣٥ سم ^٢ وطول قاعدته ٧ سم فإن ارتفاعه = $35 \div 7 = 5$ سم

٢٢) إذا كان مربع مساحته ٥٠ سم ^٢ فإن طول قطره = $\sqrt{50 \times 2} = 10$ سم	٢١) مساحة المربع الذي طول قطره ٦ سم = $\frac{1}{2} \times 6 \times 6 = 18$ سم ^٢
٢٤) مربع مساحته ٩ سم يكون محيطه = $3 \times 4 = 12$ سم	٢٣) مربع محيطه ٢٠ سم تكون مساحته = $5 \times 5 = 25$ سم ^٢
٢٦) مساحة شبه المنحرف الذي طول قاعدته المتوسطة ١٠ سم وارتفاعه ٨ سم = $8 \times 10 = 80$ سم ^٢	٢٥) شبه المنحرف الذي طولاً قاعدتيه المتوازيتين ٨ سم ، ١٠ سم وارتفاعه ٥ سم فإن مساحته = $5 \times \frac{10+8}{2} = 45$ سم ^٢
٢٨) شبه منحرف مساحته ١٠٠ سم ^٢ وارتفاعه ٥ سم فإن طول قاعدته المتوسطة = $5 \div 100 = 20$ سم	٢٧) شبه منحرف طول قاعدته المتوسطة ١٥ سم ومساحته ٧٥ سم ^٢ فإن ارتفاعه = $15 \div 75 = 5$ سم
٣٠) شبه منحرف طول القاعدة المتوسطة ١١ سم وطولاً أحد قاعدتيه المتوازيتين ٩ سم فإن طول قاعدته الأخرى = $9 - 11 \times 2 = 13$ سم	٢٩) شبه منحرف طولاً قاعدتيه المتوازيتين ٦ سم ، ٨ سم فإن طول قاعدته المتوسطة = $\frac{8+6}{2} = 7$ سم

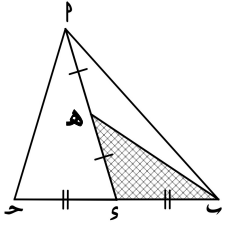
س٢ تمارين متنوعة :

١) شبه المنحرف الذي مساحته ٤٢ سم ^٢ وطولاً قاعدتيه المتوازيتين ٥ سم ، ٩ سم أوجد طول ارتفاعه . الحل : ∴ طول القاعدة المتوسطة = $\frac{9+5}{2} = 7$ سم ∴ طول ارتفاعه = $42 \div 7 = 6$ سم	٢) معين النسبة بين طولي قطريه ٣ : ٤ فإذا كانت مساحته ٥٤ سم ^٢ أوجد طول كل من قطريه . الحل : نفرض أن: طولاً القطرين ٣ س ، ٤ س ∴ مساحة المعين = $\frac{1}{2} \times 3س \times 4س = 54$ ∴ $6س = 54 \div (6 \div)$ ∴ $6س = 54 \div 6$ ∴ $6س = 9$ ∴ $س = 9 \div 6 = 1.5$ ∴ طولاً القطرين ٩ سم ، ١٢ سم
---	---

س٣ مسائل البرهان :

١) في الشكل المقابل : P ب ح و متوازي أضلاع مساحته ٤٨ سم ^٢ ، ومنتصف ه ح أكمل : ١) م Δ ه ب ح = $\frac{1}{2}$ م P ب ح = ٢٤ سم ^٢ ٢) م Δ ب ه و = $\frac{1}{2}$ م Δ ه ب ح = ١٢ سم ^٢	١) من الشكل المقابل : ب ح = ١٠ سم P ب ح = ١٦ سم P س = ٨ سم أكمل : ١) مساحة Δ P ب ح = $\frac{1}{2} \times 10 \times 8 = 40$ سم ^٢ ٢) طول ب ه = $\frac{40 \times 2}{16} = 5$ سم
--	--

④ من الشكل المقابل :

هـ منتصف \overline{PS}

أثبت أن :

$$\text{مر } \triangle PSB = \frac{1}{4} \text{ مر } \triangle PBC$$

البرهان :

 $\therefore \overline{PS}$ متوسط في $\triangle PBC$

$$\therefore \text{مر } \triangle PSB = \frac{1}{2} \text{ مر } \triangle PBC \quad \text{①} \leftarrow$$

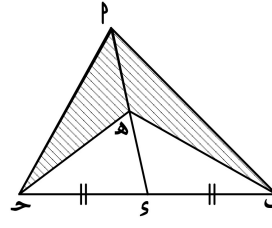
 $\therefore \overline{SH}$ متوسط في $\triangle PSB$

$$\therefore \text{مر } \triangle SHB = \frac{1}{2} \text{ مر } \triangle PSB \quad \text{②} \leftarrow$$

من ①، ② ينتج أن :

$$\therefore \text{مر } \triangle SHB = \frac{1}{4} \text{ مر } \triangle PBC$$

⑤ من الشكل المقابل :

س منتصف \overline{BC}

أثبت أن :

$$\text{مر } \triangle PSB = \text{مر } \triangle PSC$$

البرهان :

 $\therefore \overline{PS}$ متوسط في $\triangle PBC$

$$\therefore \text{مر } \triangle PSB = \text{مر } \triangle PSC \quad \text{①} \leftarrow$$

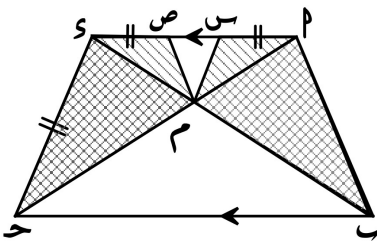
 $\therefore \overline{SH}$ متوسط في $\triangle PSB$

$$\therefore \text{مر } \triangle SHB = \text{مر } \triangle SHC \quad \text{②} \leftarrow$$

ب طرح ② من ① ينتج أن :

$$\therefore \text{مر } \triangle PSB = \text{مر } \triangle PSC$$

⑥ من الشكل المقابل :

 $\overline{PS} \parallel \overline{BC}$ ، $PS = MS$

أثبت أن :

$$\text{مر الشكل } PMS = \text{مر الشكل } SMC$$

البرهان :

 $\therefore \overline{PS} \parallel \overline{BC}$

$$\therefore \text{مر } \triangle PSB = \text{مر } \triangle PSC$$

بحذف $\text{مر } \triangle PMS$ من الطرفين :

$$\therefore \text{مر } \triangle PSB = \text{مر } \triangle PSC \quad \text{①} \leftarrow$$

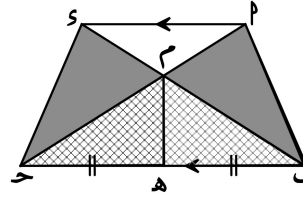
 $\therefore PS = MS$ ، رأس مشتركة

$$\therefore \text{مر } \triangle PSB = \text{مر } \triangle PSC \quad \text{②} \leftarrow$$

ب جمع ①، ② ينتج أن :

$$\therefore \text{مر الشكل } PMS = \text{مر الشكل } SMC$$

⑦ من الشكل المقابل :

 $\overline{PS} \parallel \overline{BC}$ ، هـ منتصف \overline{BC}

أثبت أن :

$$\text{مر الشكل } PMS = \text{مر الشكل } SMC$$

البرهان :

 $\therefore \overline{PS} \parallel \overline{BC}$ ، قاعدة مشتركة \overline{PM}

$$\therefore \text{مر } \triangle PSB = \text{مر } \triangle PSC$$

بحذف $\text{مر } \triangle PMS$ من الطرفين :

$$\therefore \text{مر } \triangle PSB = \text{مر } \triangle PSC \quad \text{①} \leftarrow$$

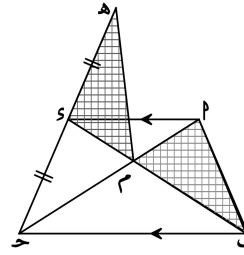
 $\therefore \overline{SH}$ متوسط في $\triangle PSB$

$$\therefore \text{مر } \triangle SHB = \text{مر } \triangle SHC \quad \text{②} \leftarrow$$

ب جمع ①، ② ينتج أن :

$$\therefore \text{مر الشكل } PMS = \text{مر الشكل } SMC$$

٧ من الشكل المقابل :



$PS \parallel BC$
 S منتصف BC
أثبت أن :

$$مس \triangle = ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

البرهان :

$$\therefore مس \triangle = ب م \triangle$$

بحذف $مس \triangle$ من الطرفين :

$$\therefore ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

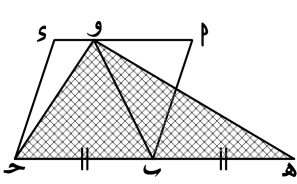
$$\therefore م \triangle هـ س$$

$$\therefore م \triangle هـ س = م \triangle هـ س$$

من ①، ② ينتج أن :

$$\therefore ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

٨ من الشكل المقابل :



$PS \parallel BC$
 $PS = BC$

أثبت أن : $مس \triangle = م \triangle هـ س$

البرهان :

$$\therefore مس \triangle = ب م \triangle$$

يشتركان في القاعدة BC ، $PS \parallel BC$

$$\therefore ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

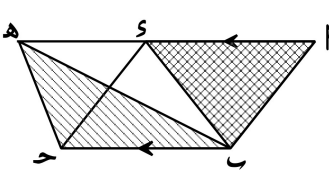
BC متوسط في $م \triangle هـ س$

$$\therefore ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

من ①، ② ينتج أن :

$$\therefore ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

٩ من الشكل المقابل :



$PS \parallel BC$

$PS \parallel BC$

برهن أن :

$$مس \triangle = ب م \triangle$$

البرهان :

$$\therefore مس \triangle = ب م \triangle$$

يشتركان في القاعدة BC ، $PS \parallel BC$

$$\therefore ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

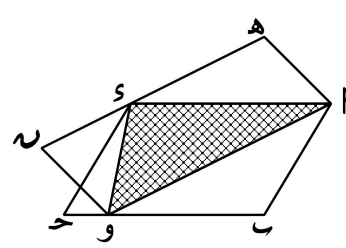
BC ، $PS \parallel BC$

يشتركان في القاعدة BC ، $PS \parallel BC$

$$\therefore ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

من ①، ② ينتج أن : $مس \triangle = ب م \triangle$

١٠ من الشكل المقابل :



متوازيًا أضلاع
أثبت أن :

$$مس \triangle = ب م \triangle$$

$$مس \triangle = ب م \triangle$$

البرهان :

يشتركان في القاعدة BC ، $PS \parallel BC$

$$\therefore ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

$$\therefore ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

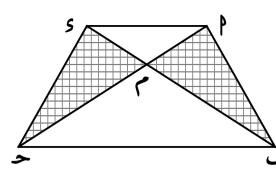
يشتركان في القاعدة BC ، $PS \parallel BC$

$$\therefore ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

من ①، ② ينتج أن :

$$مس \triangle = ب م \triangle$$

١١ من الشكل المقابل :



$$مس \triangle = ب م \triangle$$

أثبت أن : $PS \parallel BC$

البرهان :

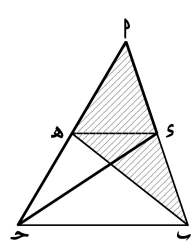
$$\therefore ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

$$\therefore ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

وهما يشتركان في القاعدة BC

$$\therefore PS \parallel BC$$

١٢ من الشكل المقابل :



برهن أن : $PS \parallel BC$

البرهان :

$$\therefore ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

بحذف $مس \triangle$ من الطرفين :

$$\therefore ب م \triangle = م \triangle هـ س$$

وهما يشتركان في القاعدة BC

$$\therefore PS \parallel BC$$

ثانياً : التشابه :-

س ٤ مسائل البرهان :

① من الشكل المقابل :

أثبت أن :

$$\triangle PAB \sim \triangle S \quad \text{حيث } \angle A = \angle S$$

ثم أوجد طول : SA

البرهان :

$$\therefore PA \parallel SB \quad \because \angle A = \angle S$$

$$\therefore \angle PAB = \angle S \quad \text{بالتبادل}$$

$$\therefore \angle PBA = \angle SBA \quad \text{بالتبادل}$$

$$\therefore \triangle PAB \sim \triangle S \quad \text{بالتناظر}$$

$$\frac{PA}{SA} = \frac{PB}{SB} = \frac{AB}{SB}$$

$$\therefore \frac{3}{SA} = \frac{4}{12} \quad \because$$

$$\therefore SA = \frac{12 \times 3}{4} = 9 \text{ سم}$$

② من الشكل المقابل :

أثبت أن :

$$\triangle PAB \sim \triangle S \quad \text{حيث } \angle A = \angle S$$

ثم أوجد طول : SA

البرهان :

$$\therefore PA \parallel SB \quad \because \angle A = \angle S$$

$$\therefore \angle PAB = \angle S \quad \text{بالتناظر}$$

$$\therefore \angle PBA = \angle SBA \quad \text{بالتناظر}$$

$$\therefore \triangle PAB \sim \triangle S \quad \text{بالتناظر}$$

$$\frac{PA}{SA} = \frac{PB}{SB} = \frac{AB}{SB}$$

$$\therefore \frac{4,5}{SA} = \frac{6}{4} \quad \because$$

$$\therefore SA = \frac{4,5 \times 4}{6} = 3 \text{ سم}$$

③ في الشكل المقابل :

أثبت أن :

$$\triangle PAB \sim \triangle S \quad \text{حيث } \angle A = \angle S$$

ثم أوجد طول : SA

البرهان :

$$\therefore PA \parallel SB \quad \because \angle A = \angle S$$

$$\therefore \angle PAB = \angle S \quad \text{بالتبادل}$$

مشتركة

$$\therefore \triangle PAB \sim \triangle S \quad \text{بالتناظر}$$

$$\frac{PA}{SA} = \frac{PB}{SB} = \frac{AB}{SB}$$

$$\therefore \frac{5}{SA} = \frac{4}{10} \quad \because \quad \frac{5}{SA} = \frac{4}{10}$$

$$\therefore SA = 10 - 4 = 6 \text{ سم}$$

④ في الشكل المقابل :

أثبت أن :

$$\triangle PAB \sim \triangle S \quad \text{حيث } \angle A = \angle S$$

ثم أوجد : SA

البرهان :

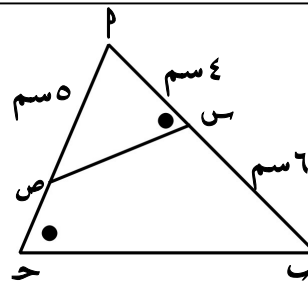
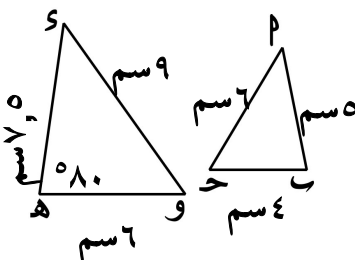
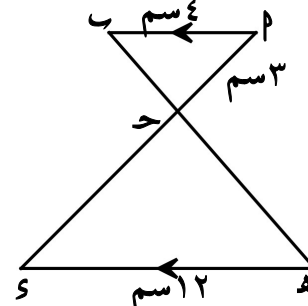
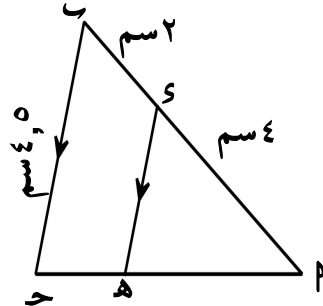
$$\frac{PA}{SA} = \frac{PB}{SB} = \frac{AB}{SB}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{4}{6} = \frac{AB}{SB}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{6}{9} = \frac{AB}{SB}$$

$$\therefore \triangle PAB \sim \triangle S \quad \text{بالتناظر}$$

$$\therefore \angle PAB = \angle S \quad \text{بالتناظر}$$

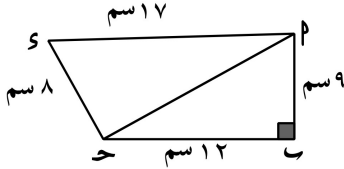
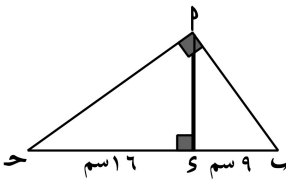


س٥ أكمل ما يأتي :

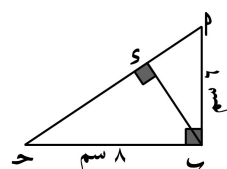
١ يتشابه المضلعان إذا كانت قياسات الزوايا المتناظرة متساوية في القياس	٢ يتشابه المضلعان إذا كانت أطوال الأضلاع المتناظرة متناسبة
٣ المضلعان المتشابهان لثالث متشابهان	٤ كل المربعات تكون متشابهة
٥ إذا كانت نسبة التكبير بين المضلعين المتشابهين = ١ فإن المضلعين يكونان متطابقان	٦ مضلعان متشابهان النسبة بين طولاهما ضلعين متناظرين فيهما ٣ : ٥ تكون النسبة بين محيطيهما هي ٣ : ٥
٧ مثلثان متشابهان ، النسبة بين طولاهما ضلعين متناظرين فيهما ٢ : ٣ فإذا كان محيط المثلث الأكبر ٦٠ سم فإن : محيط المثلث الأصغر = $\frac{60 \times 2}{3} = 40$ سم	٨ إذا كان : $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ ، $AB = 4$ ، $DE = 6$ فإن : محيط $\triangle ABC = \frac{1}{2}$ محيط $\triangle DEF$

ثالثاً : عكس فيثاغورث وإقليدس والمساقط :

س٦ مسائل البرهان :

<p>١ في الشكل المقابل :</p>  <p>أثبت أن : $\angle APC = 90^\circ$</p> <p>ثم أوجد مساحة الشكل : $\triangle ABC$</p> <p>البرهان :</p> <p>$\triangle ABC$ قائم الزاوية في C $\therefore AC^2 + BC^2 = AB^2$ $12^2 + 9^2 = AB^2$ $144 + 81 = AB^2$ $225 = AB^2$ $AB = \sqrt{225} = 15$ سم</p> <p>مساحة الشكل $\triangle ABC = \frac{1}{2} \times AC \times BC = \frac{1}{2} \times 12 \times 9 = 54$ سم^٢</p>	<p>٢ في الشكل المقابل :</p>  <p>أوجد طول : CP</p> <p>البرهان :</p> <p>باستخدام نظرية إقليدس</p> <p>$\therefore AC^2 = AP \times AB$ $16^2 = AP \times 15$ $256 = AP \times 15$ $AP = \frac{256}{15}$ سم</p> <p>$\therefore BC^2 = BP \times AB$ $9^2 = BP \times 15$ $81 = BP \times 15$ $BP = \frac{81}{15} = \frac{27}{5}$ سم</p> <p>$\therefore CP = AB - AP - BP = 15 - \frac{256}{15} - \frac{27}{5} = \frac{225 - 256 - 81}{15} = \frac{-112}{15}$ سم</p>
---	---

٣٣ في الشكل المقابل :



أوجد طول : \overline{PC}

، طول مسقط \overline{P} على \overline{PC}

البرهان :

ΔPSC قائم الزاوية في P

$$\therefore PC = \sqrt{PS^2 + SC^2} = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10 \text{ سم}$$

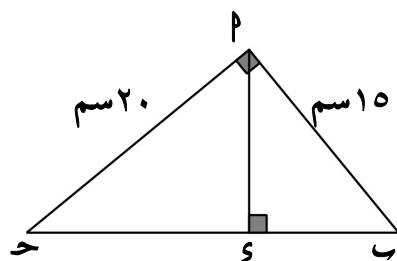
\therefore مسقط \overline{P} على \overline{PC} هو \overline{PS}

باستخدام نظرية إقليدس

$$\therefore PC \times PS = PS^2$$

$$10 \times PS = 6^2 \therefore PS = \frac{36}{10} = 3.6 \text{ سم}$$

٤٤ في الشكل المقابل :



أوجد طول :

\overline{SC} ، \overline{PC}

، مساحة ΔPSC

البرهان :

ΔPSC قائم الزاوية في P

$$\therefore PC = \sqrt{PS^2 + SC^2} = \sqrt{20^2 + 15^2} = 25 \text{ سم}$$

$$\therefore SC = \frac{20 \times 15}{25} = 12 \text{ سم}$$

$$\therefore \text{مساحة } \Delta PSC = \frac{1}{2} \times 12 \times 25 = 150 \text{ سم}^2$$

$$= 150 \text{ سم}^2$$

س٧ تحديد نوع المثلث بالنسبة لزاياه :

١ حدد نوع ΔPSC بالنسبة لزاياه حيث :

$$PC = 7 \text{ سم} ، PS = 12 \text{ سم} ، SC = 9 \text{ سم}$$

البرهان : ΔPSC فيه :

$$PC^2 = 7^2 = 49$$

$$PS^2 = 12^2 = 144$$

$$SC^2 = 9^2 = 81$$

$$\therefore PC^2 + SC^2 = 49 + 81 = 130 \neq PS^2$$

$$\therefore \Delta PSC$$
 منفرج الزاوية في C

٢ حدد نوع ΔPSC بالنسبة لزاياه حيث :

$$PC = 4 \text{ سم} ، PS = 6 \text{ سم} ، SC = 5 \text{ سم}$$

البرهان : ΔPSC فيه :

$$PC^2 = 4^2 = 16$$

$$PS^2 = 6^2 = 36$$

$$SC^2 = 5^2 = 25$$

$$\therefore PC^2 + SC^2 = 16 + 25 = 41 \neq PS^2$$

$$\therefore \Delta PSC$$
 حاد الزوايا

س٨ أكمل ما يأتي :

١ مسقط نقطة تنتمي لمستقيم على هذا المستقيم هي نقطة

٢ طول مسقط قطعة مستقيمة معلومة على مستقيم معلوم \geq طول القطعة المستقيمة الأصلية

٣ مسقط قطعة المستقيمة عمودية على المستقيم هو نقطة وطولها = صفر

٤ إذا كان : $\overline{PC} \parallel \overline{SC}$ فإن : طول مسقط \overline{P} على \overline{SC} = طول \overline{PC}

٥ $\overline{PC} > \overline{SC}$ مثلث قائم في C فإن : مسقط \overline{P} على \overline{SC} هو $\{C\}$

$$٦ \Delta PSC \text{ فيه } PC^2 + SC^2 = PS^2 \text{ فإن : } \angle C \text{ قائمة}$$

$$٧ \Delta PSC \text{ فيه } PC^2 = PS^2 - SC^2 \text{ فإن : } \angle C = 90^\circ$$

$$٨ \Delta PSC \text{ فيه } PC^2 + SC^2 < PS^2 \text{ فإن : } \angle C \text{ منفرجة}$$

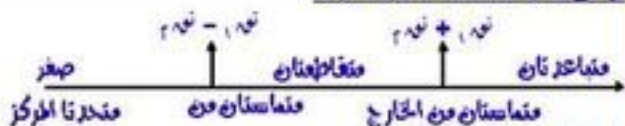
$$٩ \Delta PSC \text{ فيه } PC^2 + SC^2 > PS^2 \text{ فإن : } \angle C \text{ حادة}$$

$$١٠ \Delta PSC \text{ فيه } PC^2 + SC^2 = PS^2 - 2 \text{ فإن : } \angle C \text{ منفرجة}$$

نظري هندسة الصف الثالث الإعدادي الفصل الدراسي الثاني

ملاحظات هامة:

- المماس لدائرة يترن عمودياً على نصف القطر المرسوم من نقطة التماس
- المستقيم العمودي على قطر الدائرة من إحدى نهايتي يترن مماساً لها
- المماسان المرسومان من نهايتي قطر في دائرة متوازيان



ملاحظات هامة:

- خط المركز بين دائرتين متماثلتين يمر بنقطتي التماس ويترن عمودياً على المماس المشترك عند نقطتي التماس
- خط المركز بين دائرتين متقاطعتين يترن عمودياً على الوتر المفضل وينصفه

تعبير دائرة:

- يمكن رسم عدد لا نهائي من الدوائر يمر بنقطة واحدة
- يمكن رسم عدد لا نهائي من الدوائر يمر بنقطتين A, B
- إذا كان $n < 2$ نصف P فإن لا يمكن رسم دائرة تبت فقط
- إذا كان $n = 2$ نصف P فإن لا يمكن رسم دائرة واحدة تمر بالنقطتين A, B (وهي أصغر دائرة)
- إذا كان $n > 2$ نصف P فإن لا يمكن رسم دائرة تمر بالنقطتين A, B

- يمكن رسم دائرة واحدة تمر بثلاث نقط ليست على استقامة واحدة
- لا يمكن رسم دائرة تمر بثلاث نقط على استقامة واحدة

ملاحظات:

- الدائرتان التي تمر برؤوس Δ تسمى دائرة خارج Δ وهذا المثلث مركز الدائرة الخارجة عن المثلث وهو تقاطع محاور أضلاعه
- مركز الدائرة الخارجة للمثلث الحاد الزاوية يقع داخل المثلث
- مركز الدائرة الخارجة للمثلث القائم يقع في منتصف وتر المثلث
- مركز الدائرة الخارجة للمثلث المنفرج الزاوية يقع خارج المثلث

نظري: الأوتار المتساوية في الطول في دائرة على أبعاد متساوية من مركزها

نتيجه: الأوتار المتساوية في الطول في الدوائر المتقاطعة على أبعاد متساوية من المركز

تعريف الدائرة: هي مجموعة نقط المستوى التي تبعد عن ثابت عن نقط ثابت في المستوى تسمى هذه النقط الثابت "مركز الدائرة" والبعد الثابت "طول نصف قطر الدائرة"

ملاحظات هامة:

- نصف قطر الدائرة: هو قطعت مستقيمت طرفيها مركز الدائرة وأحد نقط على الدائرة
- سطح الدائرة: هو مجموعة نقط الدائرة \cup مجموعة النقط داخل الدائرة
- وتر الدائرة: هو القطعت المستقيمت التي طرفيها أي نقطتين على الدائرة
- قطر الدائرة: هو الوتر المار بمركز الدائرة
- كل مستقيم يمر بمركز الدائرة هو محور تماثل لها
- الدائرة لها عدد لا نهائي من محاور التماثل
- محيط الدائرة $= 2\pi r$ ، مساحة الدائرة $= \pi r^2$

نتائج هامة:

- (1) المستقيم المار بمركز الدائرة ومختصفت أي وتر فيها يترن عمودياً على هذا الوتر
- (2) المستقيم المار بمركز الدائرة عمودياً على أي وتر فيها ينصفه هذا الوتر
- (3) المستقيم العمودي على أي وتر في الدائرة من منتصفه يمر بمركز الدائرة

موضع نقط بالنسبة لدائرة:

- إذا كانت دائرة r ، طول نصف قطرها n ، نقط P :
 - تقع خارج الدائرة إذا كان $r < n$
 - تقع على الدائرة إذا كان $r = n$
 - تقع داخل الدائرة إذا كان $r > n$
 - $r = 0$ صفر $\therefore P$ تنطبق على مركز الدائرة

موضع مستقيم بالنسبة لدائرة:

- دائرة r ، طول نصف قطرها n ، L مستقيم في مستواها ،
 - $r = 0$ المستقيم L هو طول العمود النازل من مركز الدائرة على المستقيم L
 - المستقيم L يقع خارج الدائرة إذا كان $r < n$
 - المستقيم L مماساً للدائرة إذا كان $r = n$
 - المستقيم L يترن قاطعاً للدائرة إذا كان $r > n$
 - إذا كان $r = 0$ صفر فإن L يمر بمركز الدائرة (أي محور تماثلها)

تساوي مساحتي متوازي أضلاع

الدرس
الأول

1

تذكر أن

متوازي الأضلاع: هو شكل رباعي فيه كل ضلعان متقابلان متوازيان

خواص متوازي الأضلاع

٢ كل زاويتان متقابلتان متساويتان في القياس

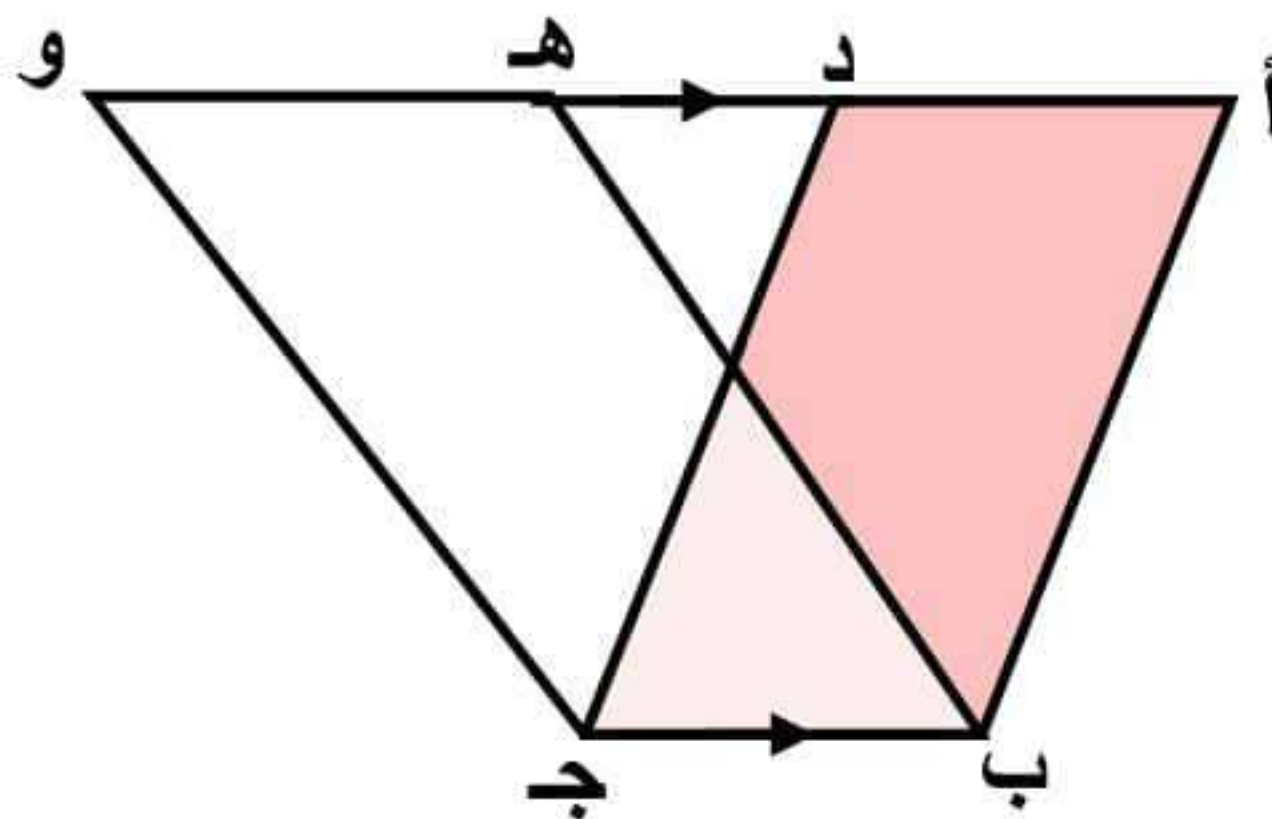
١ كل ضلعان متقابلان متوازيان ومتساويان في الطول

٤ القطران ينصف كل منهما الآخر

٣ كل زاويتان متتاليتان متكاملتان (مجموعهما ١٨٠)

نظرية ١

سطح متوازي الأضلاع المشتركين في قاعدة واحدة ومحصوران بين مستقيمين متوازيين (أحدهما يحمل هذه القاعدة) متساويان في المساحة



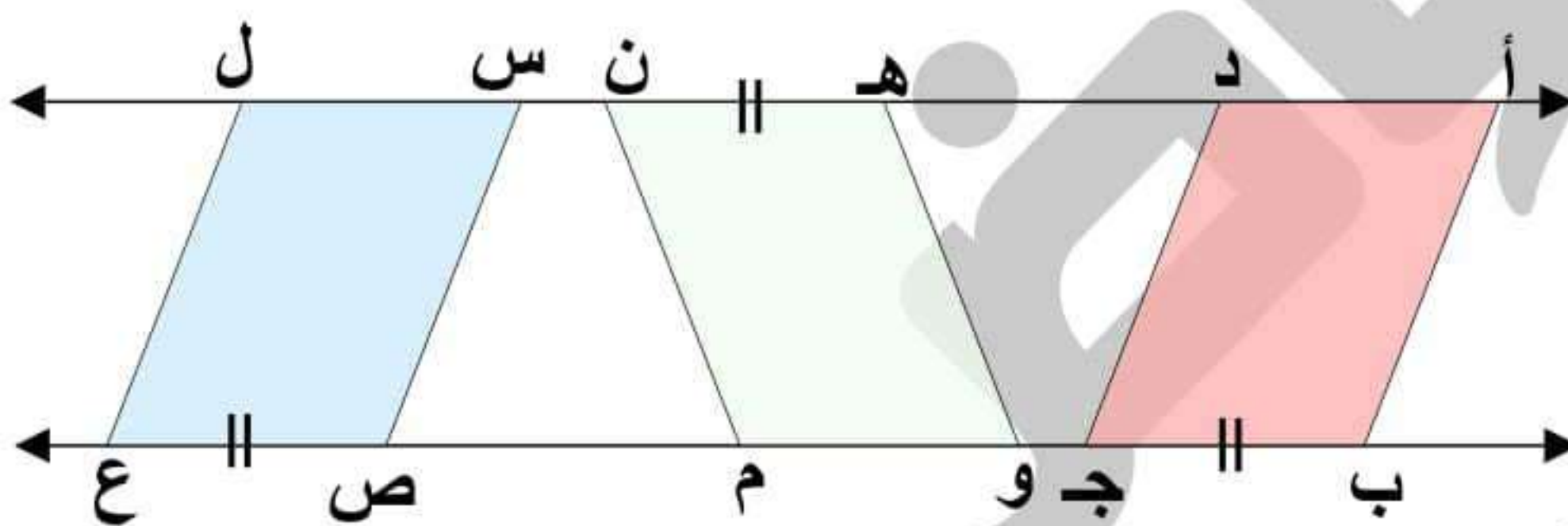
:: ب ج - قاعدة مشتركة

، :: أ و // ب ج

:: مساحة ▭ أ ب ج د = مساحة ▭ ه ب ج و

نتيجة ١

متوازيات الأضلاع المحصورة بين مستقيمين متوازيين وقواعدها (التي على أحد هذين المستقيمين) متساوية في الطول تكون متساويان في المساحة



:: ب ج = ه ن = ص ع (قواعد متساوية)

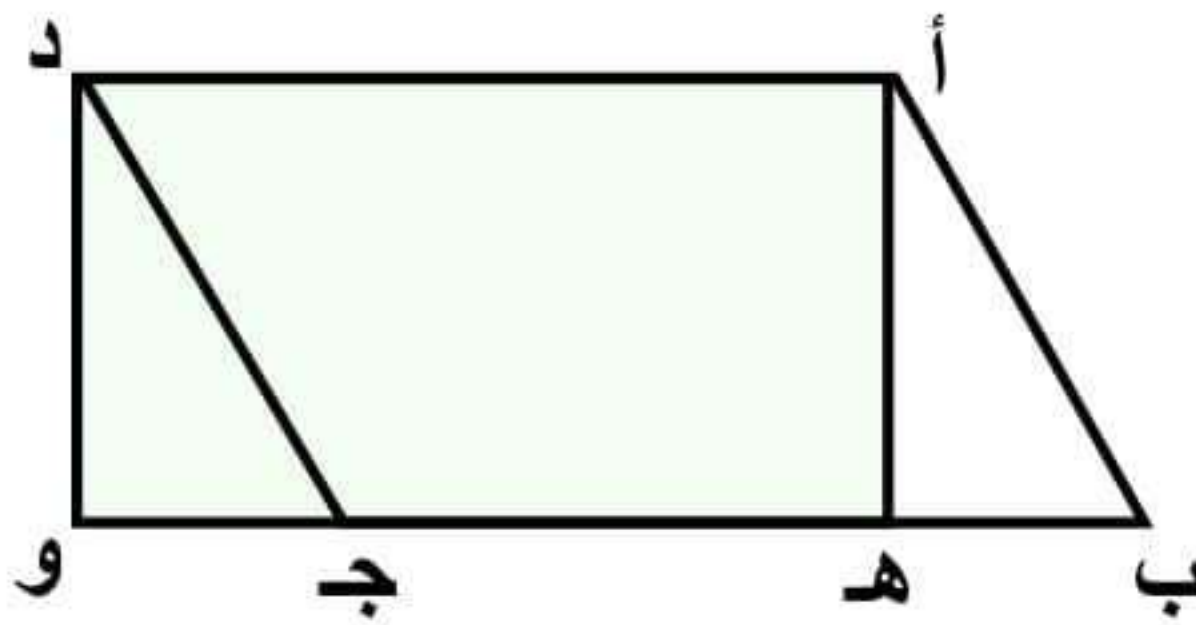
:: أ ل // ب ع

:: مساحة ▭ أ ب ج د = مساحة ▭ ه و م ن

= مساحة ▭ س ص ع ل

نتيجة ٢

مساحة سطح متوازي الأضلاع **تساوي** مساحة سطح المستطيل
المشترك معه في القاعدة والمحصور معه بين مستقيمين متوازيين



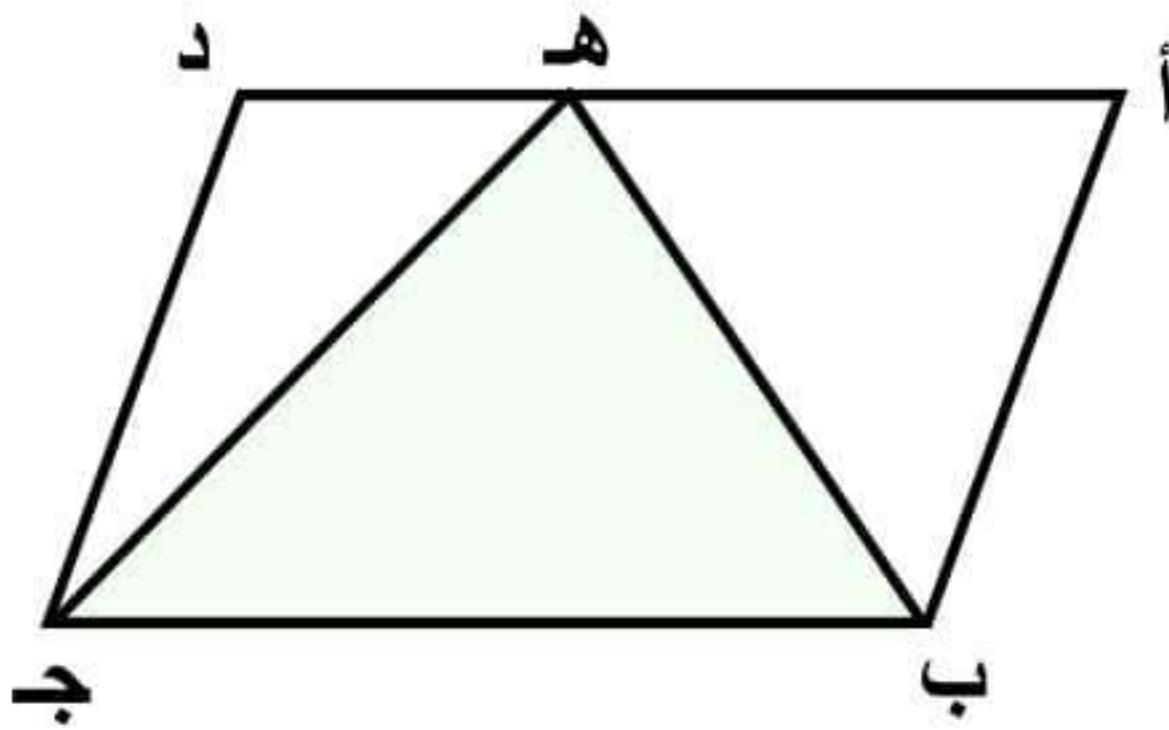
∴ \overline{AD} قاعدة مشتركة

∴ $\overline{AD} \parallel \overline{BO}$

∴ مساحة $\square ABO =$ مساحة $\square AHO$

نتيجة ٣

مساحة سطح المثلث **تساوي نصف** مساحة سطح متوازي الأضلاع
المشترك معه في القاعدة والمحصور معه بين مستقيمين متوازيين



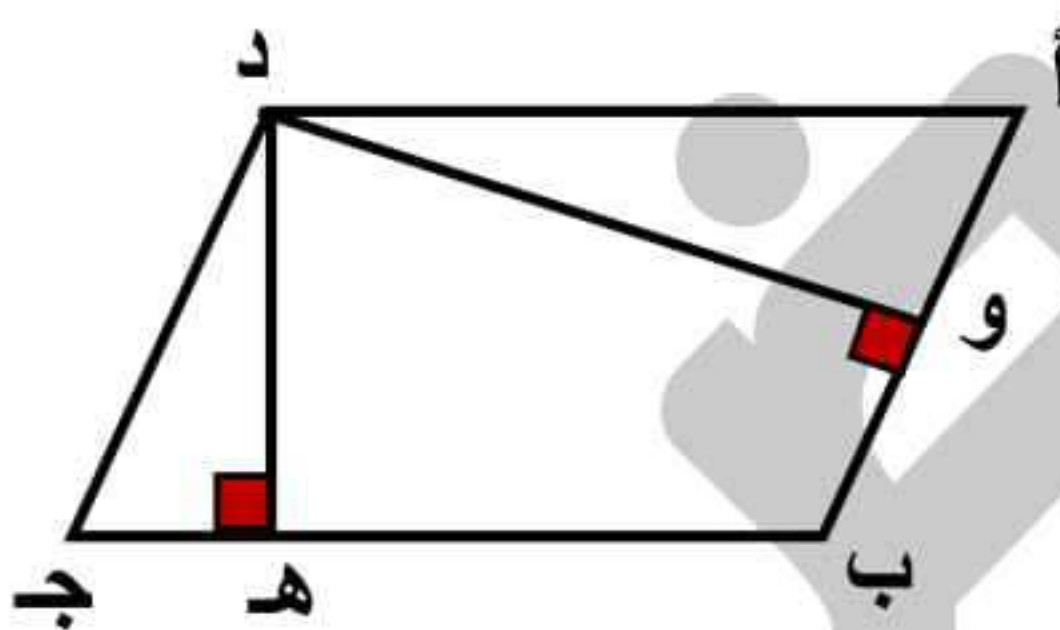
∴ \overline{AB} قاعدة مشتركة

∴ $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

∴ مساحة $\triangle ABE = \frac{1}{2}$ مساحة $\square ABCD$

نتيجة ٤

مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة \times الارتفاع (المناظر لهذه القاعدة)



مساحة $\square ABCD = AB \times DO$

وأيضاً $AB \times DE =$

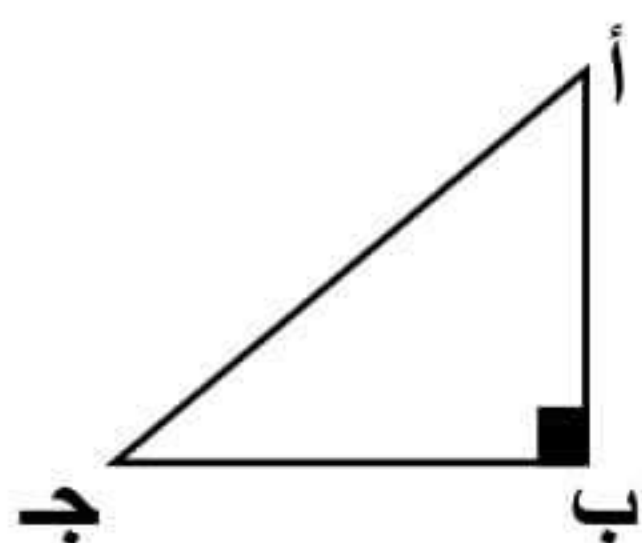
ملحوظة

① القاعدة الكبرى يقابلها الارتفاع الأصغر و القاعدة الصغرى يقابلها الارتفاع الأكبر

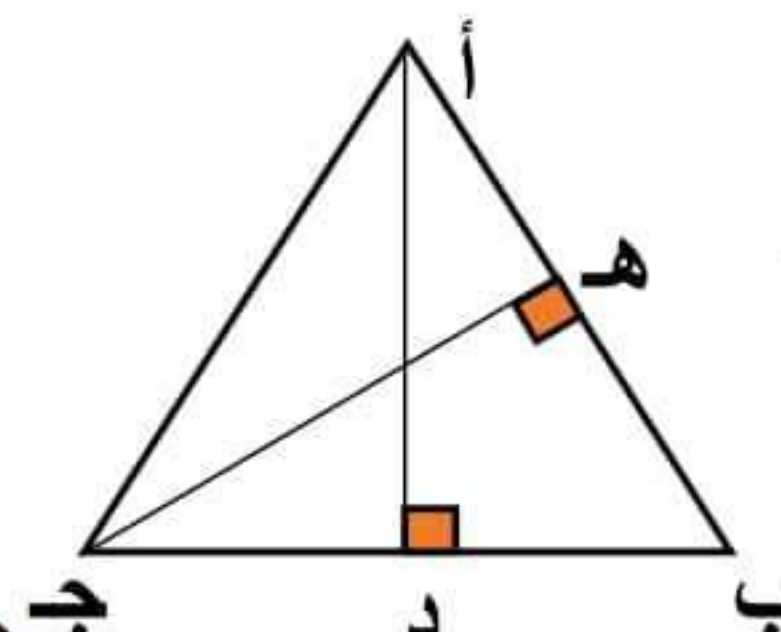
② القاعدة الكبرى \times الارتفاع الأصغر = القاعدة الصغرى \times الارتفاع الأكبر

نتيجة ٥

مساحة المثلث = $\frac{1}{2}$ طول القاعدة \times الارتفاع (المناظر للقاعدة)



مساحة $\triangle ABC = \frac{1}{2} AB \times DE$

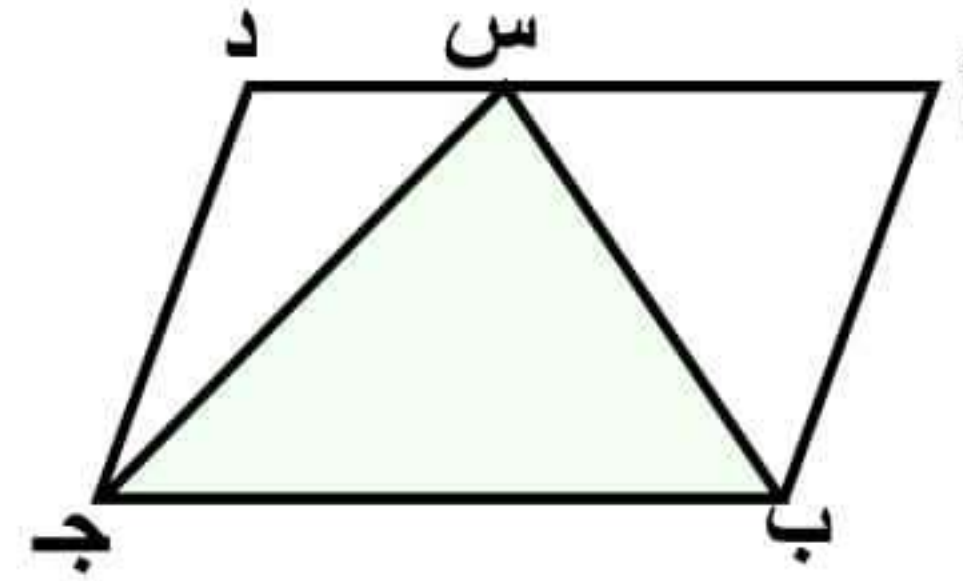


مساحة $\triangle ABC = \frac{1}{2} AB \times DE$

وأيضاً $AB \times DE =$

أمثلة

١) في الشكل المقابل:



أب جد متوازي أضلاع
إذا كانت مساحته ٢٠ سم^٢
أوجد :

- (١) مساحة \triangle س ب ج
(٢) مساحة \triangle أ ب س + مساحة \triangle س د ج

الحل

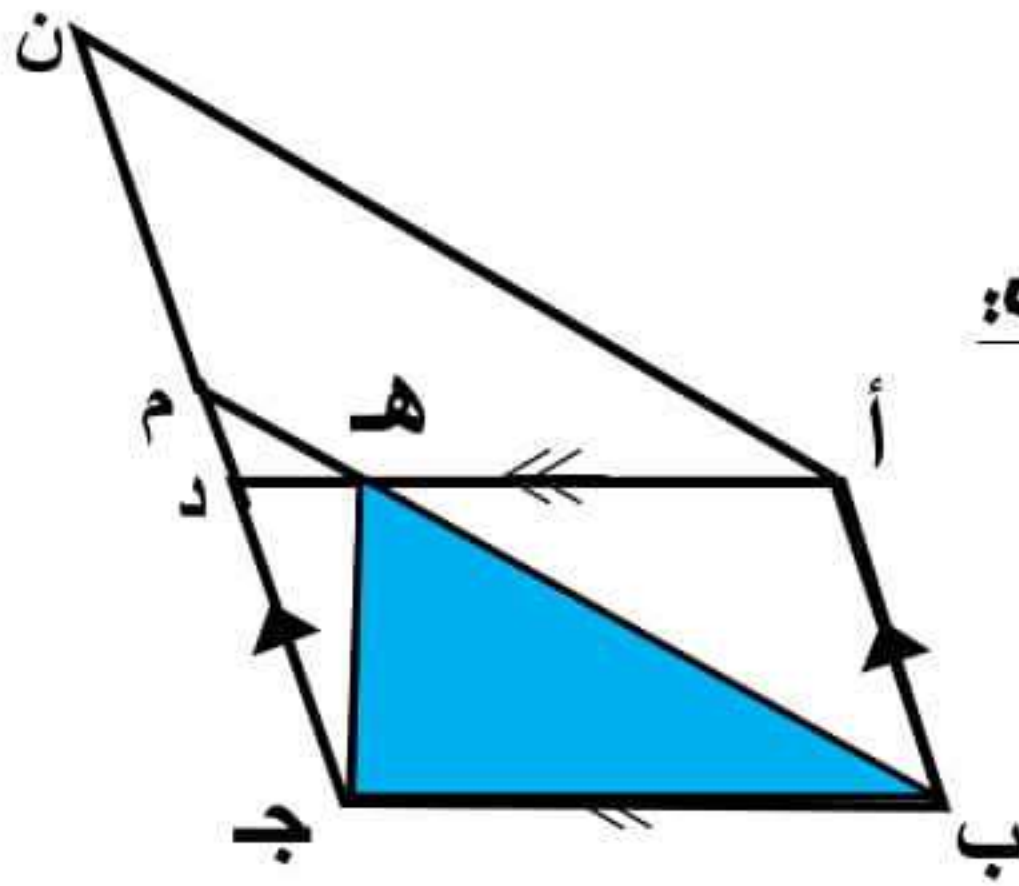
\triangle س ب ج ، \square أ ب جد مشترك في $\overline{ب ج}$
 $\therefore \overline{أ د} \parallel \overline{ب ج}$ ،

\therefore مساحة \triangle س ب ج = $\frac{1}{2}$ مساحة \square أ ب جد

\therefore مساحة \triangle س ب ج = $\frac{20}{2} = 10$ سم^٢

م \triangle أ ب س + م \triangle س د ج = $10 - 20 = 10$ سم^٢

٣) في الشكل المقابل:



أب جد ، أ ب م ن
متوازي أضلاع
برهن أن :

مساحة \triangle ه ب ج = $\frac{1}{4}$ مساحة \square أ ب م ن

الحل

$\therefore \overline{أ د} \parallel \overline{ب ج}$

\therefore مساحة \triangle ه ب ج = $\frac{1}{4}$ مساحة \square أ ب جد ← ١

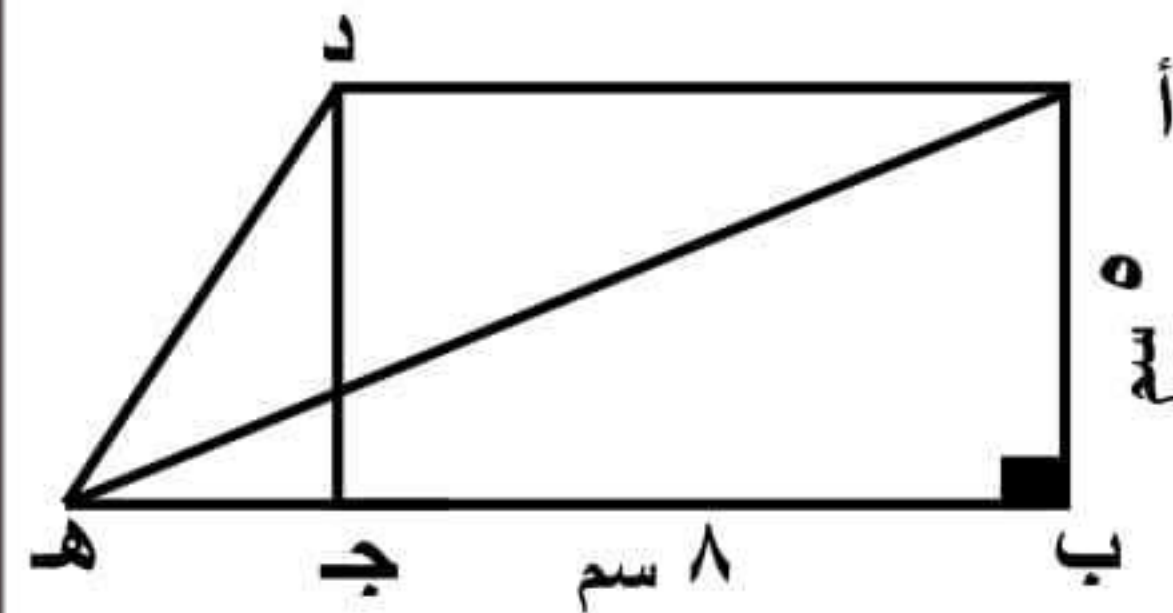
$\therefore \overline{أ ب} \parallel \overline{ن ج}$

\therefore مساحة \square أ ب م ن = مساحة \square أ ب جد ← ٢

من ١ ، ٢ ينتج أن :

مساحة \triangle ه ب ج = $\frac{1}{4}$ مساحة \square أ ب م ن

٢) في الشكل المقابل:



أ ب جد مستطيل
ه \supset ب ج
أ ب = ٥ سم ،
ب ج = ٨ سم
احسب مساحة \triangle ه أ د

الحل

مساحة المستطيل = الطول \times العرض

$$= 5 \times 8 = 40 \text{ سم}^2$$

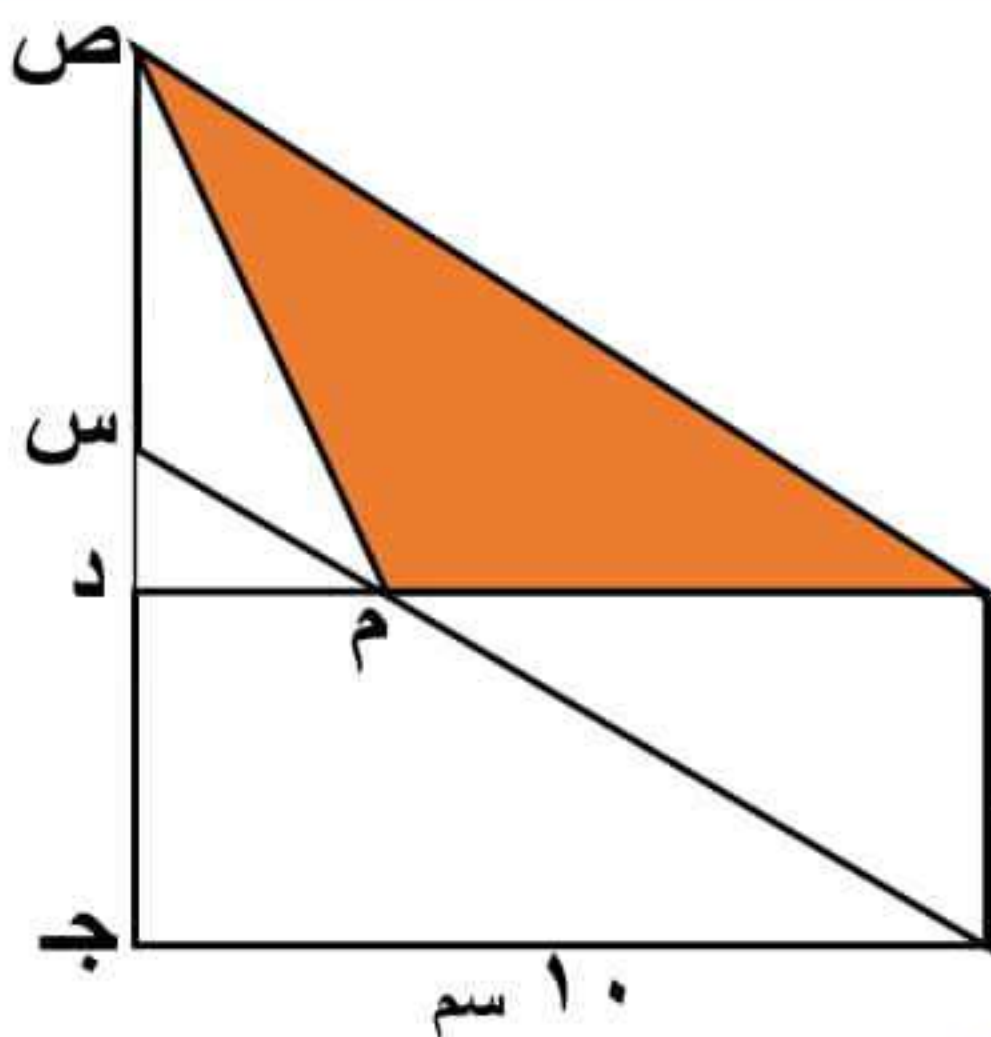
$\therefore \triangle$ ه أ د ، \square أ ب جد مشترك في $\overline{أ د}$

$\therefore \overline{أ د} \parallel \overline{ب ج}$ ،

\therefore مساحة \triangle ه أ د = $\frac{1}{2}$ مساحة \square أ ب جد

\therefore مساحة \triangle ه أ د = $\frac{40}{2} = 20$ سم^٢

٤) في الشكل المقابل:



أ ب س ص متوازي أضلاع
أ ب جد مستطيل
أ ب = ٤ سم ،
ب ج = ١٠ سم

أوجد: مساحة \triangle م أ ص

الحل

\therefore مساحة المستطيل = الطول \times العرض

$$= 4 \times 10 = 40 \text{ سم}^2$$

$\therefore \overline{أ ب} \parallel \overline{ص ج}$

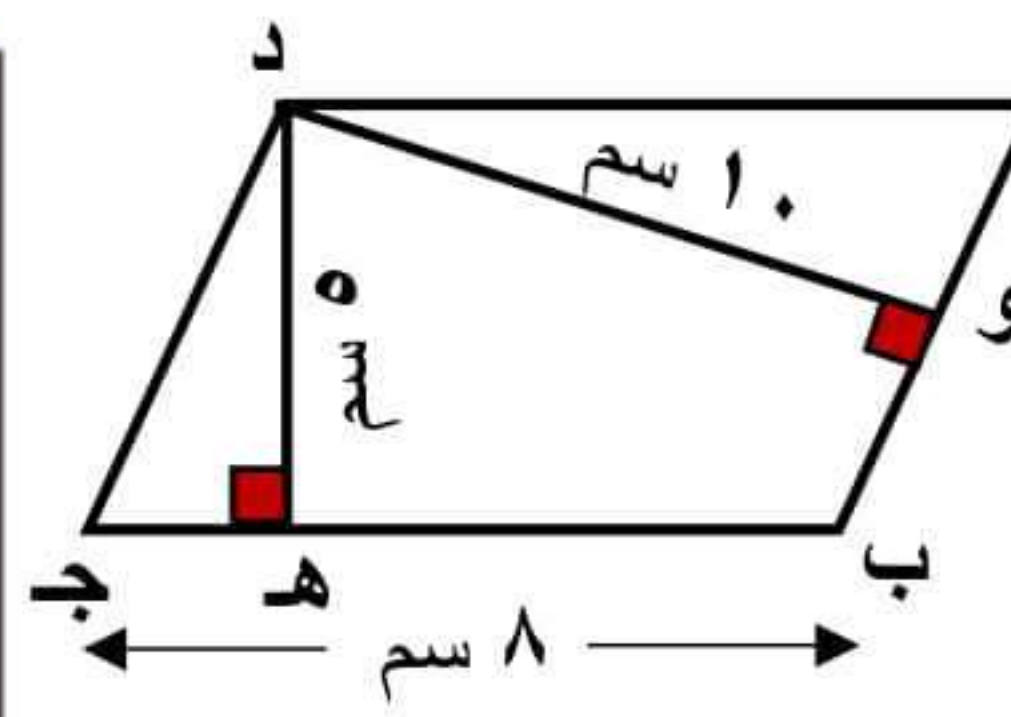
\therefore مساحة \square أ ب جد = مساحة \square أ ب س ص

\therefore مساحة \square أ ب س ص = ٤٠ سم^٢

\therefore مساحة \triangle أ م ص = $\frac{1}{2}$ مساحة \square أ ب س ص

\therefore مساحة \triangle م أ ص = $\frac{40}{2} = 20$ سم^٢

٥ في الشكل المقابل:



أ ب ج د متوازي أضلاع
ب ج = ٨ سم ،
د و = ١٠ سم
د ه = ٥ سم أوجد :
(١) مساحة \square أ ب ج د
(٢) طول أ ب

الحل

مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة \times الارتفاع

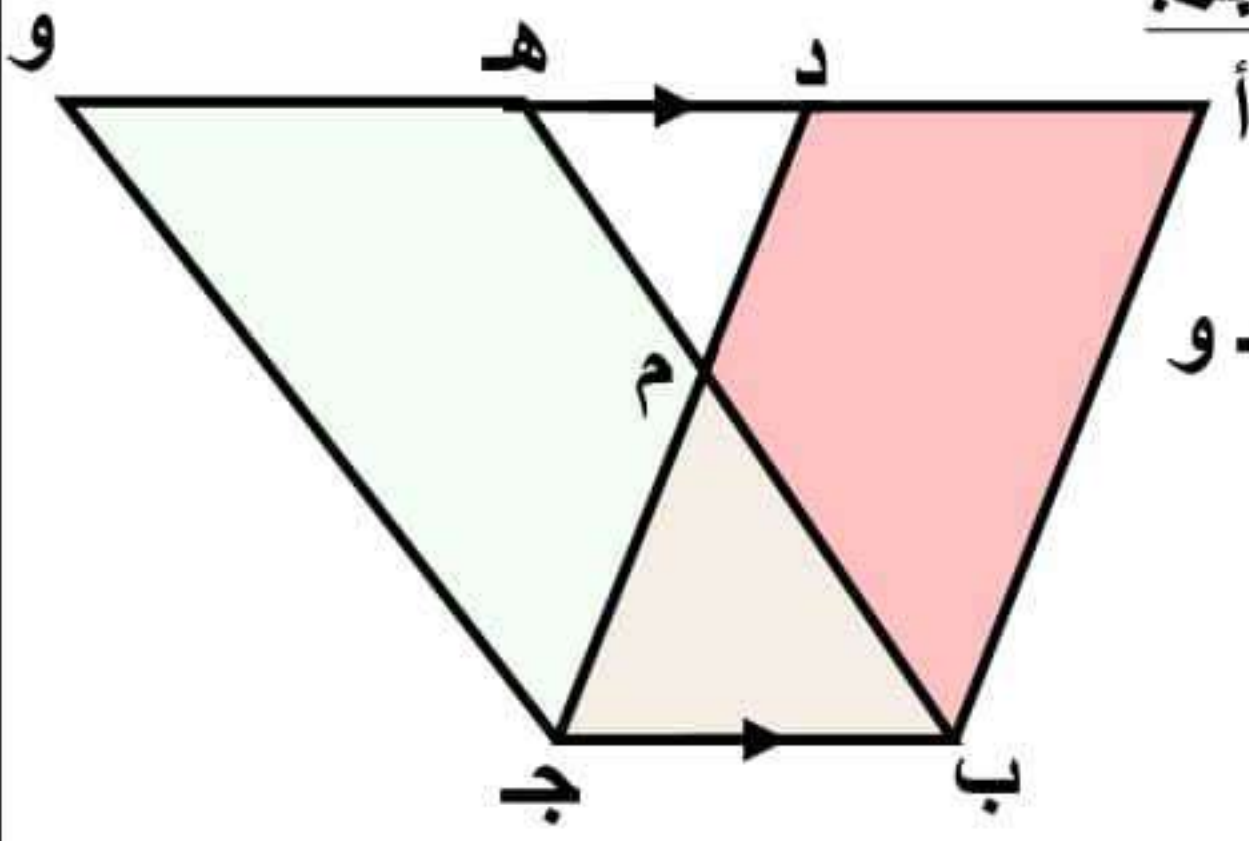
$$٤٠ \text{ سم}^2 = ٨ \times ٥ =$$

لإيجاد طول القاعدة أ ب المناظرة للارتفاع د و:

طول القاعدة = مساحة متوازي الأضلاع \div الارتفاع

$$\therefore \text{أ ب} = \frac{٤٠}{٥} = ٨ \text{ سم}$$

٧ في الشكل المقابل:



أ ب ج د ، ه ب ج و
متوازي أضلاع
أو \parallel ب ج
برهن أن :

مساحة الشكل أ ب م د = مساحة الشكل ه م ج و

الحل

\square أ ب ج د ، ه ب ج و مشتركان في ب ج

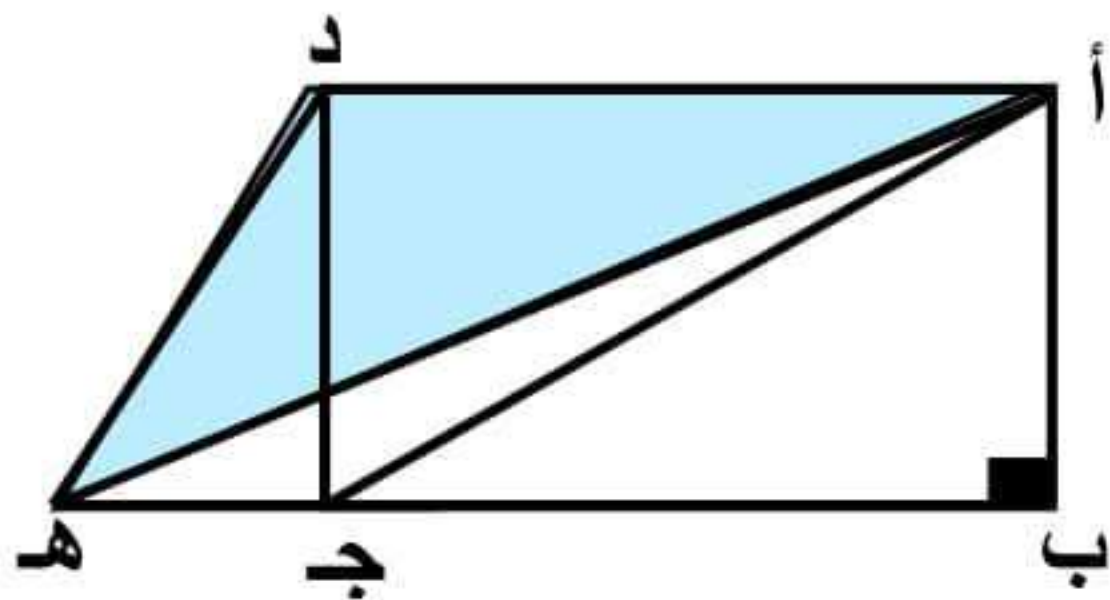
، \therefore أو \parallel ب ج

\therefore مساحة \square أ ب ج د = مساحة \square ه ب ج و

ب طرح مساحة \triangle م ب ج من الطرفين

\therefore مساحة الشكل أ ب م د = مساحة الشكل ه م ج و

٨ في الشكل المقابل:



أ ب ج د مستطيل
ه ب ج
اثبت أن:

مساحة \triangle أ د ه = مساحة \triangle أ ب ج

الحل

، \therefore أو \parallel ب ج

\therefore مساحة \triangle أ د ه = $\frac{1}{2}$ مساحة \square أ ب ج د

(مشاركان في القاعدة أ د)

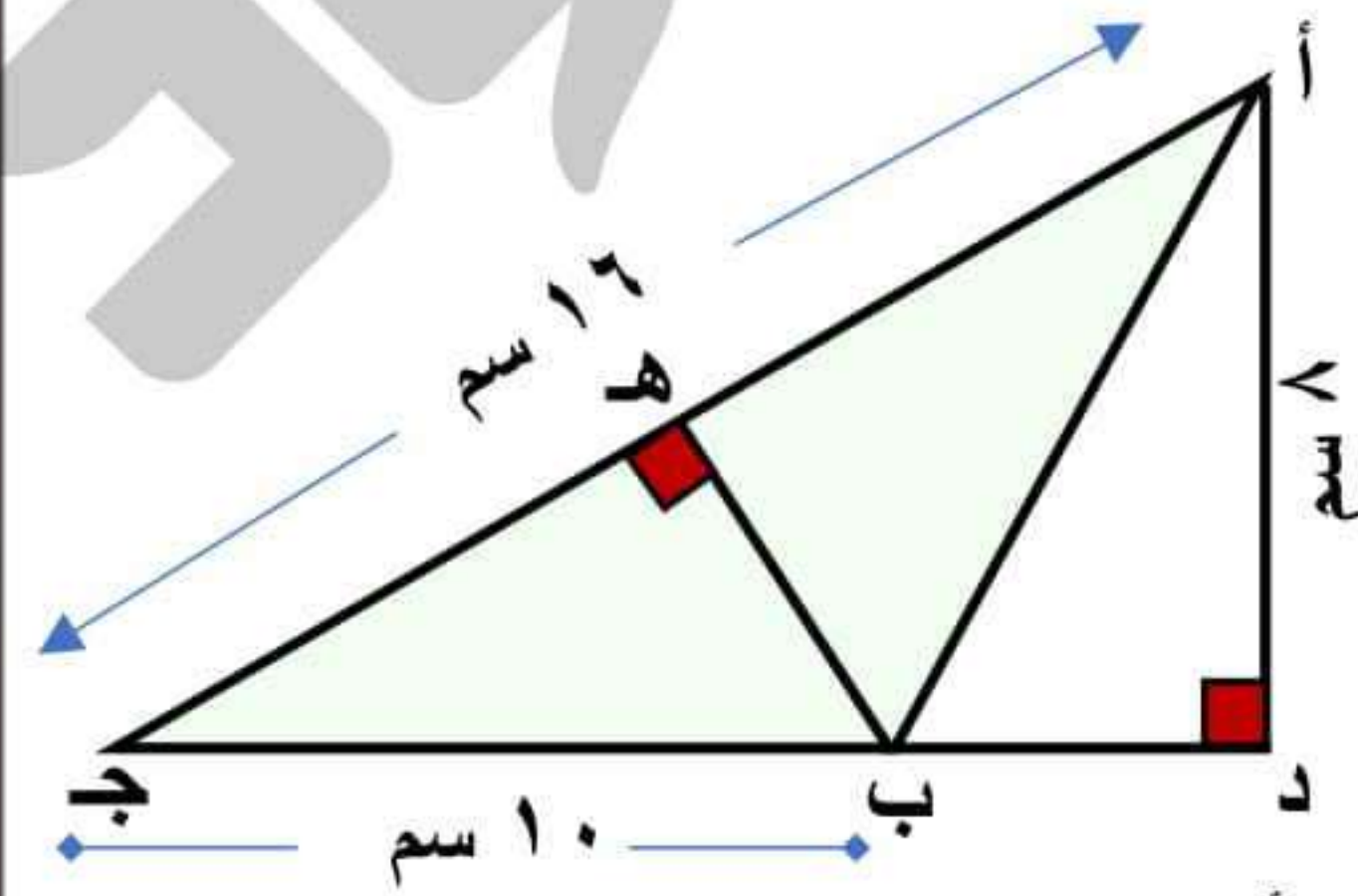
، مساحة \triangle أ ب ج = $\frac{1}{2}$ مساحة \square أ ب ج د

(مشاركان في القاعدة ب ج)

من ١ ، ٢ ينتج أن :

مساحة \triangle أ د ه = مساحة \triangle أ ب ج

٦ في الشكل المقابل:



أ د \perp ب ج
ب ه \perp أ ج

أوجد:

(١) مساحة سطح \triangle أ ب ج

(٢) طول ب ه

الحل

لاحظ أن: القاعدة ب ج ارتفاعها أ د
و القاعدة أ ج ارتفاعها ب ه

\therefore مساحة \triangle أ ب ج = $\frac{1}{2}$ طول القاعدة \times الارتفاع

$$\frac{1}{2} \times \text{أ د} =$$

$$= ٨ \times ٥ = ٤٠ \text{ سم}^2$$

مساحة \triangle أ ب ج = $\frac{1}{2}$ أ ج \times ب ه

$$٤٠ = ٨ \times \text{ب ه}$$

$$\therefore \text{ب ه} = \frac{٤٠}{٨} = ٥ \text{ سم}$$

اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين:

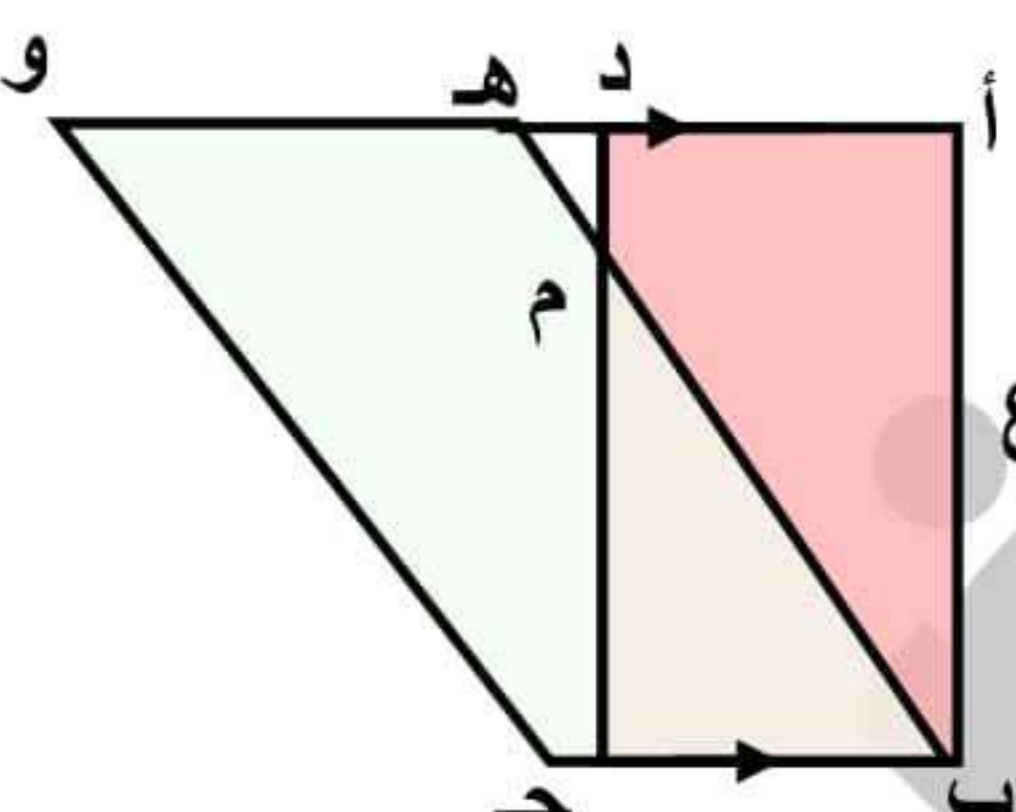
- ① إذا كان طولاً ضلعين متجاورين في متوازي أضلاع ٦ سم ، ٧ سم وارتفاعه الأكبر ٥ سم فإن مساحته =
(٣٠ ، ٣٥ ، ٤٢ ، ٤٩) سم^٢
- ② إذا كان طولاً ضلعين متجاورين في متوازي أضلاع ٩ سم ، ٦ سم وارتفاعه الأصغر ٤ سم فإن مساحته =
(٢٤ ، ١٨ ، ٣٦ ، ١٢) سم^٢
- ③ المثلث الذي طول قاعدته ٨ سم والارتفاع المناظر لها ٩ سم تكون مساحته سم^٢
(٨ ، ٩ ، ٧٢ ، ٣٦)
- ④ مثلث مساحته ٢٤ سم^٢ وارتفاعه ٨ سم فإن طول قاعدته = سم (٢ ، ٣ ، ٦ ، ١٦)

أكمل ما يأتي:

- ① سطحاً متوازي الأضلاع المشتركين في القاعدة والمحصورين بين مستقيمين متوازيين في المساحة
- ② متوازي أضلاع أ ب ج د مساحة سطحه ٣٠ سم^٢ فإن مساحة سطح \triangle أ ب ج = سم^٢
- ③ مساحة متوازي الأضلاع = ×
- ④ مساحة المثلث = ×
- ⑤ مساحة المثلث تساوي نصف مساحة متوازي الأضلاع المشترك معه في

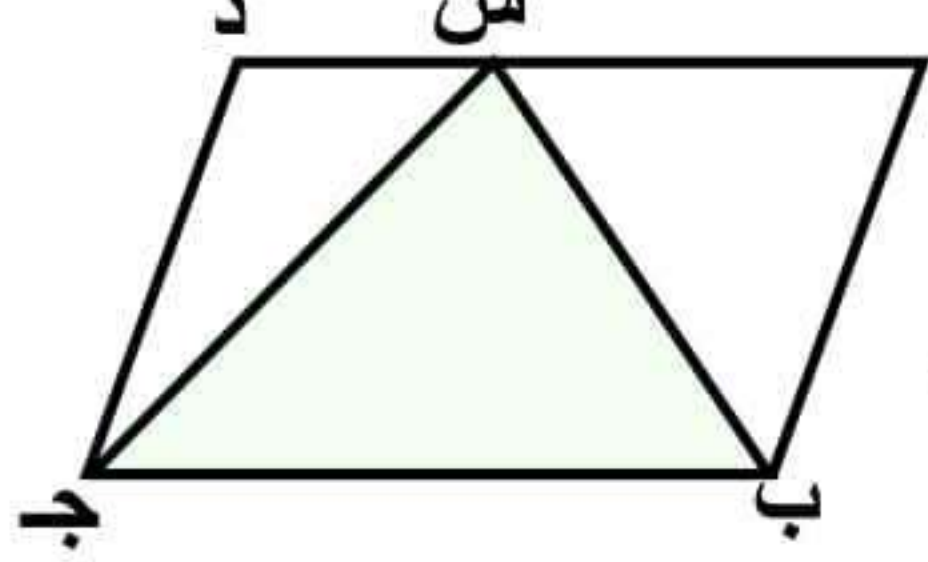
أجب عن الأسئلة التالية:

④ في الشكل المقابل:



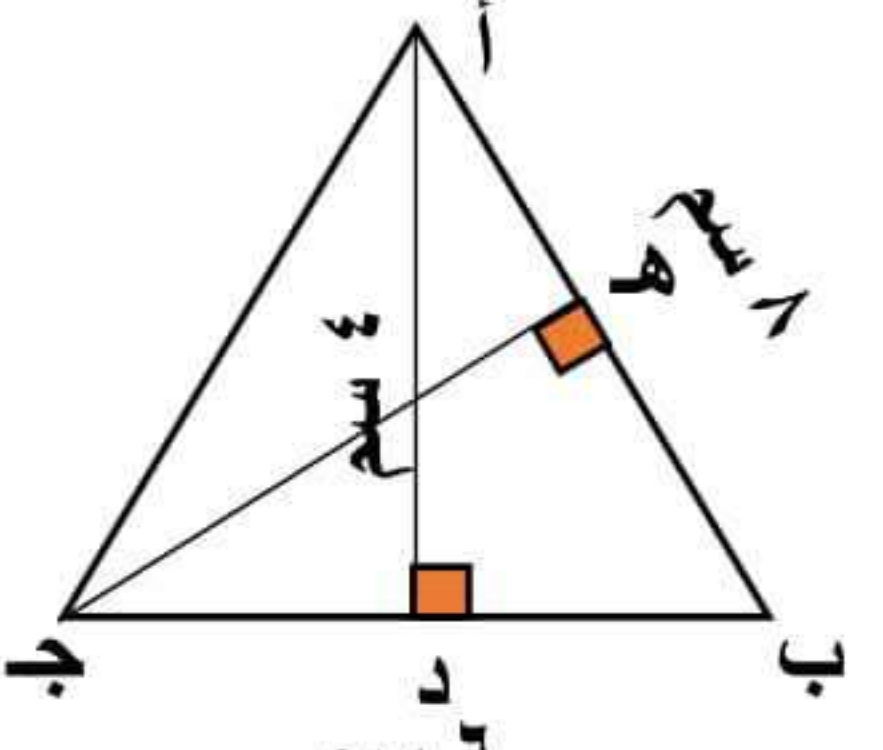
أ ب ج د مستطيل
هـ ب ج د متوازي أضلاع
أو // ب ج
برهن أن:
مساحة الشكل أ ب د = مساحة الشكل هـ م ج د

① في الشكل المقابل:



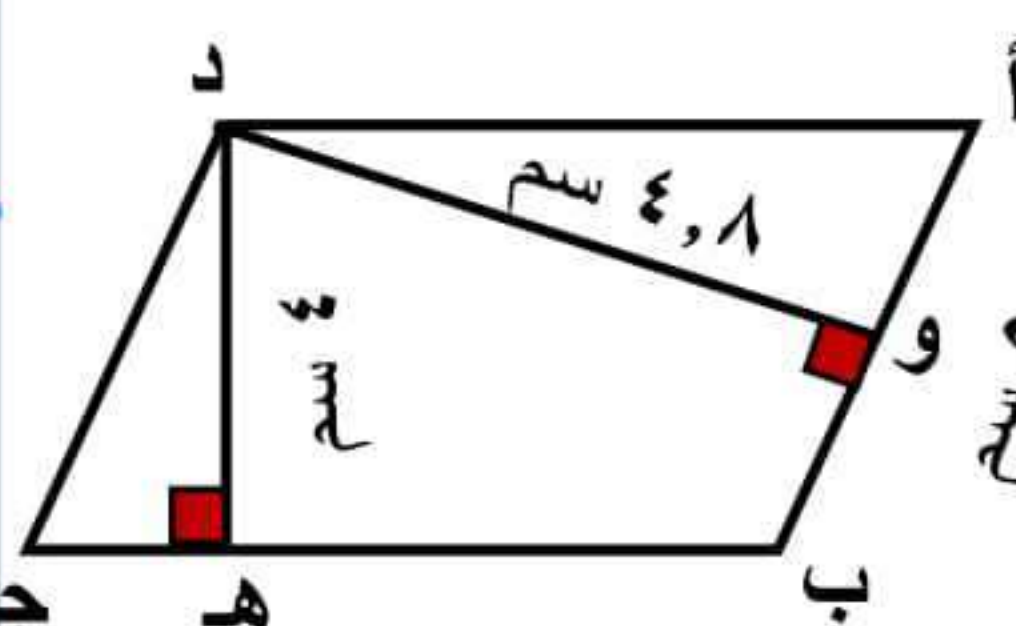
أ ب ج د متوازي أضلاع
إذا كانت مساحة سطح
المثلث س ب ج = ١٢ سم^٢
أوجد:
مساحة \square أ ب ج د

⑤ في الشكل المقابل:



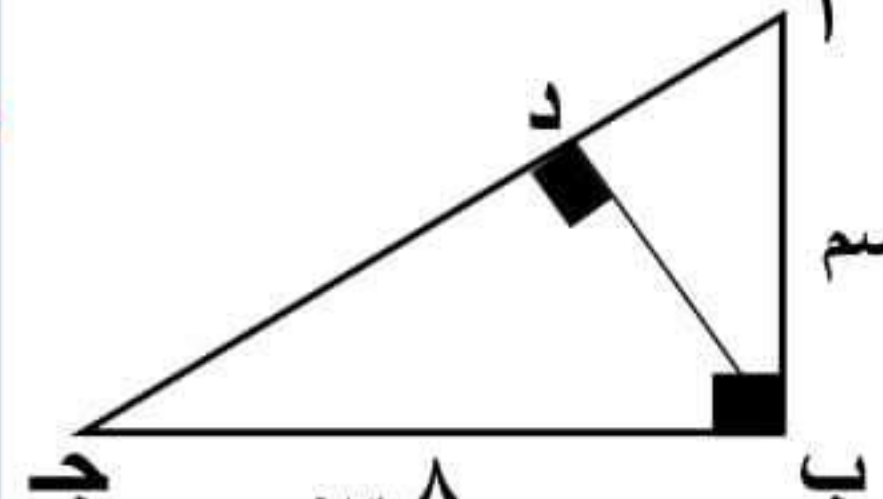
أوجد:
(١) مساحة \triangle أ ب ج
(٢) طول ج د هـ

② في الشكل المقابل:



أ ب ج د متوازي أضلاع
أ ب = ٥ سم ،
د و = ٤,٨ سم
د هـ = ٤ سم أوجد:
(٣) مساحة \square أ ب ج د
(٤) طول ب ج

③ في الشكل المقابل:



أوجد:
(١) مساحة \triangle أ ب ج
(٢) طول أ د

متوازي أضلاع طولاً ضلعين متجاورين فيه

٧ سم ، ٥ سم وارتفاعه الأصغر ٤ سم

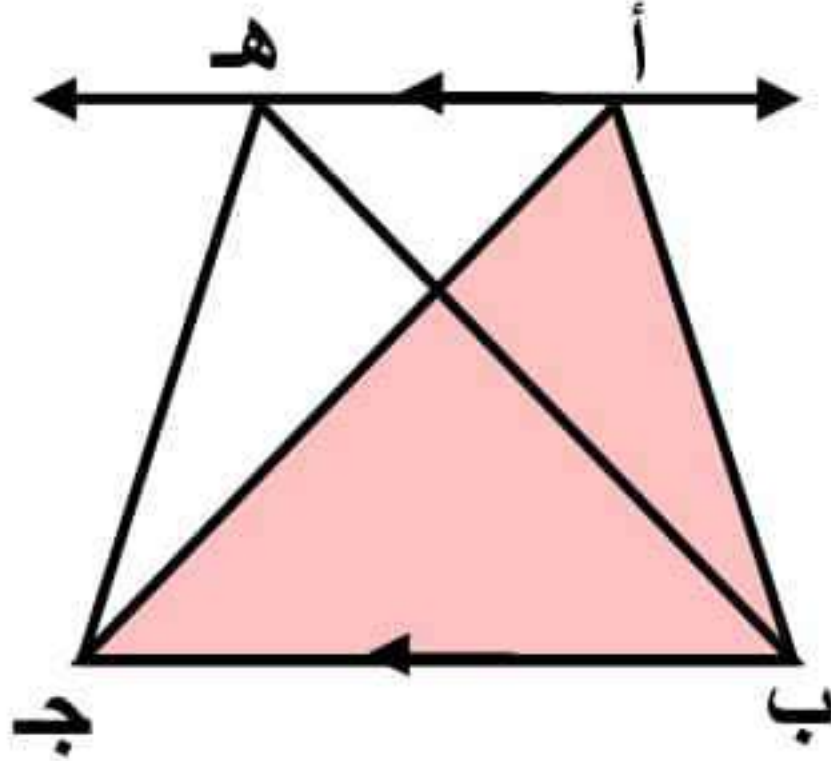
احسب مساحته؟

تساوي مساحتي مثلثين

الدرس
الثاني

نظرية ٢

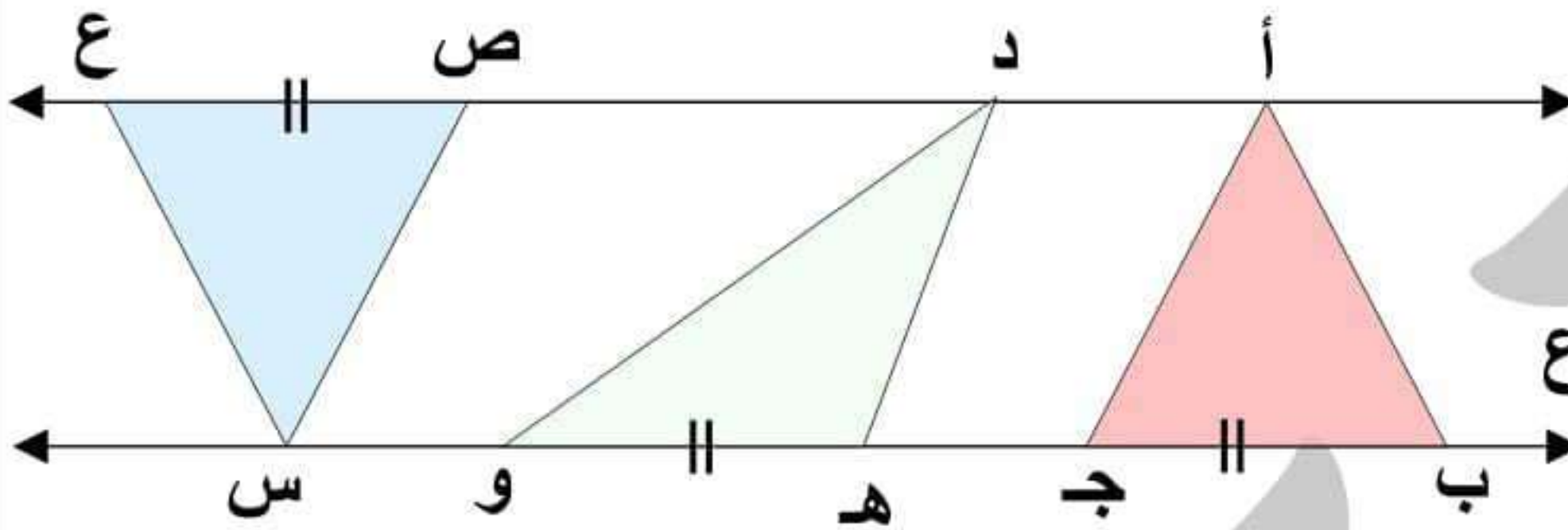
المثلثان المرسومان على قاعدة واحدة و رأسهما على مستقيم
يوازي هذه القاعدة يكونان متساويان في المساحة



∴ $\triangle ABE$ ، $\triangle ACD$ مشتركان في القاعدة \overline{BC}
، $\overline{AE} \parallel \overline{BC}$
∴ مساحة $\triangle ABE$ = مساحة $\triangle ACD$

نتيجة ١

المثلثات التي قواعدها متساوية في الطول والمحصورة بين مستقيمين
متوازيين تكون متساويان في المساحة



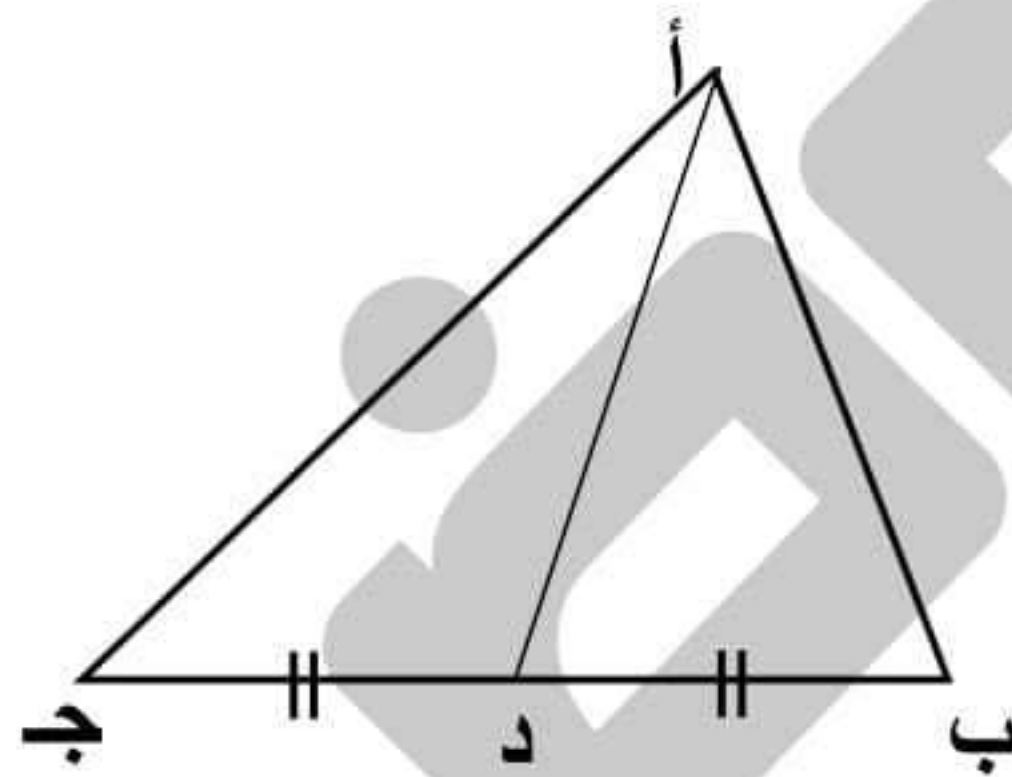
∴ $BE = ED = DC$ (قواعد متساوية)

∴ $\overline{AE} \parallel \overline{BC}$

∴ مساحة $\triangle ABE$ = مساحة $\triangle ACD$ = مساحة $\triangle AEF$

نتيجة ٢

متوسط المثلث يقسم سطحه إلى سطحي مثلثين متساويين في المساحة



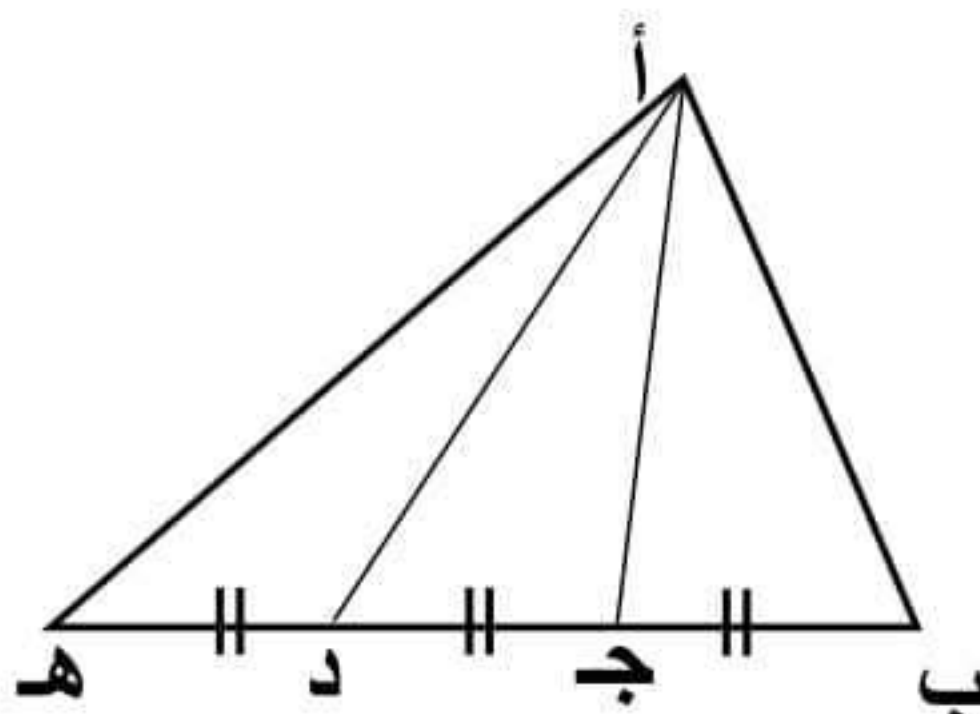
∴ $BD = DC$

∴ \overline{AD} متوسط في المثلث $\triangle ABC$

∴ مساحة $\triangle ABD$ = مساحة $\triangle ACD$

نتيجة ٣

المثلثات التي أطوال قواعدها متساوية في الطول (كلها تقع على مستقيم
واحد) ومشاركة في الرأس تكون متساويان في المساحة



∴ $BE = CD = EF$ قواعد متساوية

∴ المثلثات الثلاثة مشاركة في الرأس A

∴ مساحة $\triangle ABE$ = مساحة $\triangle ACD$ = مساحة $\triangle AEF$

أمثلة

١ في الشكل المقابل:

أد // ب ج

اثبت أن:

$$م \Delta أ ب م = م \Delta د م ج$$

الحل

 $\Delta أ ب ج$ ، $\Delta د ب ج$ مشتركان في ب ج

 $\therefore \text{أد} // \text{ب ج}$ ،

 \therefore مساحة $\Delta أ ب ج$ = مساحة $\Delta د ب ج$
بحذف مساحة $\Delta م ب ج$ من الطرفين
 \therefore مساحة $\Delta أ ب م$ = مساحة $\Delta د م ج$

٤ في الشكل المقابل:

أ ب ج د متوازي أضلاع

ه ب = ب ج

اثبت أن:

مساحة Δ و ه ج = مساحة $\square أ ب ج د$

الحل

 \therefore ه ب = ب ج

 \therefore مساحة Δ و ب ج = مساحة Δ و ه ب

$$\therefore م \Delta و ب ج = \frac{1}{2} م \square أ ب ج د \quad \leftarrow ١$$

$$\therefore م \Delta و ه ب = \frac{1}{2} م \square أ ب ج د \quad \leftarrow ٢$$

بجمع ١ ، ٢ :

$$\therefore م \Delta و ب ج + م \Delta و ه ب = م \square أ ب ج د$$

 \therefore مساحة Δ و ه ج = مساحة $\square أ ب ج د$

٢ في الشكل المقابل:

ب ه متوسط في $\Delta أ ب ج$

اثبت أن :

$$\text{مساحة } \Delta أ ب م = \text{مساحة } \Delta ج ب م$$

الحل

 \therefore ب ه متوسط

$$\therefore م \Delta ب أ ه = م \Delta ب ج ه \quad \leftarrow ١$$

$$\therefore م \Delta أ ه ج = م \Delta م أ ه = م \Delta م ج ه \quad \leftarrow ٢$$

بطرح ٢ من ١ ينتج أن:

$$\text{مساحة } \Delta أ ب م = \text{مساحة } \Delta ج ب م$$

٣ في الشكل المقابل:

د ه // ب ج

اثبت أن :

$$م \Delta أ د ج = م \Delta أ ه ب$$

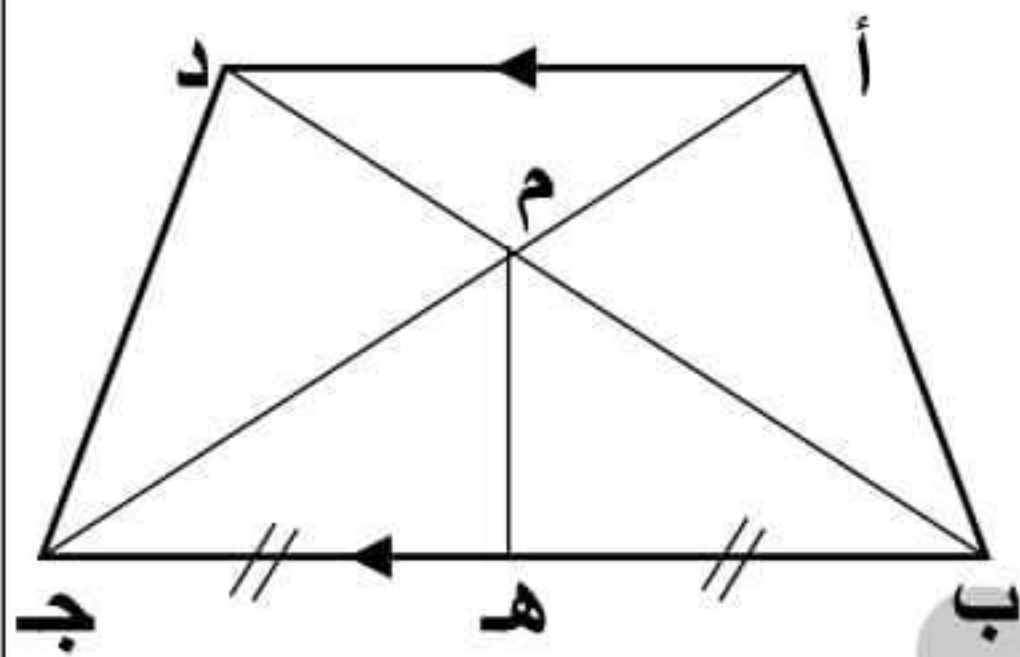
الحل

 $\therefore \Delta د ه ب$ ، $\Delta د ه ج$ مشتركان في د ه

 $\therefore \text{د ه} // \text{ب ج}$ ،

 \therefore مساحة $\Delta د ه ب$ = مساحة $\Delta د ه ج$
بإضافة مساحة $\Delta أ د ه$ للطرفين

$$\therefore م \Delta أ د ج = م \Delta أ ه ب$$



٥ في الشكل المقابل:

أد // ب ج

ه منتصف ب ج

اثبت أن :

مساحة الشكل أ ب ه م = مساحة الشكل د م ه ج

الحل

 $\therefore \text{أد} // \text{ب ج}$
 \therefore مساحة $\Delta أ ب د$ = مساحة $\Delta أ ج د$
بطرح مساحة $\Delta أ م د$

$$\therefore \text{مساحة } \Delta أ م ب = \text{مساحة } \Delta د م ج \quad \leftarrow ١$$

 \therefore ب ه = ه ج

$$\therefore م \Delta م ب ه = م \Delta م ج ه \quad \leftarrow ٢$$

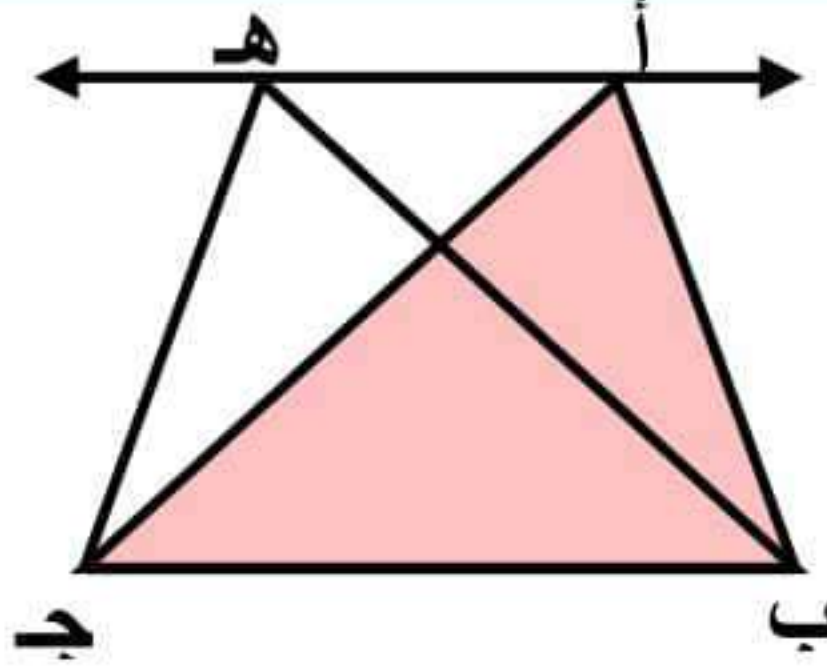
بجمع ١ ، ٢ ينتج أن :

مساحة الشكل أ ب ه م = مساحة الشكل د م ه ج

إثبات توازي مستقيمان

نظرية ٣

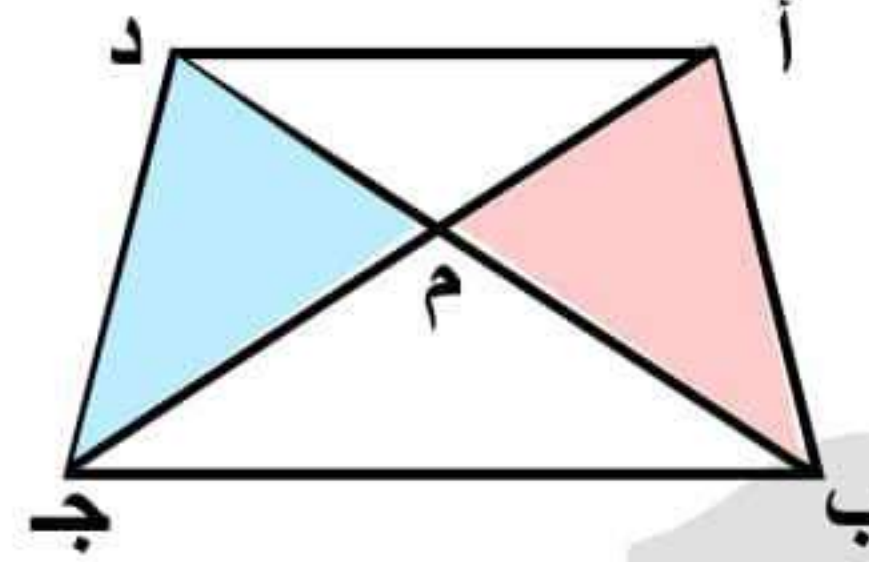
المثلثان المتساويان في المساحة والمرسومان على قاعدة واحدة وفي جهة واحدة منها تكون رأساهما على مستقيم يوازي هذه القاعدة



إذا كان: مساحة $\triangle ABE$ = مساحة $\triangle ACD$
فإن $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

أمثلة

١ في الشكل المقابل:



$\triangle ABM = \triangle CDM$
اثبت أن: $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

الحل

$\therefore \triangle ABM = \triangle CDM$

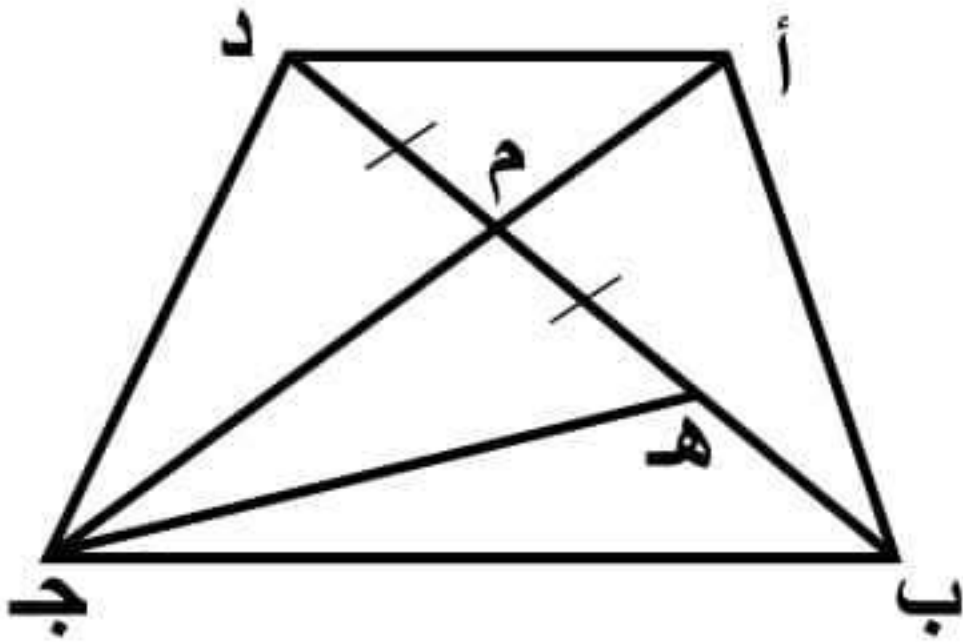
بإضافة مساحة $\triangle ADM$ للطرفين

$\therefore \triangle ADB = \triangle ADC$

وهما مشتركان في القاعدة \overline{AD}

$\therefore \overline{AD} \parallel \overline{BC}$

٣ في الشكل المقابل:



$DM = CM$

$\triangle ABM = \triangle CDM$

اثبت أن: $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

الحل

$\therefore DM = CM$

$\therefore \triangle ADM = \triangle CDM$

ومن المعطيات

$\therefore \triangle ABM = \triangle CDM$

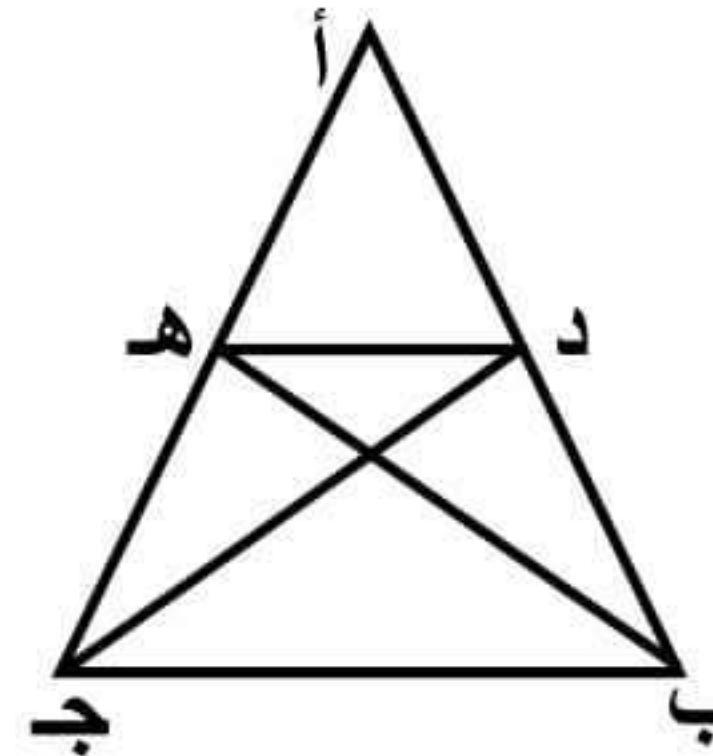
من ١، ٢ ينتج أن:

$\triangle ADM = \triangle CDM$

بإضافة مساحة $\triangle ADM$ للطرفين ينتج أن:

$\therefore \triangle ADB = \triangle ADC$

٢ في الشكل المقابل:



$\triangle ADE = \triangle ABC$

اثبت أن: $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$

الحل

$\therefore \triangle ADE = \triangle ABC$

بحذف مساحة $\triangle ADE$ من الطرفين

$\therefore \triangle DEB = \triangle DEC$

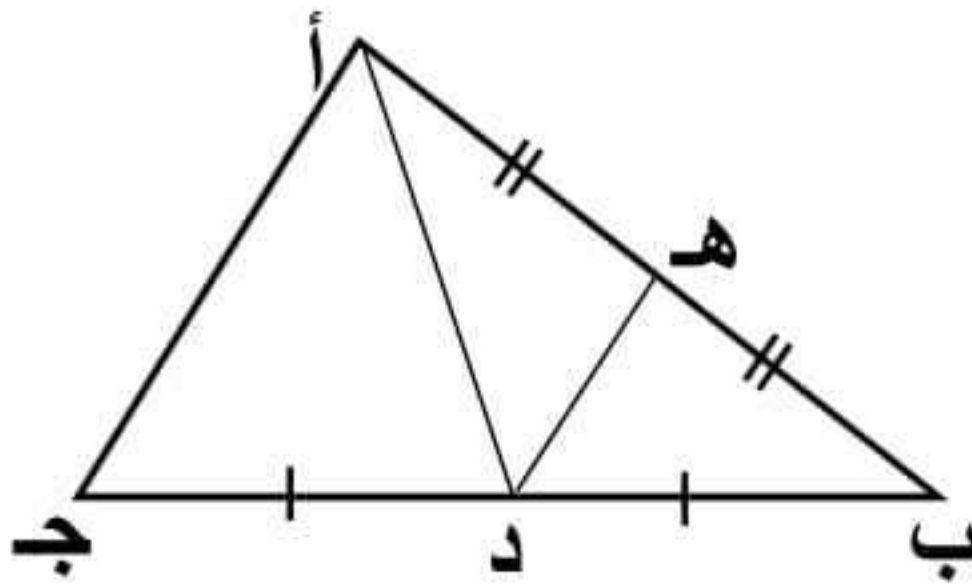
وهما مشتركان في القاعدة \overline{DE}

$\therefore \overline{DE} \parallel \overline{BC}$

تمارين

اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين:

- ① متوسط المثلث يقسم سطحه إلى سطحى مثلثين
 (متطابقين ، متشابهين ، متساويين في المساحة ، مختلفين في المساحة)
- ② المثلثان المتساويان في المساحة والمرسومان على قاعدة واحدة وفي جهة واحدة منها يكون رأساهما على مستقيم القاعدة
 (عمودى على ، ينصف ، يوازي ، يقطع)



③ في الشكل المقابل:

مساحة $\triangle AHD = \dots\dots\dots \triangle ABC$ ($\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{8}$)

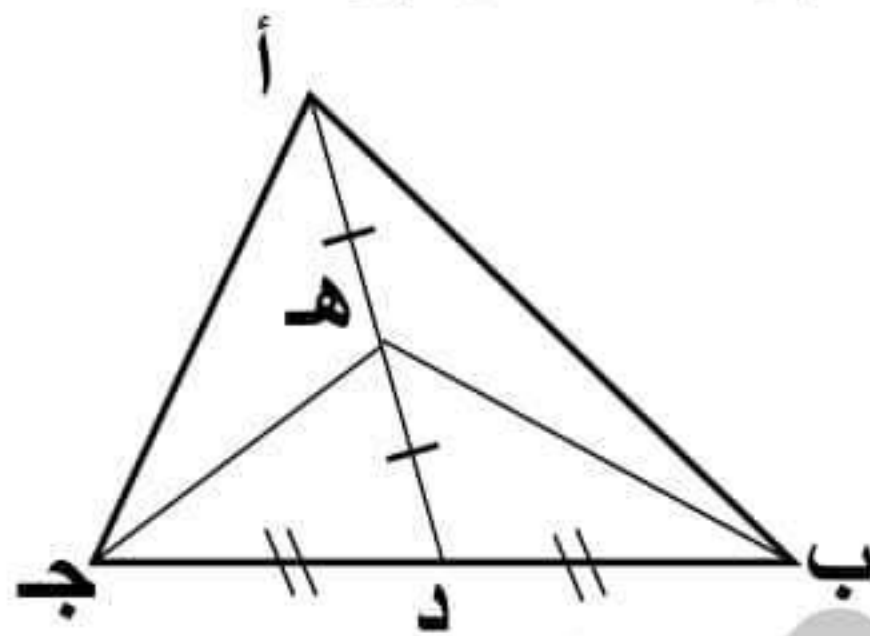
أكمل ما يأتي:

① في $\triangle ABC$ إذا كان D متوسط فإن مساحة $\triangle ABC = \dots\dots\dots$ مساحة $\triangle AHD$.

② المثلثان المرسومان على قاعدة واحدة ورأساهما على مستقيم يوازي هذه القاعدة يكونان

③ المثلثان المرسومان بين مستقيمين متوازيين وقاعدتهما اللتان على أحد هذين المستقيمين

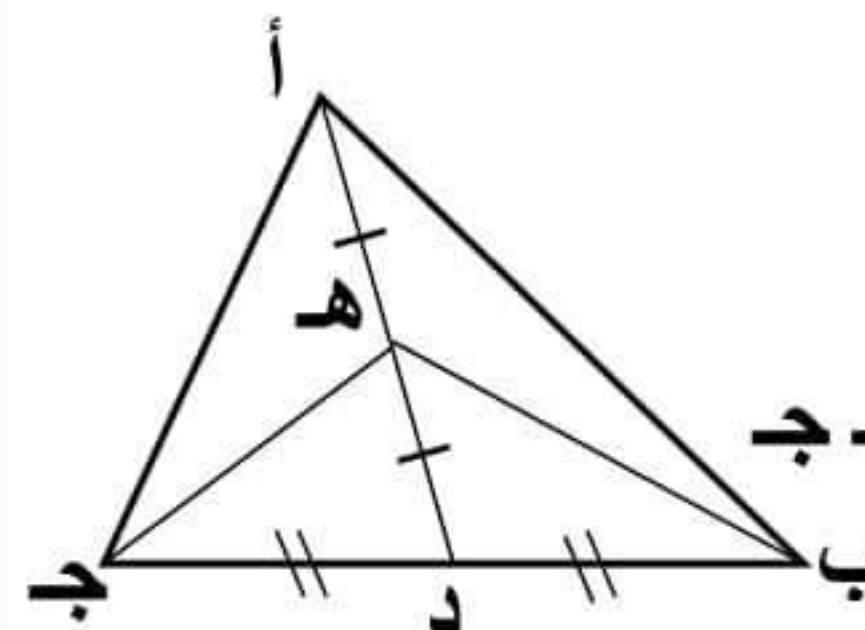
متساويتان في الطول يكونان

④ في الشكل المقابل : إذا كانت مساحة $\triangle ABC = 100 \text{ سم}^2$ فإن مساحة $\triangle HBD = \dots\dots\dots \text{سم}^2$ 

أجب عن الأسئلة التالية:

① في الشكل المقابل:

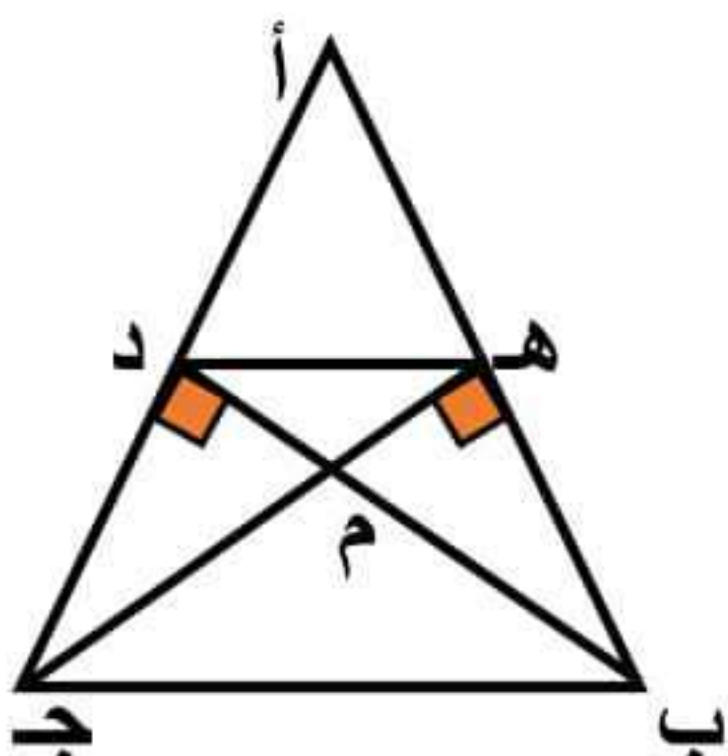
برهن أن:

مساحة $\triangle AHD = \text{مساحة } \triangle HBD$ 

② في الشكل المقابل:

 $AB = AC$ $BD \perp AD$ ، $CE \perp AE$

برهن أن:

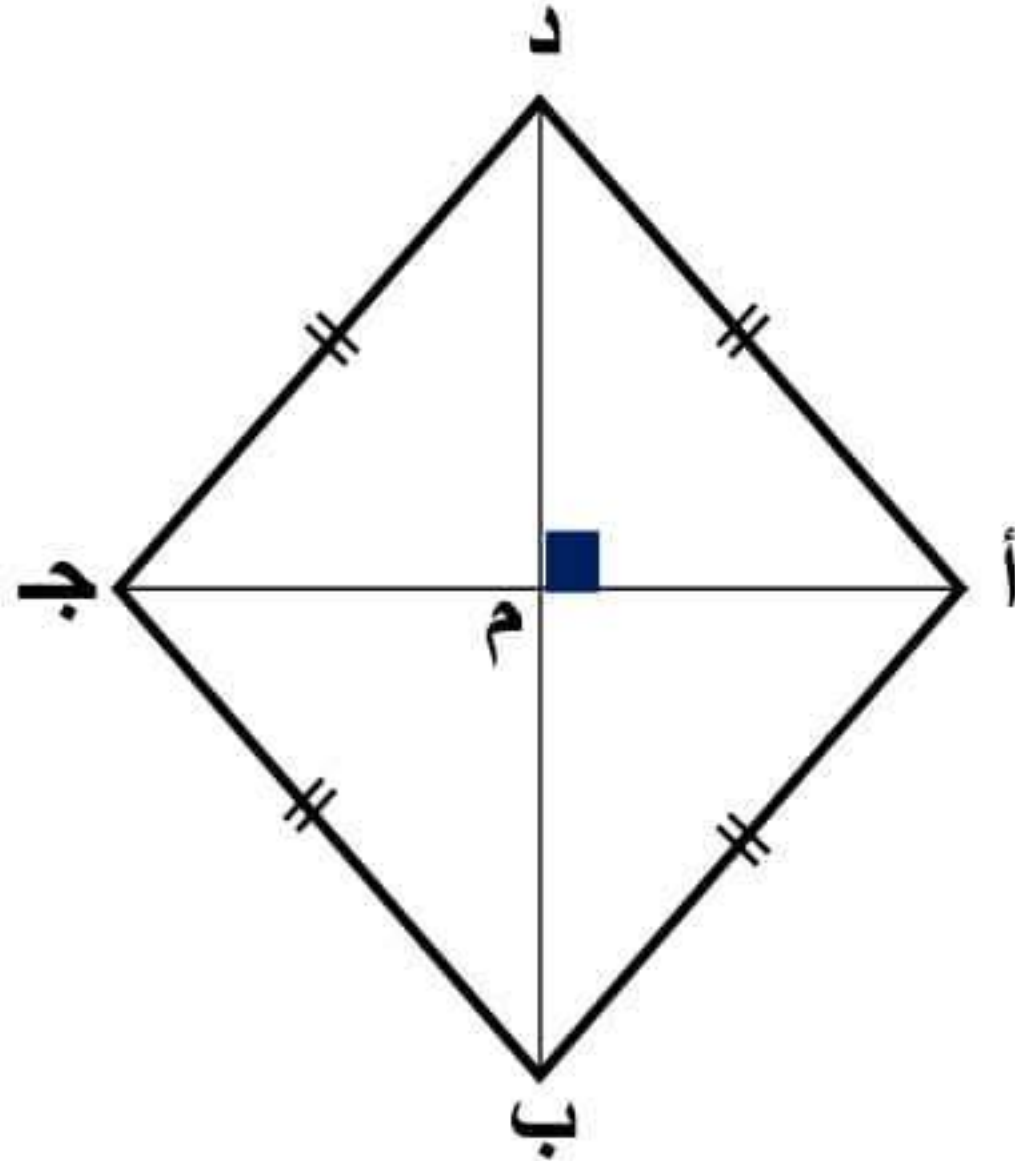
(١) $HD \parallel BC$ (٢) مساحة $\triangle ADB = \text{مساحة } \triangle AHC$ 

مساحات بعض الأشكال الهندسية

الدرس
الثالث

3

المعين

محيط المعين = طول ضلعه $\times 4$ مساحة المعين = طول ضلعه \times ارتفاعهأو $\frac{1}{4}$ حاصل ضرب طولا قطريهطول قطر المعين = $\frac{2 \times \text{مساحة المعين}}{\text{طول القطر المعطى}}$ ٤ معين محيطه ٣٢ سم ، مساحة سطحه ٤٨ سم^٢
احسب ارتفاعه.

الحل

$$\text{طول ضلع المعين} = \frac{\text{المحيط}}{4} = \frac{32}{4} = 8 \text{ سم}$$

مساحة المعين = طول ضلعه \times ارتفاعه

$$48 = 8 \times \text{ارتفاعه}$$

$$\therefore \text{ارتفاع المعين} = \frac{48}{8} = 6 \text{ سم}$$

١ معين طولاً قطريه ٦ سم ، ٨ سم
احسب مساحته.

الحل

مساحة المعين = $\frac{1}{4}$ حاصل ضرب طولاً قطريه

$$= \frac{1}{4} \times 6 \times 8 = \frac{1}{4} \times 48 = 12 \text{ سم}^2$$

٢ معين طول ضلعه ٧ سم وارتفاعه ٥ سم
احسب مساحته.

الحل

مساحة المعين = طول ضلعه \times ارتفاعه

$$= 5 \times 7 = 35 \text{ سم}^2$$

٥ معين مساحته ٤٠ سم^٢ ، طول أحد قطريه ٨ سم
احسب طول قطره الآخر.

الحل

طول قطر المعين = $\frac{2 \times \text{مساحة المعين}}{\text{طول القطر المعطى}}$

$$= \frac{2 \times 40}{8} = \frac{80}{8} = 10 \text{ سم}$$

٣ معين محيطه ٤٠ سم وارتفاعه ٧ سم
احسب مساحة سطحه.

الحل

$$\text{طول ضلع المعين} = \frac{\text{المحيط}}{4} = \frac{40}{4} = 10 \text{ سم}$$

مساحة المعين = طول ضلعه \times ارتفاعه

$$= 7 \times 10 = 70 \text{ سم}^2$$

٢ المربع

محيط المربع = طول ضلعه $\times 4$ مساحة المربع = طول ضلعه \times نفسهأو $\frac{1}{4}$ مربع طول قطرهطول قطر المربع = $\sqrt{2 \times \text{مساحة المربع}}$

أمثلة

٤ مربع طول ضلعه ٧ سم أوجد مساحته

.....

.....

.....

١ أوجد مساحة مربع طول ضلعه ٥ سم

الحل

مساحة المربع = طول ضلعه \times نفسه

$$= 5 \times 5 = 25 \text{ سم}^2$$

٥ مربع طول قطره ١٠ سم أوجد مساحة سطحه

.....

.....

.....

٢ مربع طول قطره ٨ سم أوجد مساحة سطحه

الحل

مساحة المربع = $\frac{1}{4}$ مربع طول قطره

$$= \frac{1}{4} \times 8 \times 8 = 16 \text{ سم}^2$$

٦ مربع مساحته ٦٤ سم^٢ أوجد طول قطره

.....

.....

.....

.....

٣ أوجد طول قطر المربع الذي مساحته ٥٠ سم^٢

الحل

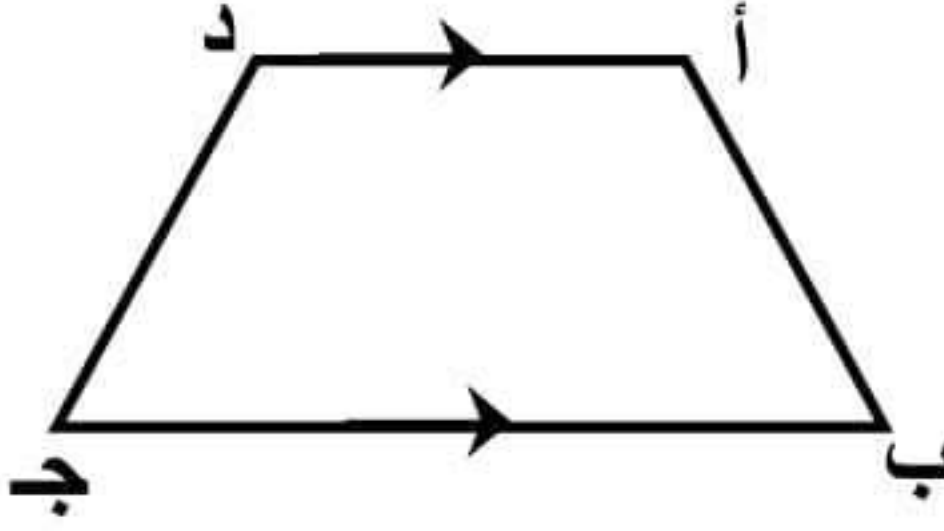
طول قطر المربع = $\sqrt{2 \times \text{مساحة المربع}}$

$$= \sqrt{2 \times 50}$$

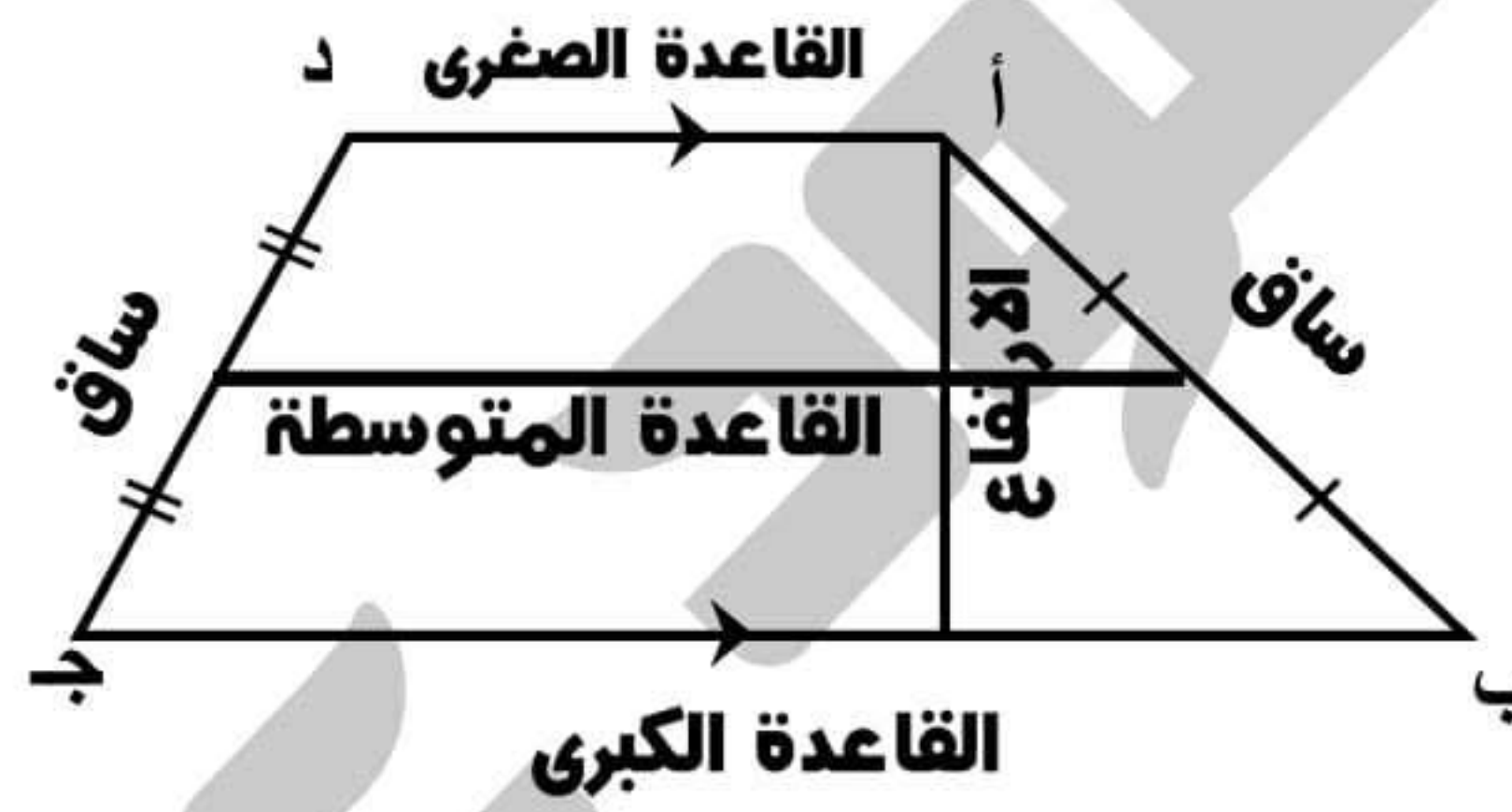
$$= \sqrt{100}$$

$$= 10 \text{ سم}$$

٣ شبه المنحرف



هو شكل رباعي فيه ضلعان فقط متوازيان و غير متساويان في الطول
والضلعان الآخران غير متوازيان



القوانين

محيط شبه المنحرف = مجموع أطوال أضلاعه

طول القاعدة المتوسطة = $\frac{1}{2}$ مجموع القاعدتين المتوازيتين

مساحة شبه المنحرف = طول القاعدة المتوسطة \times الارتفاع

أو $\frac{1}{2}$ مجموع القاعدتين المتوازيتين \times الارتفاع

السادة المعلمين اللى محتاجين بياناتهم على ملازم المرحلة الإعدادية

عليهم بالتواصل على واتساب رقم ٠١٢٠٢٥٦٠٢٣٩

٤ شبه منحرف مساحة سطحه ٦٦ سم^٢ وطول قاعدتيه المتوازييتين ١٠ سم ، ١٢ سم أوجد ارتفاعه

الحل

مساحة شبه المنحرف = $\frac{1}{2}$ (مجموع القاعدتين) \times الارتفاع

$$66 = \frac{1}{2} \times (10 + 12) \times \text{الارتفاع}$$

$$66 = 11 \times \text{الارتفاع}$$

$$\therefore \text{الارتفاع} = \frac{66}{11} = 6 \text{ سم}$$

١ شبه منحرف طول قاعدتيه المتوازييتين ٦ سم ، ٤ سم وارتفاعه ٨ سم ، أوجد مساحته ؟

الحل

مساحة شبه المنحرف =

$$\frac{1}{2} (\text{مجموع القاعدتين المتوازييتين}) \times \text{الارتفاع}$$

$$= \frac{1}{2} (6 + 4) \times 8$$

$$= \frac{1}{2} \times 10 \times 8 = 40 \text{ سم}^2$$

٥ شبه منحرف طول قاعدته المتوسطة ١٠ سم وطول إحدى قاعدتيه المتوازييتين ٧ سم أوجد طول القاعدة الأخرى

الحل

نفرض أن طول القاعدة المجهولة = س

$$\text{طول القاعدة المتوسطة} = \frac{\text{مجموع القاعدتين المتوازييتين}}{2}$$

$$10 = \frac{7 + \text{س}}{2} \therefore 20 = 7 + \text{س}$$

$$\therefore \text{س} = 20 - 7 = 13 \text{ سم}$$

٢ شبه منحرف طول قاعدتيه المتوازييتين ٨ سم ، ١٢ سم ومساحته ٦٠ سم^٢ احسب طول القاعدة المتوسطة والارتفاع

الحل

$$\text{طول القاعدة المتوسطة} = \frac{1}{2} (\text{مجموع القاعدتين المتوازييتين})$$

$$= \frac{1}{2} (8 + 12) = 20 \times \frac{1}{2} = 10 \text{ سم}$$

$$\therefore \text{مساحة شبه المنحرف} = \text{طول القاعدة المتوسطة} \times \text{ع} \therefore 60 = 10 \times \text{ع}$$

$$\therefore \text{ع} = \frac{60}{10} = 6 \text{ سم}$$

٦ شبه منحرف مساحة سطحه ١٨ سم^٢ وارتفاعه ٣ سم وطول إحدى قاعدتيه المتوازييتين ٥ سم أوجد طول القاعدة الأخرى

الحل

نفرض أن طول القاعدة المجهولة = س

$$\text{مساحة شبه المنحرف} = \frac{1}{2} (\text{مجموع القاعدتين}) \times \text{الارتفاع}$$

$$18 = \frac{1}{2} (5 + \text{س}) \times 3$$

$$\frac{5 + \text{س}}{2} = 6$$

$$\therefore \text{س} + 5 = 12 \therefore \text{س} = 7$$

$$\therefore \text{طول القاعدة الأخرى} = 7 \text{ سم}$$

٣ أوجد مساحة شبه المنحرف الذي طول قاعدته المتوسطة ٥ سم وطول ارتفاعه ٣ سم

الحل

$$\text{مساحة شبه المنحرف} = \text{طول القاعدة المتوسطة} \times \text{ع}$$

$$= 5 \times 3$$

$$= 15 \text{ سم}^2$$

تمارين

اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين:

- ① معين طولاً قطريه ٨ سم ، ٦ سم تكون مساحته سم^٢ (١٢ ، ١٤ ، ٤٨ ، ٢٤)
- ② مربع طول قطره ٨ سم تكون مساحته = سم^٢ (٨ ، ١٦ ، ٣٢ ، ٦٤)
- ③ شبه منحرف طولاً قاعدتيه المتوازيين ٦ سم ، ٨ سم فإن طول قاعدته المتوسطة = سم (١٤ ، ٧ ، ٢٤ ، ٤٨)
- ④ مربع مساحته ٧٢ سم^٢ فإن طول قطره = سم (١٤ ، ١٢ ، ٧٢ ، ٣٦)
- ⑤ شبه منحرف مساحته ١٥ سم^٢ وارتفاعه ٣ سم فإن طول قاعدته المتوسطة = سم (٥ ، ١٠ ، ١٨ ، ٤٥)

أكمل ما يأتي:

- ① مساحة المعين الذي طولاً قطريه ٦ سم ، ٨ سم تساوى سم^٢
- ② مساحة المعين الذي طول ضلعه ٧ سم وارتفاعه ٥ سم تساوى سم^٢
- ③ مساحة المعين الذي محيطه ٢٠ سم وارتفاعه ٤ سم يساوى سم^٢
- ④ معين مساحته ٢٤ سم^٢ وطول أحد قطريه ٨ سم فإن طول القطر الآخر = سم
- ⑤ مربع طول قطره ٦ سم فإن مساحته = سم^٢
- ⑥ مربع مساحته ٥٠ سم^٢ فإن طول قطره = سم
- ⑦ مربع محيطه ١٦ سم تكون مساحته سم^٢
- ⑧ طول ضلع المربع الذي مساحته تساوى مساحة مستطيل طوله ٩ سم ، عرضه ٤ سم يساوى سم
- ⑨ قطراً شبه المنحرف المتساوى الساقين
- ⑩ شبه منحرف طولاً قاعدتيه المتوازيين ٨ سم ، ١٢ سم وارتفاعه ٥ سم فإن مساحته = سم^٢
- ⑪ شبه منحرف طولاً قاعدتيه المتوازيين ٣ سم ، ٥ سم فإن طول قاعدته المتوسطة = سم
- ⑫ شبه منحرف مساحته ٤٥ سم^٢ وطول قاعدته المتوسطة ٩ سم فإن طول ارتفاعه = سم
- ⑬ شبه منحرف مساحة سطحه ١٠٠ سم^٢ وارتفاعه ٥ سم فإن طول قاعدته المتوسطة = سم

أجب عن الأسئلة التالية:

- | | |
|---|--|
| <p>⑤ شبه منحرف مساحته ٤٥٠ سم^٢ وطولاً قاعدتيه المتوازيين ٢٤ سم ، ١٢ سم أوجد ارتفاعه</p> <p>⑥ شبه منحرف مساحته ٦٠ سم^٢ وارتفاعه ٦ سم وطول إحدى قاعدتيه ٩ سم أوجد طول القاعدة الأخرى</p> <p>⑦ شبه منحرف مساحته ٧٢٠ سم^٢ وارتفاعه ٢٤ سم والنسبة بين قاعدتيه المتوازيين ٣:٢ احسب طول كل من قاعدتيه المتوازيين</p> | <p>① معين محيطه ١٠ سم وكول أحد قطريه ١٦ سم أوجد مساحته</p> <p>② مربع مساحته ٣٢ سم^٢ فأوجد طول قطره</p> <p>③ معين محيطه ٤٠ سم وارتفاعه ٥ سم أوجد مساحته</p> <p>④ شبه منحرف طولاً قاعدتيه المتوازيين ٤ سم ، ٧ سم وارتفاعه ٨ سم احسب مساحته</p> |
|---|--|

التشابه ~

4 الدرس
الرابع

تشابه المضلعات

يقال لمضلعين أنهما متشابهين إذا تحقق الشرطان الآتيان معاً:

- ① زواياهما المتناظرة تكون متساوية في القياس
② أطوال أضلاعهما المتناظرة تكون متناسبة

تشابه المثلثات

يتشابه المثلثان إذا تحقق أحد الشرطين الآتيين:

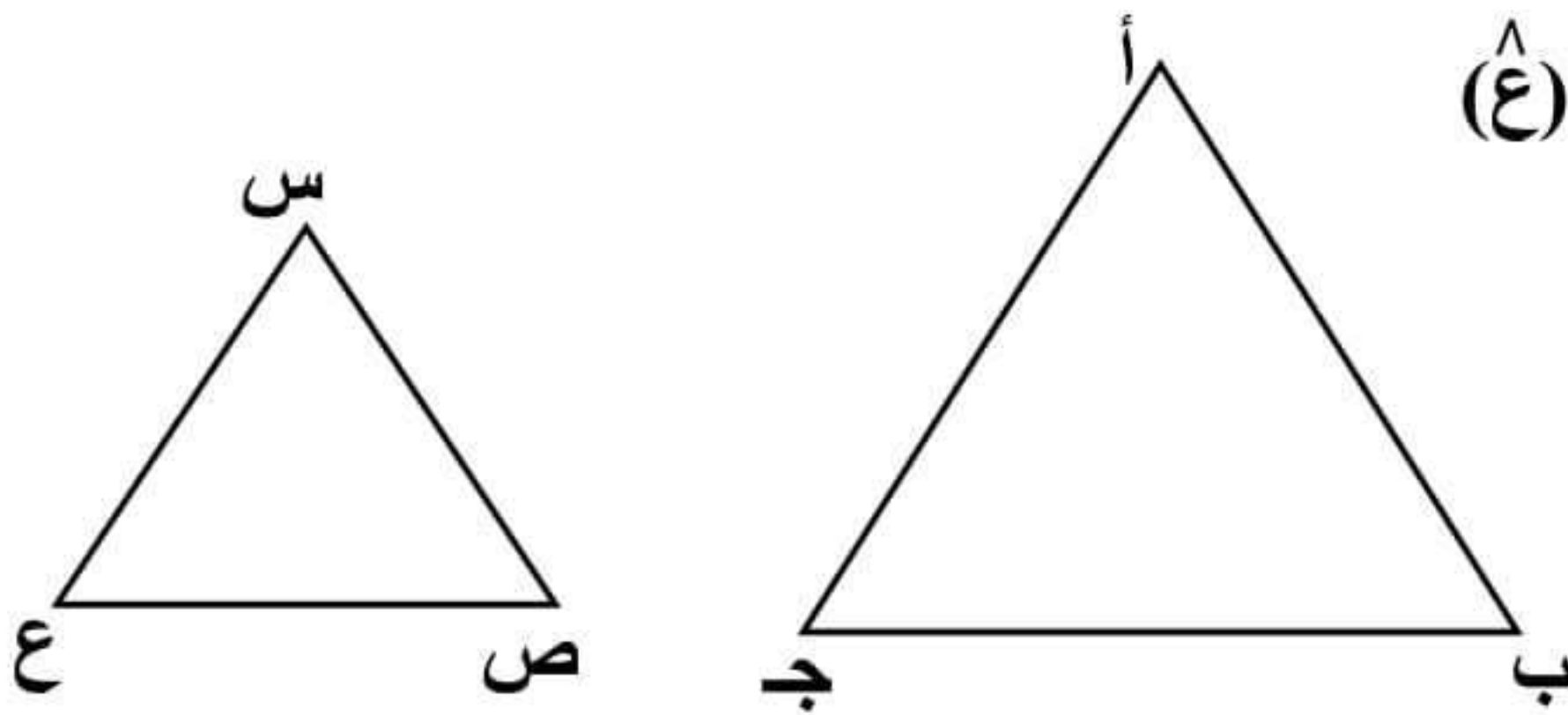
- ① الزوايا المتناظرة متساوية في القياس
② الأضلاع المتناظرة متناسبة

إذا كان: $\hat{ق}(\hat{أ}) = \hat{ق}(\hat{س})$ ، $\hat{ق}(\hat{ب}) = \hat{ق}(\hat{ص})$ ، $\hat{ق}(\hat{ج}) = \hat{ق}(\hat{ع})$

نستنتج أن: $\Delta أ ب ج \sim \Delta س ص ع$

ومن التشابه نستنتج أن الأضلاع المتناظرة متناسبة:

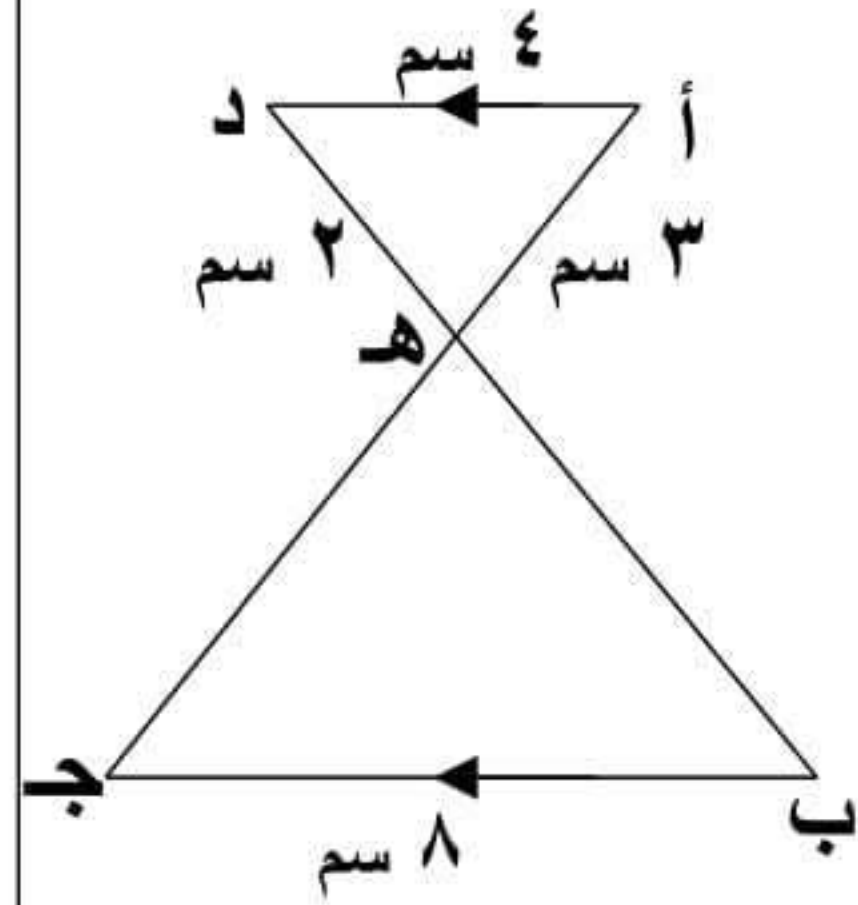
$$\frac{أ ب}{س ص} = \frac{ب ج}{ص ع} = \frac{أ ج}{س ع}$$



ملاحظات

- ① النسبة بين محيطي مثلثين متشابهين = النسبة بين طولَي ضلعين متناظرين يهما
- ② إذا كانت النسبة بين طولَي ضلعين متناظرين في مثلثين متشابهين = ١ كان المثلثان متطابقان
- ③ إذا كانت نسبة التكبير في مثلثين متشابهين = ١ كان المثلثان متطابقان
- ④ إذا كانت النسبة بين طولَي ضلعين متناظرين < ١ فإنها تسمى نسبة التكبير
- ⑤ إذا كانت النسبة بين طولَي ضلعين متناظرين > ١ فإنها تسمى نسبة التصغير
- ⑥ محيط Δ الأصغر \div ضلع في Δ الأصغر = محيط Δ الأكبر \div نظيره في Δ الأكبر
- ⑦ المضلعان المشابهان لثالث يكونان متشابهان
- ⑧ المضلعات المنتظمة التي لها نفس عدد الأضلاع تكون متشابهة

أمثلة



٣ في الشكل المقابل:

- أد // ب ج ، أد = ٤ سم
 ب ج = ٨ سم
 أ ه = ٣ سم ، د ه = ٢ سم
 (١) أثبت أن :
 $\triangle ADE \sim \triangle ABC$
 (٢) أوجد طول ه ب ، ه ج

الحل

∴ أد // ب ج

∴ ق (أ) = ق (ج) بالتبادل

ق (د) = ق (ب) بالتبادل

∴ ق (أ ه د) = ق (ب ه ج) بالتقابل بالرأس

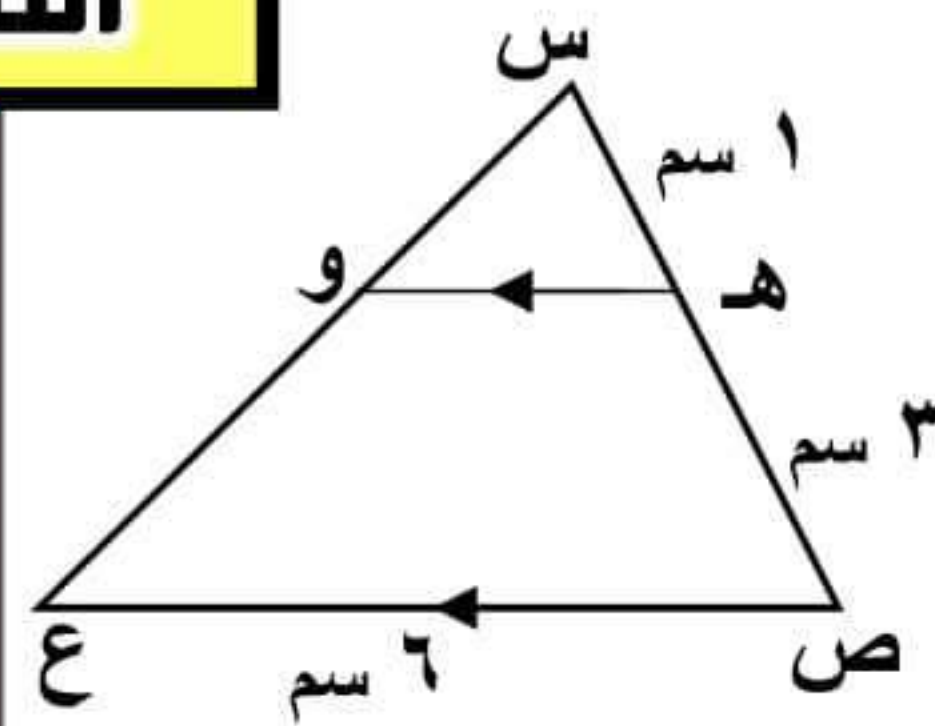
∴ $\triangle ADE \sim \triangle ABC$

$$\frac{AD}{DB} = \frac{DE}{EB} = \frac{AE}{EC}$$

$$\frac{4}{8} = \frac{2}{EB} = \frac{3}{EC} \quad \therefore EB = \frac{2 \times 8}{4} = 4 \text{ سم} \quad \therefore EC = \frac{3 \times 8}{4} = 6 \text{ سم}$$

$$EB = \frac{2 \times 8}{4} = 4 \text{ سم}$$

١ في الشكل المقابل:



- (١) برهن أن : $\triangle ADE \sim \triangle ABC$
 (٢) أوجد طول ه و

الحل

∴ ه و // ص ع

∴ ق (ص) = ق (س ه و) بالتناظر

ق (ع) = ق (س و ه) بالتناظر

∴ ∠س مشتركة

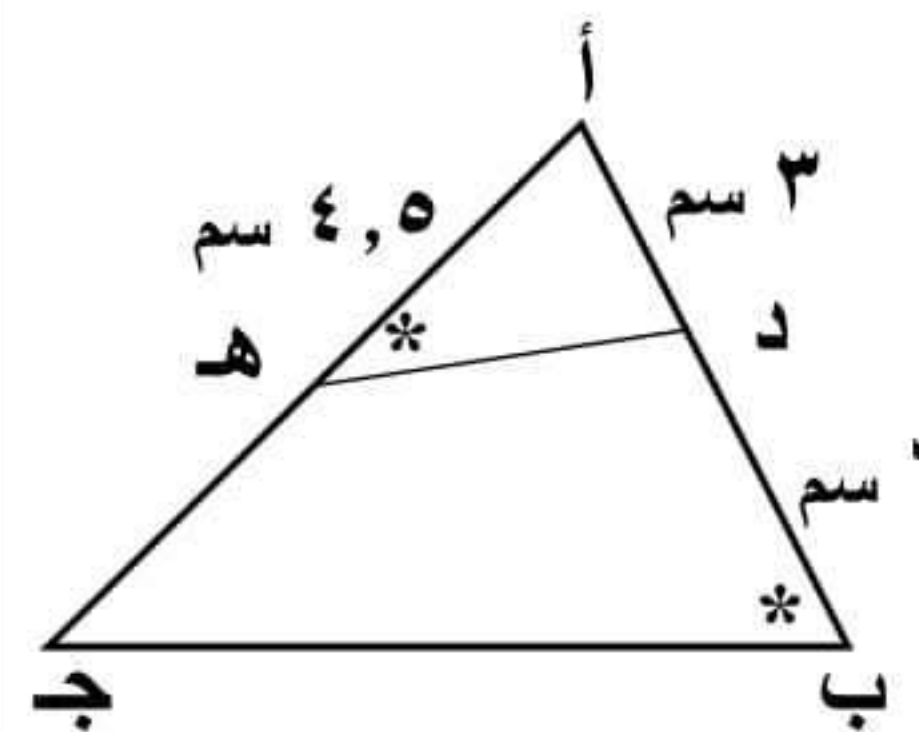
∴ $\triangle ADE \sim \triangle ABC$

$$\frac{AD}{DB} = \frac{DE}{EB} = \frac{AE}{EC}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{2}{EB} = \frac{AE}{6}$$

$$\therefore EB = \frac{2 \times 3}{1} = 6 \text{ سم} \quad \therefore AE = \frac{1 \times 6}{3} = 2 \text{ سم}$$

٢ في الشكل المقابل:



ق (أ ه د) = ق (ب ه ج)

أ ه = ٤, ٥ سم

أ د = ٣ سم ، د ب = ٦ سم

(٣) أثبت أن :

$\triangle ADE \sim \triangle ABC$

(٤) أوجد طول ه ج

الحل

∴ ق (أ ه د) = ق (ب ه ج) ، ∠أ مشتركة

∴ ق (أ د ه) = ق (ب ج ه)

∴ $\triangle ADE \sim \triangle ABC$

$$\frac{AD}{DB} = \frac{DE}{EB} = \frac{AE}{EC}$$

$$\frac{3}{6} = \frac{4}{EB} = \frac{5}{EC} \quad \therefore EB = \frac{4 \times 6}{3} = 8 \text{ سم} \quad \therefore EC = \frac{5 \times 6}{3} = 10 \text{ سم}$$

$$\therefore EB = 8 \text{ سم} \quad \therefore EC = 10 \text{ سم}$$

٤

مثلثان متشابهان أطوال أضلاع أحدهما ٣ سم ، ٤ سم ، ٥ سم ومحيط الآخر ٣٦ سم
 أوجد أطوال أضلاع المثلث الآخر؟

الحل

محيط \triangle الأول = ٣ + ٤ + ٥ = ١٢ سم

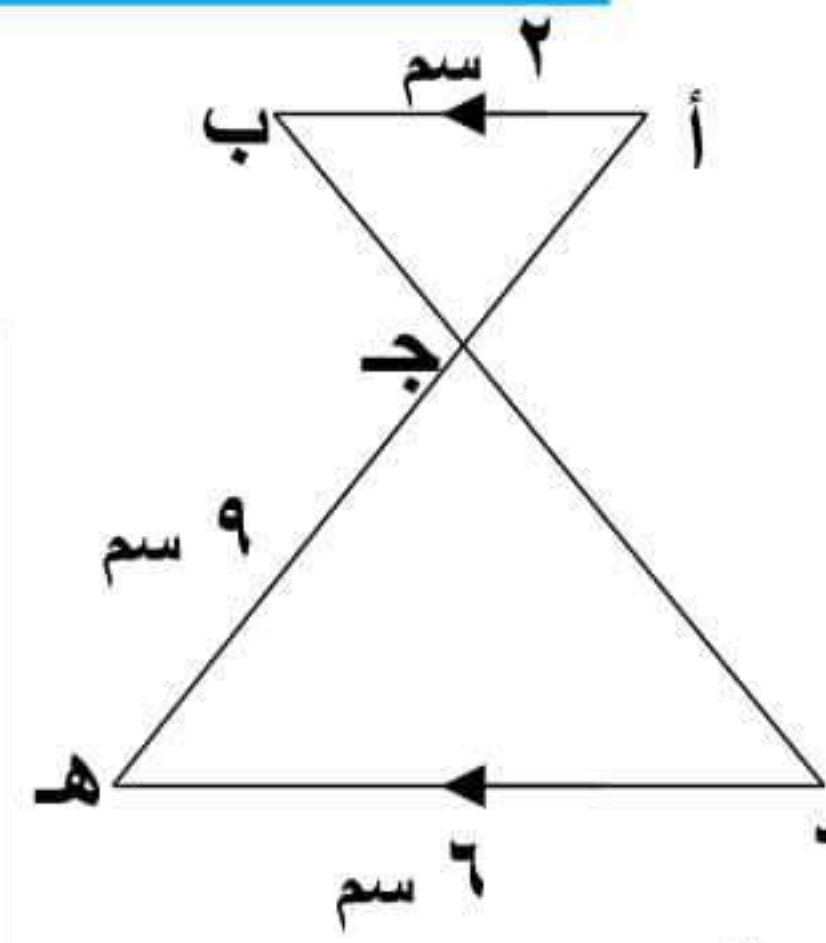
$$\frac{36}{12} = \frac{\text{محيط الثاني}}{\text{محيط الأول}} = 3$$

بضرب أطوال أضلاع \triangle الأول $\times 3$

∴ أطوال أضلاع \triangle الثاني هي : ٩ سم ، ١٢ سم ، ١٥ سم

للتأكد: نجمع ٩ + ١٢ + ١٥
 هنأقدهم ٣٦ اللى هو محيط الثاني

٥ في الشكل المقابل:



أب // د ه ، أب = ٢ سم
د ه = ٦ سم ،
ج ه = ٩ سم
(١) اثبت أن :

٢) أوجد طول ج د ، أ ج ، نسبة التكبير

الحل

أب // د ه

∴ ق (أ) = ق (هـ) بالتبادل

ق (ب) = ق (د) بالتبادل

∴ ق (أ ج ب) = ق (هـ ج د) بالتقابل بالرأس

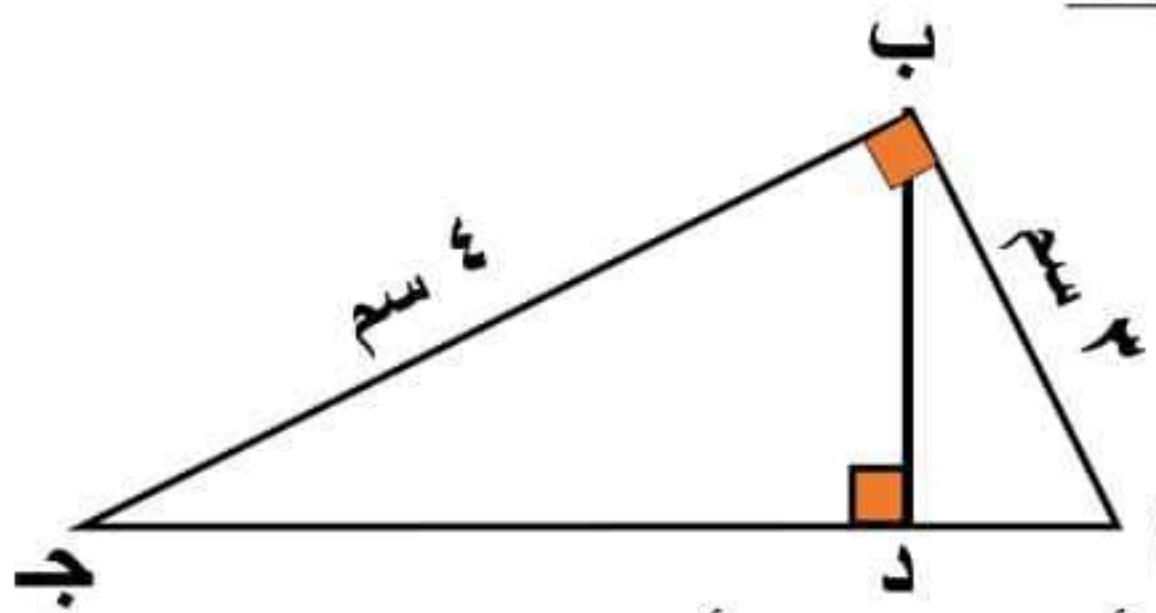
∴ Δ أ ب ج ~ Δ هـ د ج

$$\frac{أ ب}{هـ د} = \frac{ب ج}{د ج} = \frac{أ ج}{هـ ج}$$

$$\therefore \frac{أ ج}{هـ ج} = \frac{٤}{٩} = \frac{٢}{٦} \quad \therefore د ج = \frac{٦ \times ٤}{٢} = ١٢ \text{ سم}$$

$$أ ج = \frac{٩ \times ٢}{٦} = ٣ \text{ سم} \quad ، \quad \text{نسبة التكبير} = \frac{٦}{٣} = ٢$$

٧ في الشكل المقابل:



أ ب ج Δ قائم في ب
ب د ⊥ أ ج
أ ب = ٣ سم ،
ب ج = ٤ سم

(١) برهن أن: Δ ب أ ج ~ Δ د أ ب
(٢) أوجد طول كل من أ د ، د ج

الحل

∴ ق (ب) = ق (أ د ب) = ٩٠° ، ∠ مشتركة

∴ ق (ج) = ق (أ ب د)

∴ Δ ب أ ج ~ Δ د أ ب

في Δ ب أ ج من فيثاغورث:

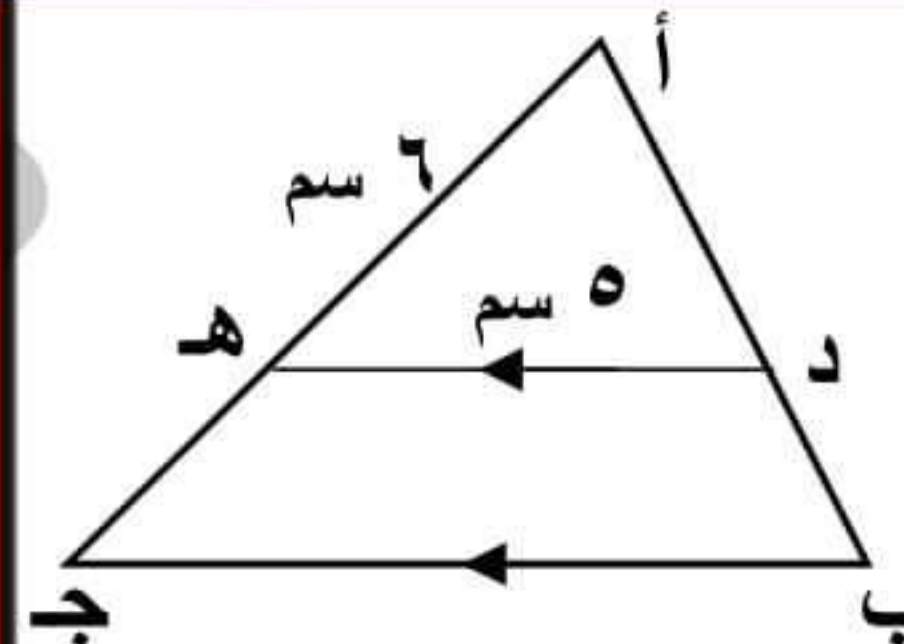
$$(أ ج)^2 = ١٦ + ٩ = ٢٥ \quad \therefore أ ج = ٥ \text{ سم}$$

$$\therefore \frac{ب أ}{د أ} = \frac{أ ج}{أ ب} = \frac{ب ج}{د ب}$$

$$\therefore \frac{٣}{د أ} = \frac{٥}{٣} = \frac{٤}{د ب} \quad \therefore د أ = \frac{٣ \times ٣}{٥} = ١,٨ \text{ سم}$$

$$\therefore د ج = ٥ - ١,٨ = ٣,٢ \text{ سم}$$

٦ في الشكل المقابل:



د ه // ب ج ،
 $\frac{أ د}{أ ب} = \frac{٤}{٦}$

(١) برهن أن: Δ أ د ه ~ Δ أ ب ج
(٢) أوجد طول ه ج

الحل

د ه // ب ج

∴ ق (ب) = ق (أ د ه) بالتناظر

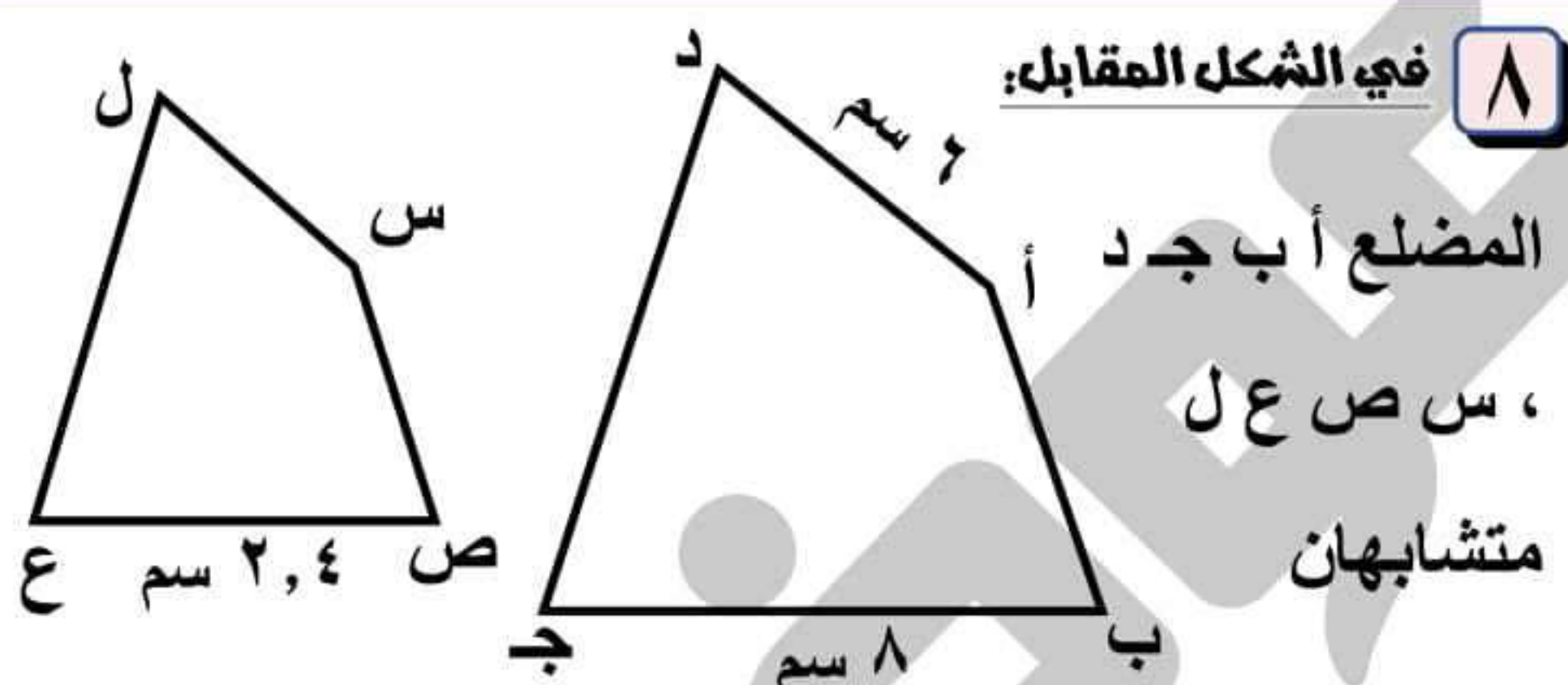
ق (ج) = ق (أ ه د) بالتناظر

∴ ∠ مشتركة

∴ Δ أ د ه ~ Δ أ ب ج

$$\therefore \frac{أ د}{أ ب} = \frac{د ه}{ب ج} = \frac{٤}{٦} \quad \therefore \frac{٦}{أ ج} = \frac{٥}{ب ج} = \frac{٤}{٦}$$

$$\therefore أ ج = \frac{٦ \times ٦}{٤} = ٩ \text{ سم} \quad \therefore هـ ج = ٦ - ٩ = ٣ \text{ سم}$$



٨ في الشكل المقابل:

المضلع أ ب ج د
س ص ع ل
متشابهان

(١) أوجد طول س ل وحدد نسبة التكبير
(٢) إذا كان محيط الشكل أ ب ج د = ٢٦ سم
فأوجد محيط الشكل س ص ع ل

الحل

∴ المضلع أ ب ج د ~ المضلع س ص ع ل

$$\therefore \frac{أ د}{س ل} = \frac{ب ج}{ص ع} = \frac{٨}{٢,٤} \quad \therefore س ل = ١,٨ \text{ سم}$$

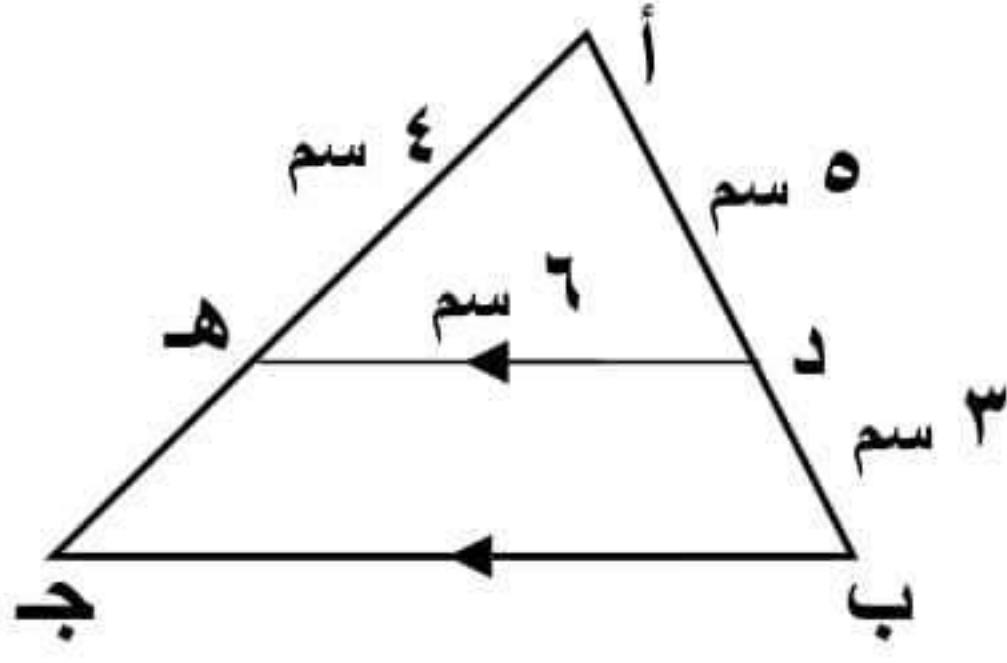
$$\text{نسبة التكبير} = \frac{٨}{٢,٤} = \frac{١٠}{٣}$$

$$\frac{\text{محيط الشكل أ ب ج د}}{\text{محيط الشكل س ص ع ل}} = \text{نسبة التكبير}$$

$$\frac{٨}{٢,٤} = \frac{٢٦}{\text{محيط س ص ع ل}}$$

$$\therefore \text{محيط س ص ع ل} = ٧,٨ \text{ سم}$$

تدريبات

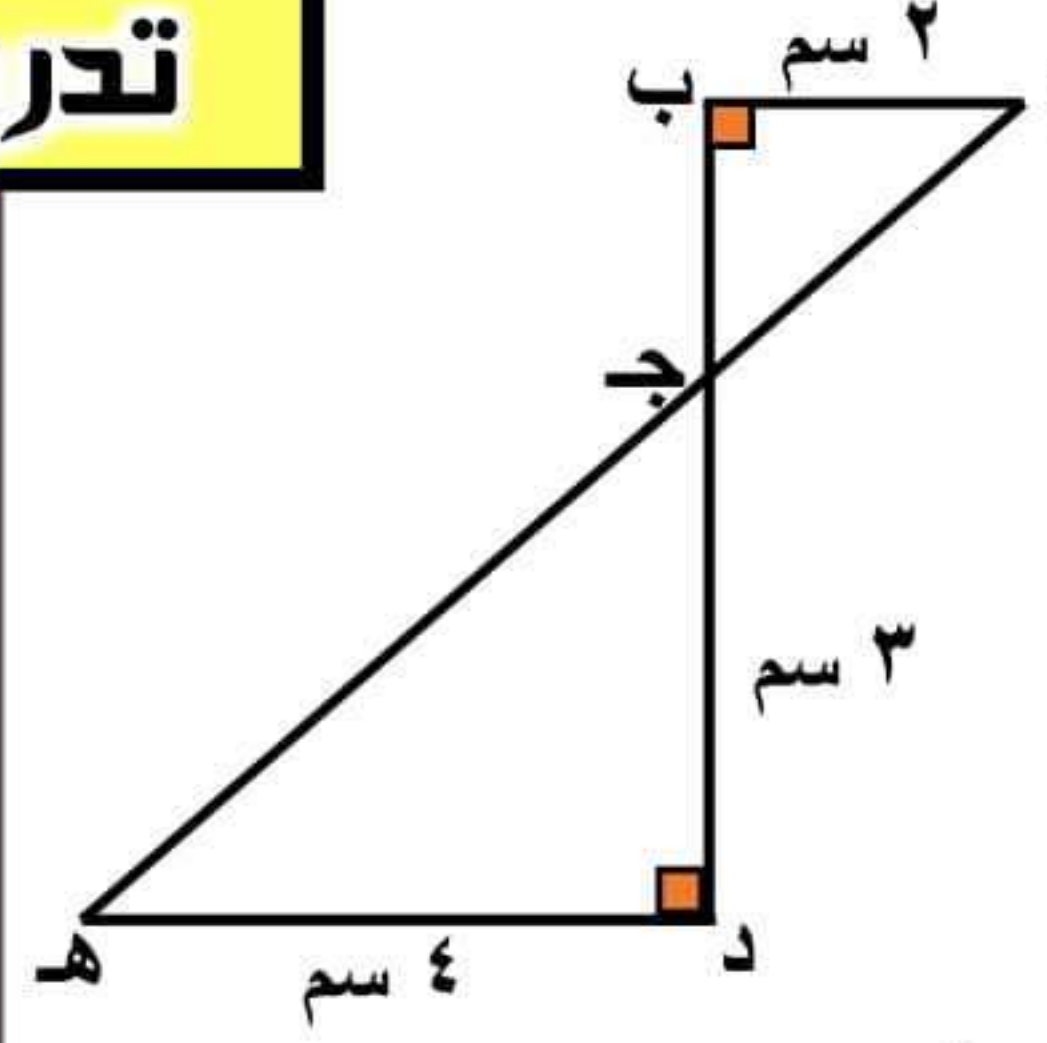


٢ في الشكل المقابل:

د هـ // ب ج ،
 أ د = ٥ سم ،
 أ هـ = ٤ سم
 د هـ = ٦ سم ،
 د ب = ٣ سم

- (١) برهن أن: $\triangle ADE \sim \triangle ABC$
 (٢) أوجد طول كل من ب ج ، هـ ج

الحل



١ في الشكل المقابل:

ق (ب) = ق (د) = 90°
 أ ب = ٢ سم ، د هـ = ٤ سم
 ج د = ٣ سم

- (١) اثبت أن: $\triangle ADE \sim \triangle ABC$
 (٢) أوجد طول ب ج ، أ ج ، نسبة التكبير

الحل

تمارين

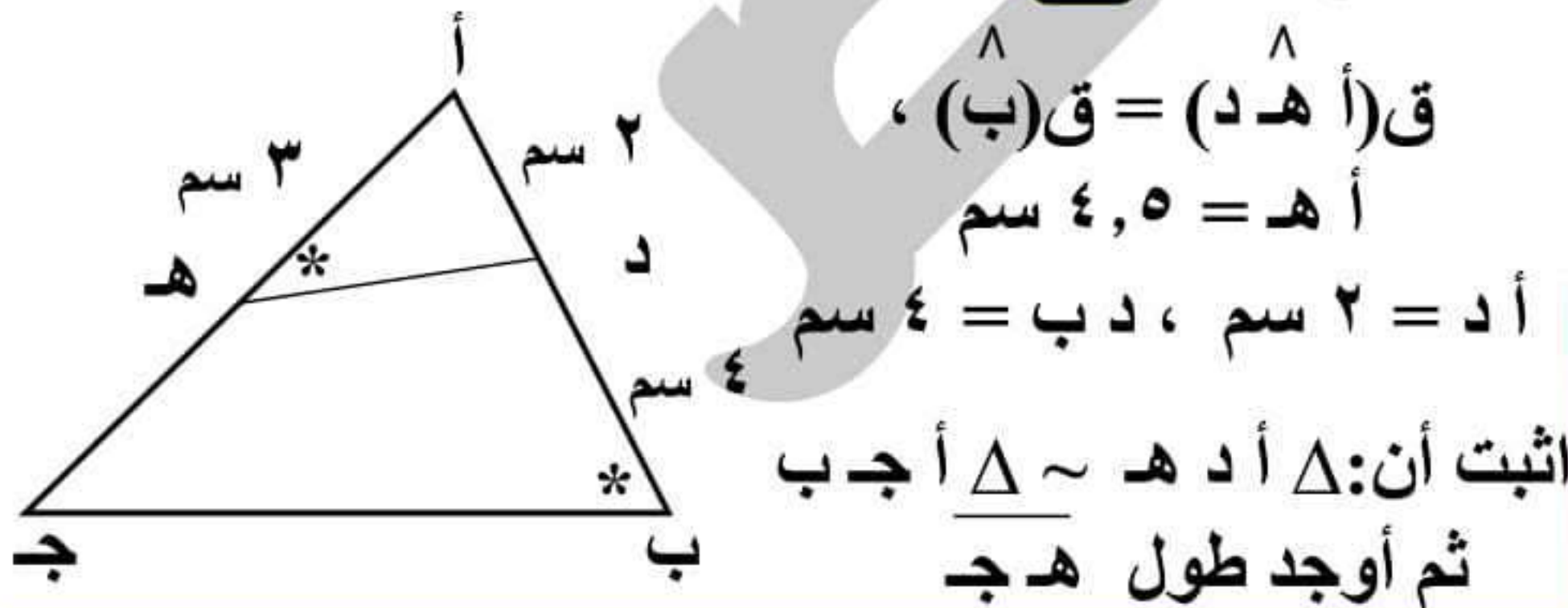
اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين:

- ① مضلعان متشابهان النسبة بين طولى ضلعين متناظرين ٣ : ٥ فإن النسبة بين محيطيهما
(٢:٥ ، ٣:٥ ، ٥:٣ ، ٢:١)
- ② إذا كان Δ أ ب ج $\sim \Delta$ د ه و ، أ ب = $\frac{2}{5}$ د ه فإن محيط Δ أ ب ج = محيط Δ د ه و
(٢ ، ٥ ، $\frac{2}{5}$ ، $\frac{4}{25}$)
- ③ إذا كانت نسبة التكبير بين مثلثين متشابهين تساوى ١ فإن المثلثين
(متطابقان ، متساويان في المساحة ، مختلفان ، غير ذلك)
- ④ Δ أ ب ج $\sim \Delta$ د ه و ، ق (ب) + ق (ج) = 80° فإن ق (د) =
(180° ، 100° ، 90° ، 80°)

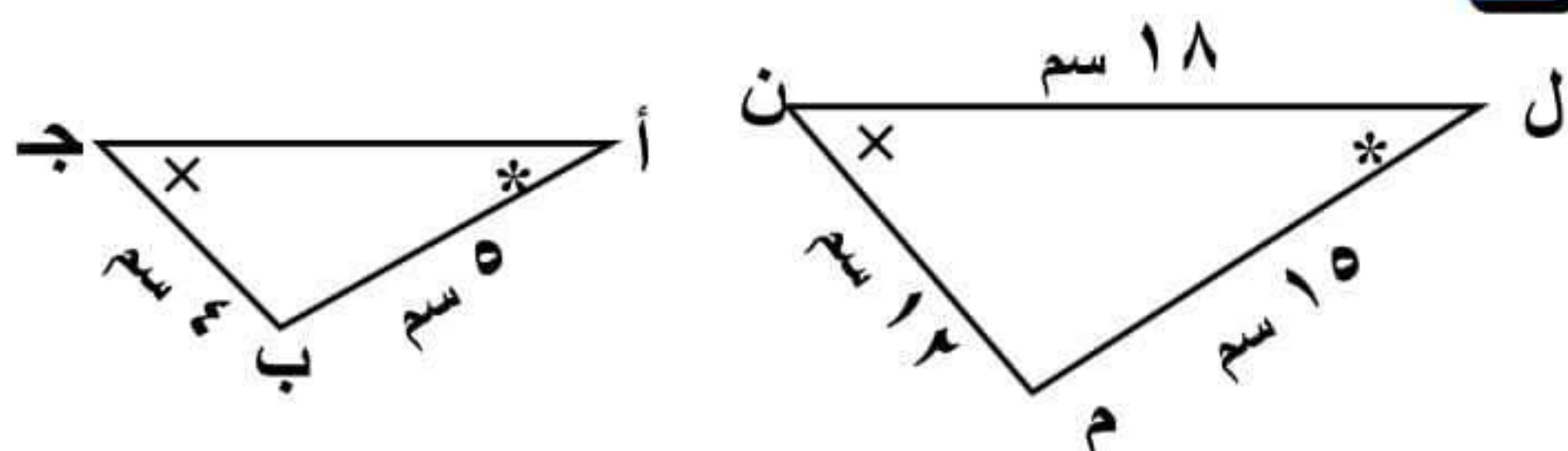
أكمل ما يأتي:

- ① المضلعان المتشابهان لثالث
② مضلعان متشابهان النسبة بين طولى ضلعين متناظرين ٣ : ٨ فإن النسبة بين محيطيهما
③ مضلعان متشابهان النسبة بين محيطيهما ٢ : ٧ فإن النسبة بين طولى ضلعين متناظرين
④ يتشابه المثلثان إذا كانت الأضلاع المتناظرة والزوايا المتناظرة
⑤ إذا كانت النسبة بين طولى ضلعين متناظرين في مثلثين متشابهين تساوى ١ فإن المثلثان يكونان
⑥ يتشابه المثلثان إذا كانت متناسبة
⑦ إذا كانت النسبة بين ضلعين متناظرين في مثلثين متشابهين = $\frac{3}{4}$ فإن النسبة بين محيطيهما =
⑧ إذا كان المضلع أ ب ج د \sim المضلع س ص ع ل فإن ق (ج) = ق (.....)
⑨ مضلعان متشابهان النسبة بين طولى ضلعين متناظرين هي ١ : ٣ فإذا كان محيط المضلع الأصغر ١٥ سم فإن محيط المضلع الأكبر = سم

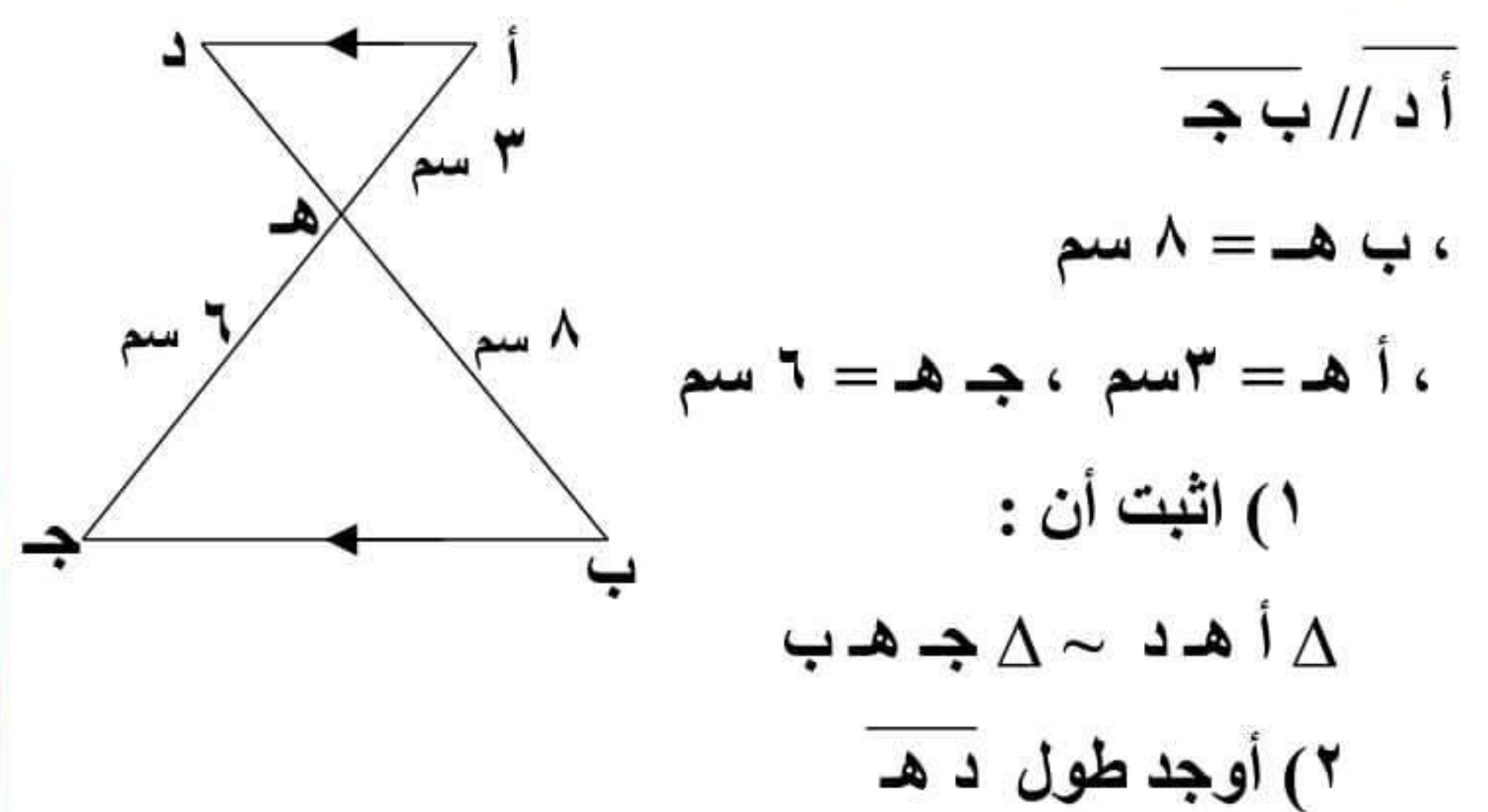
أجب عن الأسئلة التالية: ٣ في الشكل المقابل:



٤ في الشكل المقابل:



١ في الشكل المقابل:



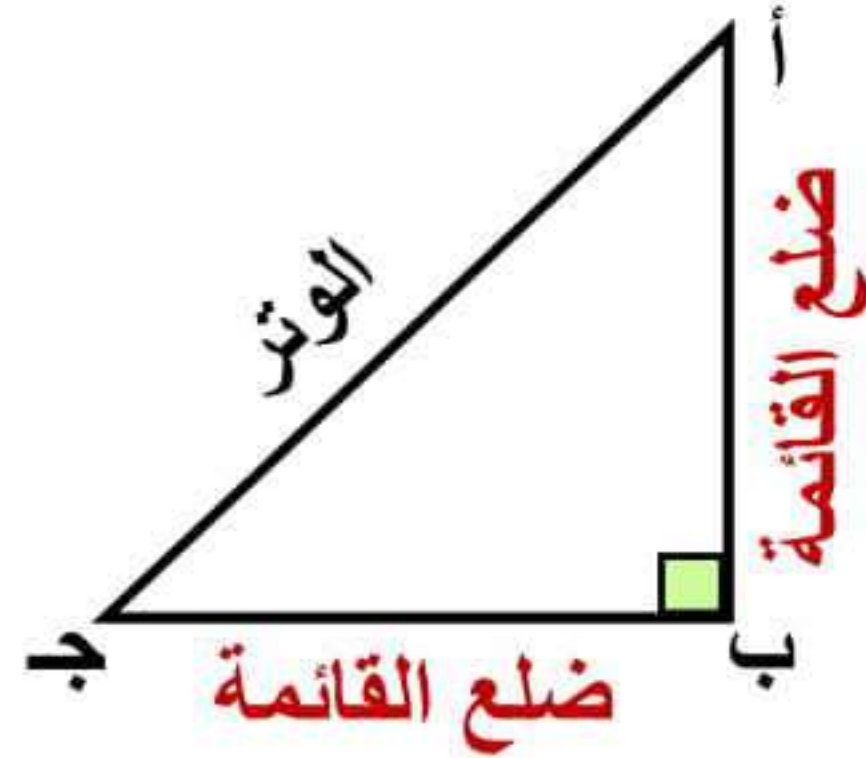
٢ مثلثان متشابهان أطوال أضلاع أحدهما ٦ سم ، ٨ سم ،

٤ ، ٥ سم ومحيط الآخر ٧٤ سم
أوجد أطوال أضلاع المثلث الآخر؟

عكس نظرية فيثاغورث

الدرس
5
الخامس

تذكر نظرية فيثاغورث

إذا كان Δ أ ب ج قائم في ب فإن:

$$^2(أ ج) = ^2(أ ب) + ^2(ب ج)$$

$$^2(أ ب) = ^2(أ ج) - ^2(ب ج)$$

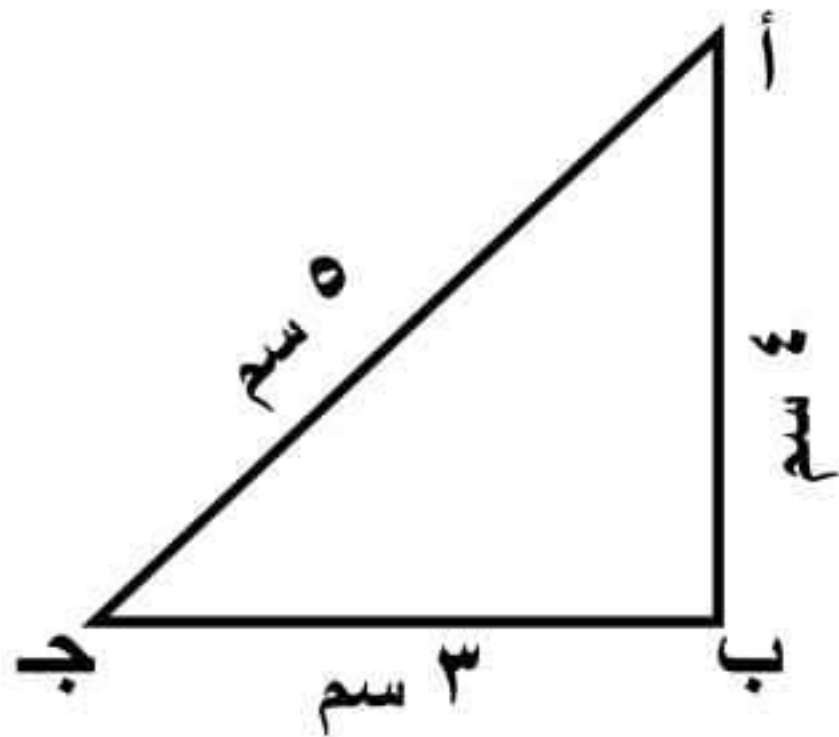
$$^2(ب ج) = ^2(أ ج) - ^2(أ ب)$$

عكس نظرية فيثاغورث

إذا كان مربع طول ضلع في مثلث يساوي مجموع مربعي طولي الضلعين الآخرين
كانت الزاوية المقابلة لهذا الضلع قائمة

لإثبات أن المثلث قائم: نربع الضلع الأكبر لوحدده ثم نربع الضلعين الآخرين ونجمعهم

فمثلا في Δ أ ب ج إذا كان أ ج هو أكبر الأضلاع نثبت أن: $^2(أ ج) = ^2(أ ب) + ^2(ب ج)$



٣ في الشكل المقابل:

اثبت أن Δ أ ب ج قائم

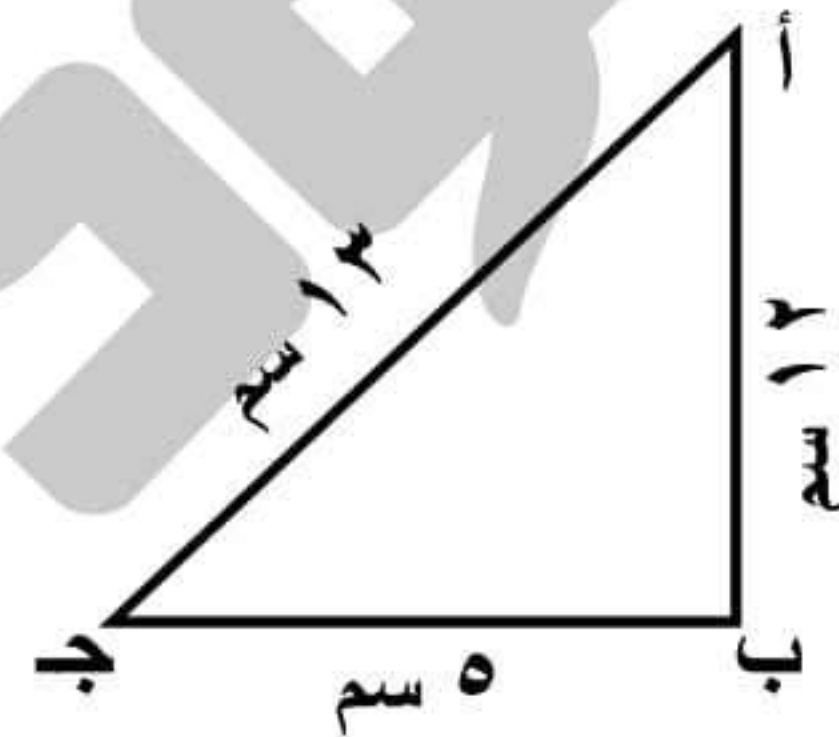
الحل

$$^2(أ ج) = \dots\dots\dots$$

$$^2(أ ب) + ^2(ب ج) = \dots\dots\dots$$

$$\dots\dots\dots + \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \therefore$$

$$\dots\dots\dots \therefore$$



١ في الشكل المقابل:

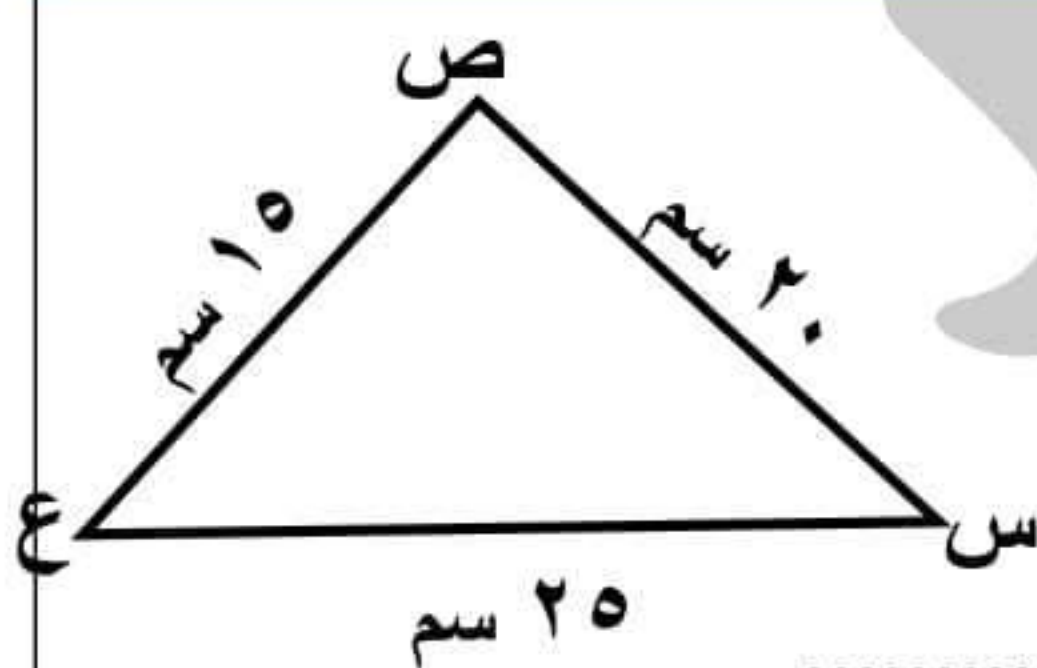
اثبت أن Δ أ ب ج قائم

الحل

$$^2(أ ج) = 13^2 = 169$$

$$^2(أ ب) + ^2(ب ج) = 5^2 + 12^2 = 25 + 144 = 169$$

$$\therefore ^2(أ ج) = ^2(أ ب) + ^2(ب ج)$$

$$\therefore \Delta$$
 قائم في ب


٤ في الشكل المقابل:

اثبت أن $\overline{س ص} \perp \overline{ص ع}$

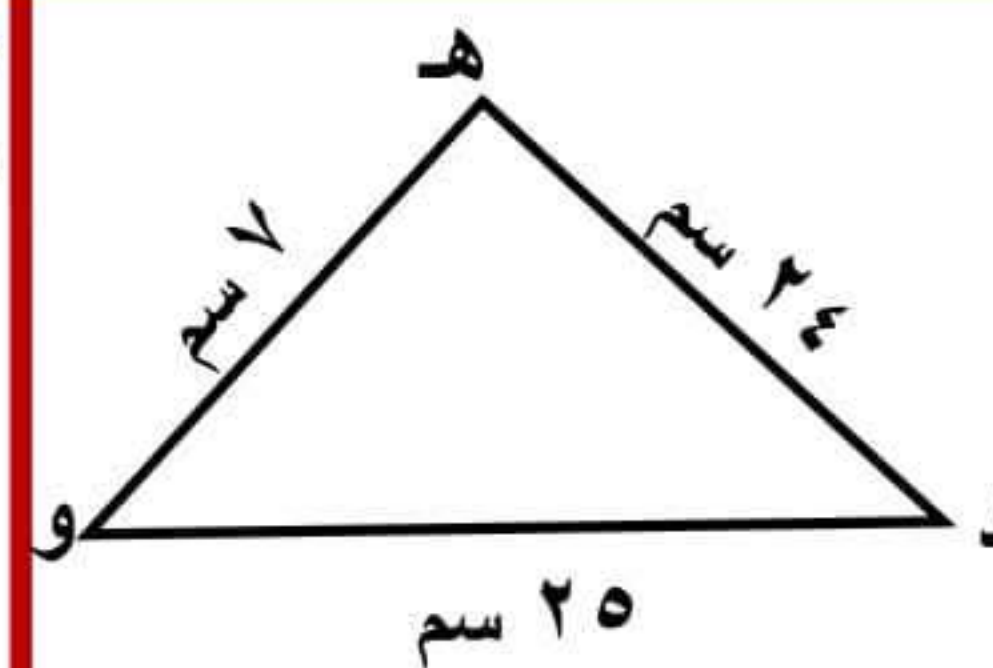
الحل

$$^2(\dots\dots\dots) = \dots\dots\dots$$

$$^2(\dots\dots\dots) + ^2(\dots\dots\dots) = \dots\dots\dots$$

$$\dots\dots\dots + \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \therefore$$

$$\dots\dots\dots \therefore$$



٢ في الشكل المقابل:

اثبت أن $\angle ق (هـ) = 90^\circ$

الحل

$$^2(د و) = 25^2 = 625$$

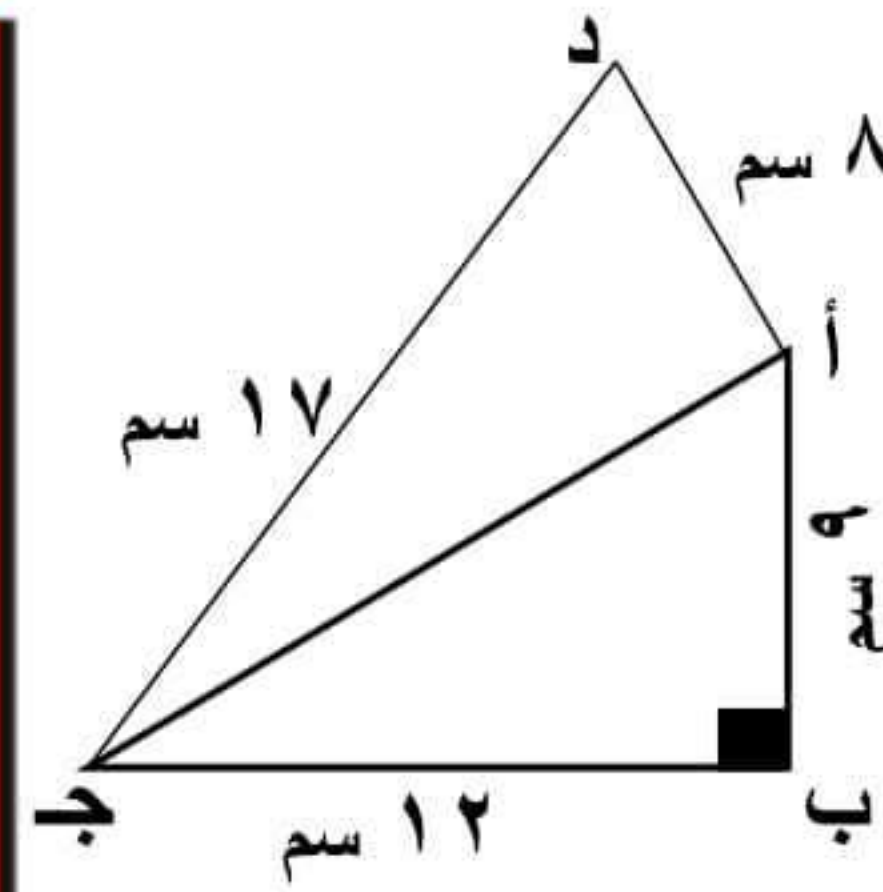
$$^2(د هـ) + ^2(هـ و) = 24^2 + 7^2 = 576 + 49 = 625$$

$$\therefore ^2(د و) = ^2(د هـ) + ^2(هـ و)$$

$$\therefore \angle ق (هـ) = 90^\circ$$

أمثلة

١ في الشكل المقابل:



أ ب ج د شكل رباعي فيه
ق (ب) = 90°

أ ب = ٩ سم ، ب ج = ١٢ سم
أ د = ٨ سم ، د ج = ١٧ سم
(١) أوجد طول أ ج
(٢) اثبت أن ق (د أ ج) = 90°

الحل

في Δ أ ب ج القائم من فيثاغورث :

$$(أ ج)^2 = ٨١ + ١٤٤ = ٢٢٥ \quad \therefore أ ج = ١٥ \text{ سم}$$

في Δ د أ ج :

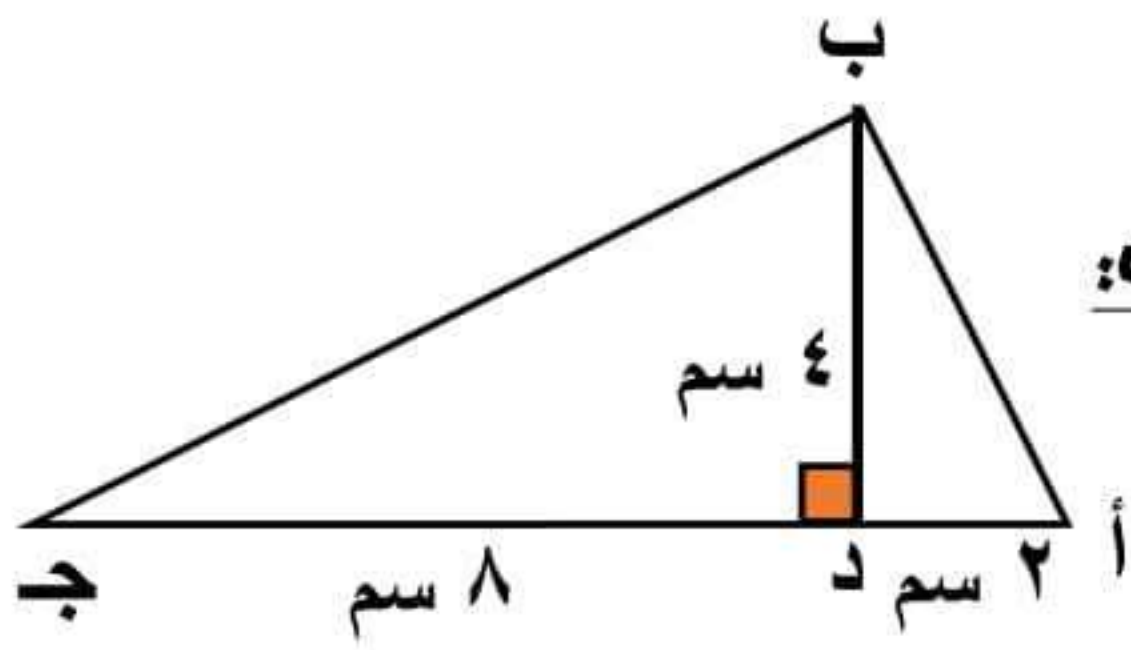
$$(د ج)^2 = ١٧ \times ١٧ = ٢٨٩$$

$$(أ د)^2 + (ب د)^2 = (أ ج)^2 \quad ٢٨٩ = ٢٢٥ + ٦٤$$

$$\therefore (أ د)^2 + (ب د)^2 = (أ ج)^2$$

$$\therefore \text{ق (د أ ج)} = 90^\circ$$

٢ في الشكل المقابل:



أ ب د \perp أ ج
أ د = ٢ سم
ب د = ٤ سم ، د ج = ٨ سم
اثبت أن ق (أ ب ج) = 90°

الحل في Δ ب د ج القائم من فيثاغورث :

$$(ب ج)^2 = ٨^2 + ٤^2 = ٨٠ \quad \therefore ب ج = \sqrt{٨٠} \text{ سم}$$

في Δ أ د ب القائم من فيثاغورث :

$$(أ ب)^2 = ٢^2 + ٤^2 = ٢٠ \quad \therefore أ ب = \sqrt{٢٠} \text{ سم}$$

في Δ أ ب ج : أ ج = ٢ + ٨ = ١٠ سم

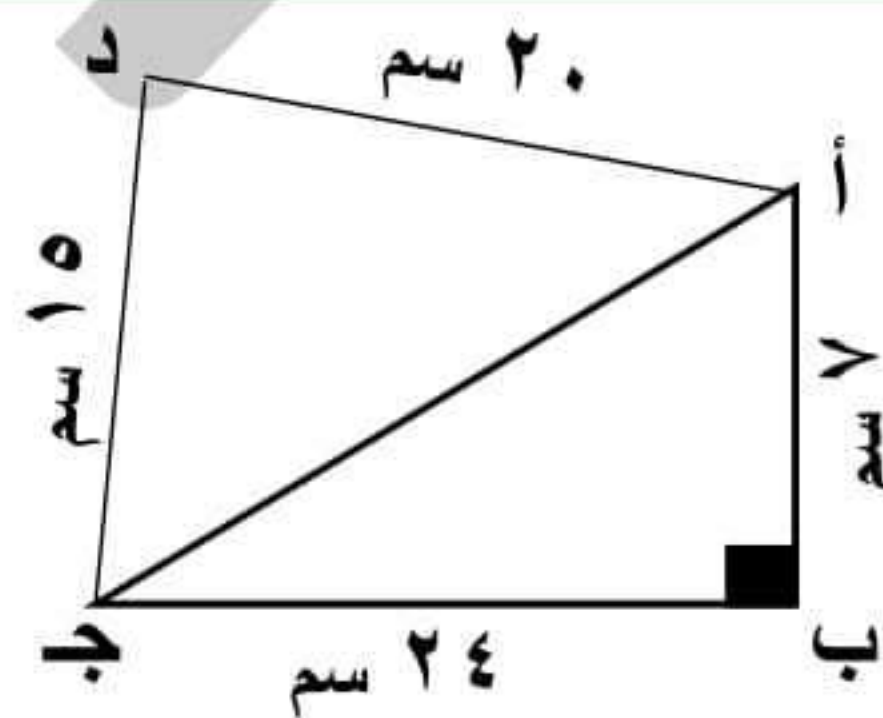
$$(أ ج)^2 = ١٠^2 = ١٠٠$$

$$(ب ج)^2 + (أ ب)^2 = (أ ج)^2 \quad ٨٠ + ٢٠ = ١٠٠$$

$$\therefore (ب ج)^2 + (أ ب)^2 = (أ ج)^2$$

$$\therefore \text{ق (أ ب ج)} = 90^\circ$$

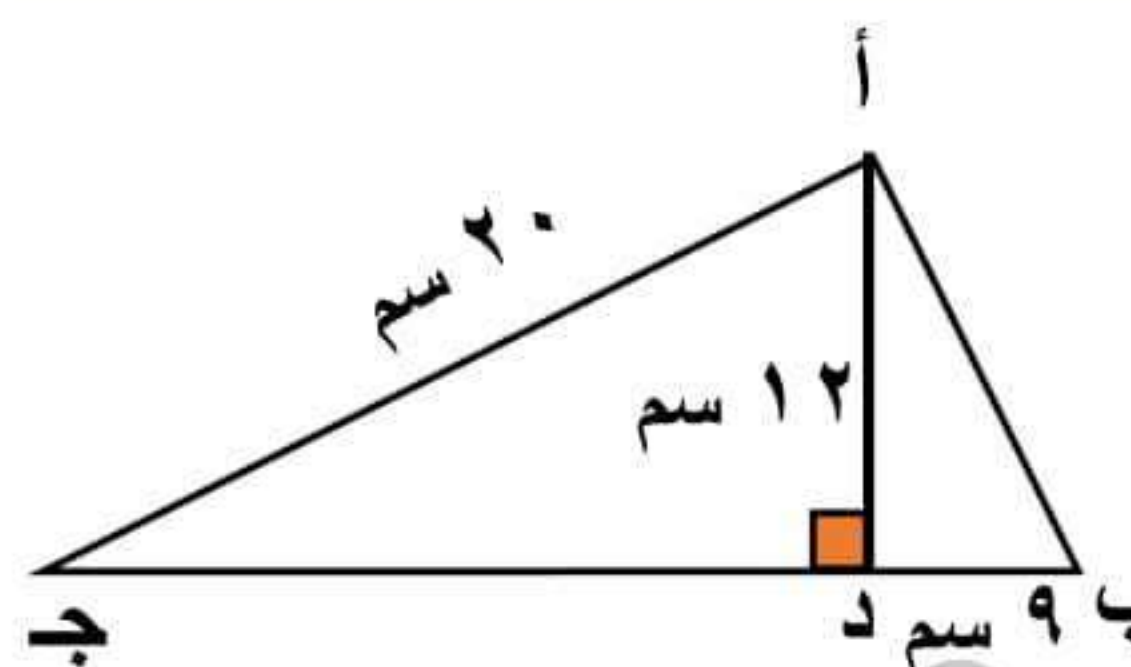
٣ في الشكل المقابل:



ق (ب) = 90°
اثبت أن ق (د أ ج) = 90°

الحل

٤ في الشكل المقابل:



أ د \perp ب ج
برهن أن:
ق (ب أ ج) = 90°

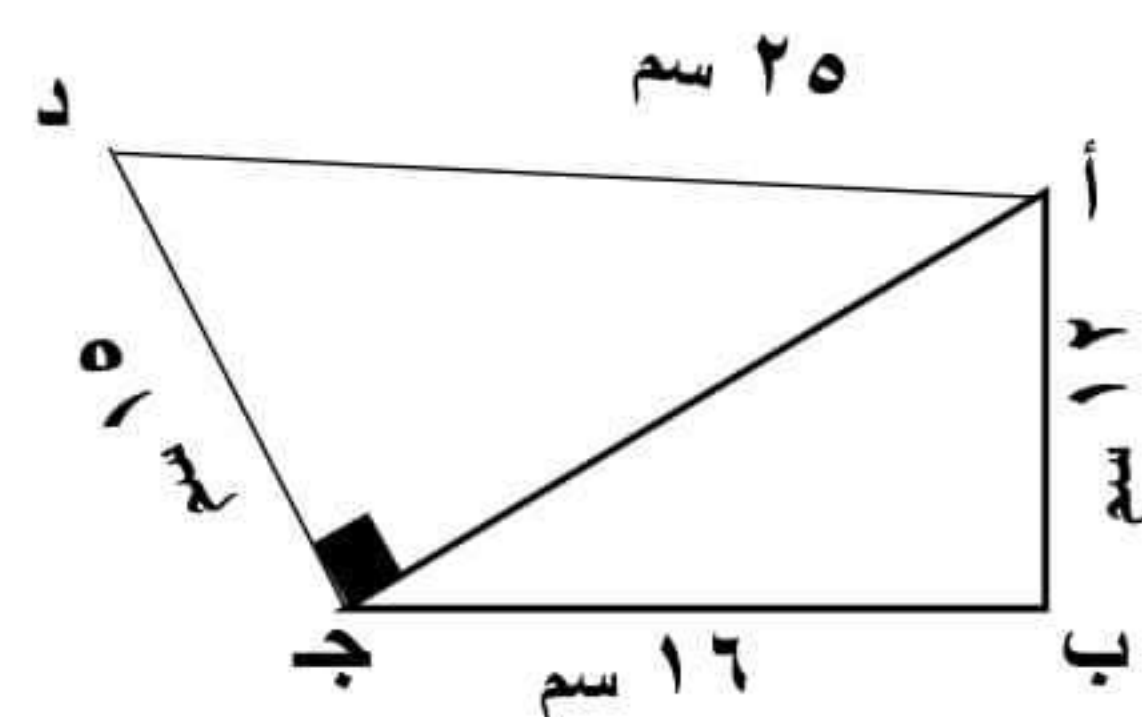
الحل

اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين:

- ① الأطوال ٦ سم ، ٨ سم ، ١٠ سم تصلح أن تكون أضلاع مثلث
(قائم الزاوية ، منفرج الزاوية ، حاد الزوايا ، متساوي الساقين)
- ② في Δ أ ب ج إذا كان $\angle(أ ب) = \angle(ب ج) - \angle(أ ج)$ فإن $\angle ق = \dots\dots\dots^\circ$
(ب ، أ ، ج ، غير ذلك)
- ③ في Δ س ص ع إذا كان $\angle(س ص) = \angle(ص ع) - \angle(س ع)$ فإن زاوية قائمة
(س ، ص ، ع ، غير ذلك)
- ④ في Δ أ ب ج إذا كان $\angle(أ ج) = \angle(أ ب) + \angle(ب ج)$ فإن $\angle ب$ تكون
(حادة ، قائمة ، منفرجة ، مستقيمة)

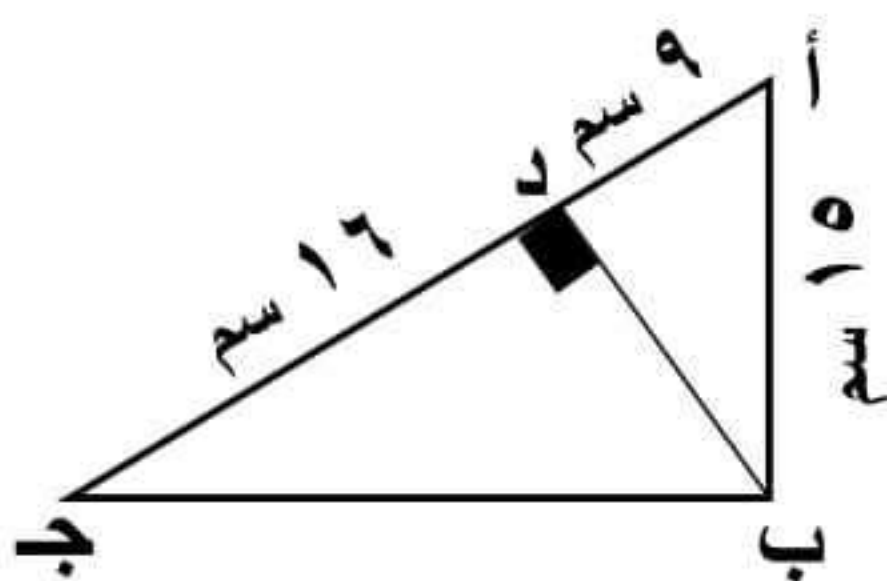
أكمل ما يأتي:

- ① في Δ أ ب ج إذا كان $\angle(أ ج) = \angle(أ ب) - \angle(ب ج)$ فإن $\angle ق = \dots\dots\dots^\circ$
- ② إذا كان مربع طول ضلع في مثلث يساوي مجموع مربعي طولى الضلعين الآخرين كانت الزاوية المقابلة لهذا الضلع
المثلث أ ب ج فيه : $\angle(أ ب) = \angle(أ ج) + \angle(ب ج)$ ، $\angle(ب) = 40^\circ$ فإن $\angle(أ) = \dots\dots\dots$
- ④ في Δ س ص ع إذا كان $\angle(س ع) = \angle(س ص) + \angle(ص ع)$ فإن زاوية تكون قائمة
- ⑤ في Δ أ ب ج إذا كان $\angle(ب ج) = \angle(أ ب) - \angle(أ ج)$ فإن زاوية تكون قائمة

أجب عن الأسئلة التالية:**١) في الشكل المقابل:**

ق (أ ج د) = 90°
أ ب = ١٢ سم
ب ج = ١٦ سم
أ د = ٢٥ سم
ج د = ١٥ سم

اثبت أن ق (ب) = 90°

٢) في الشكل المقابل:

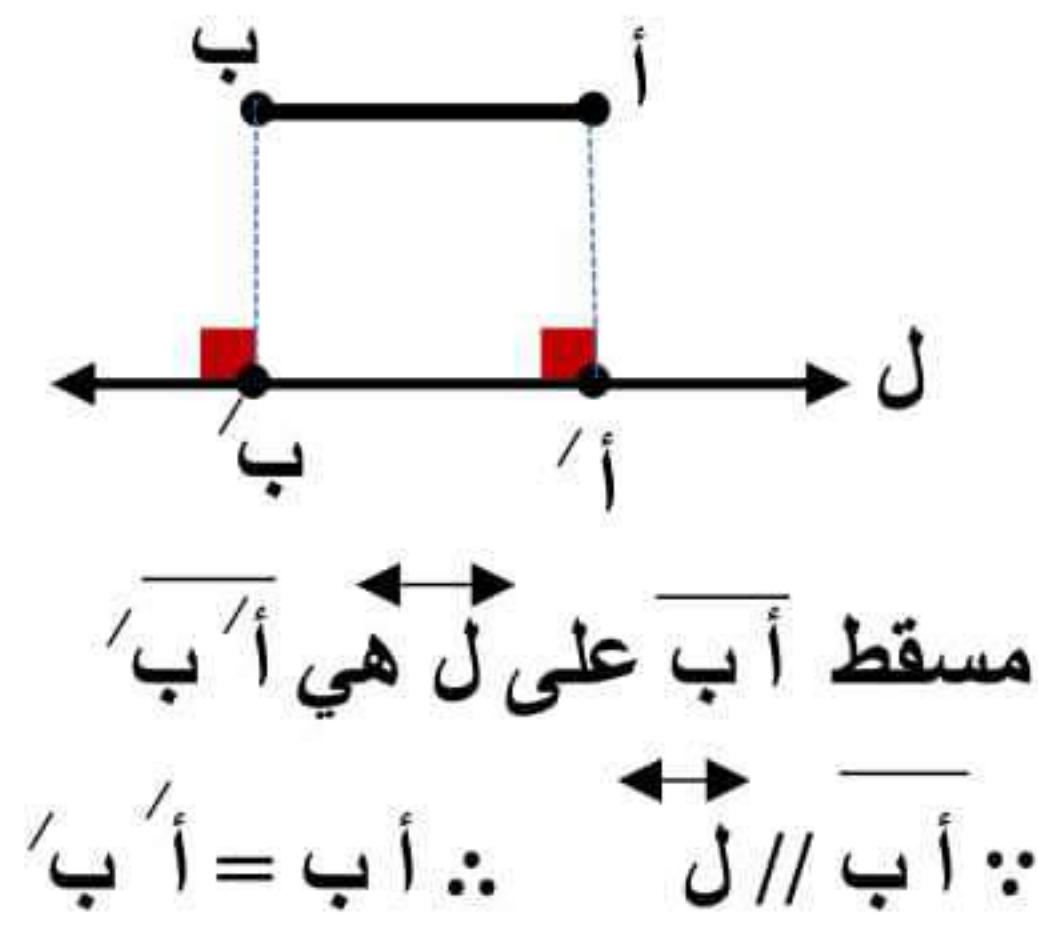
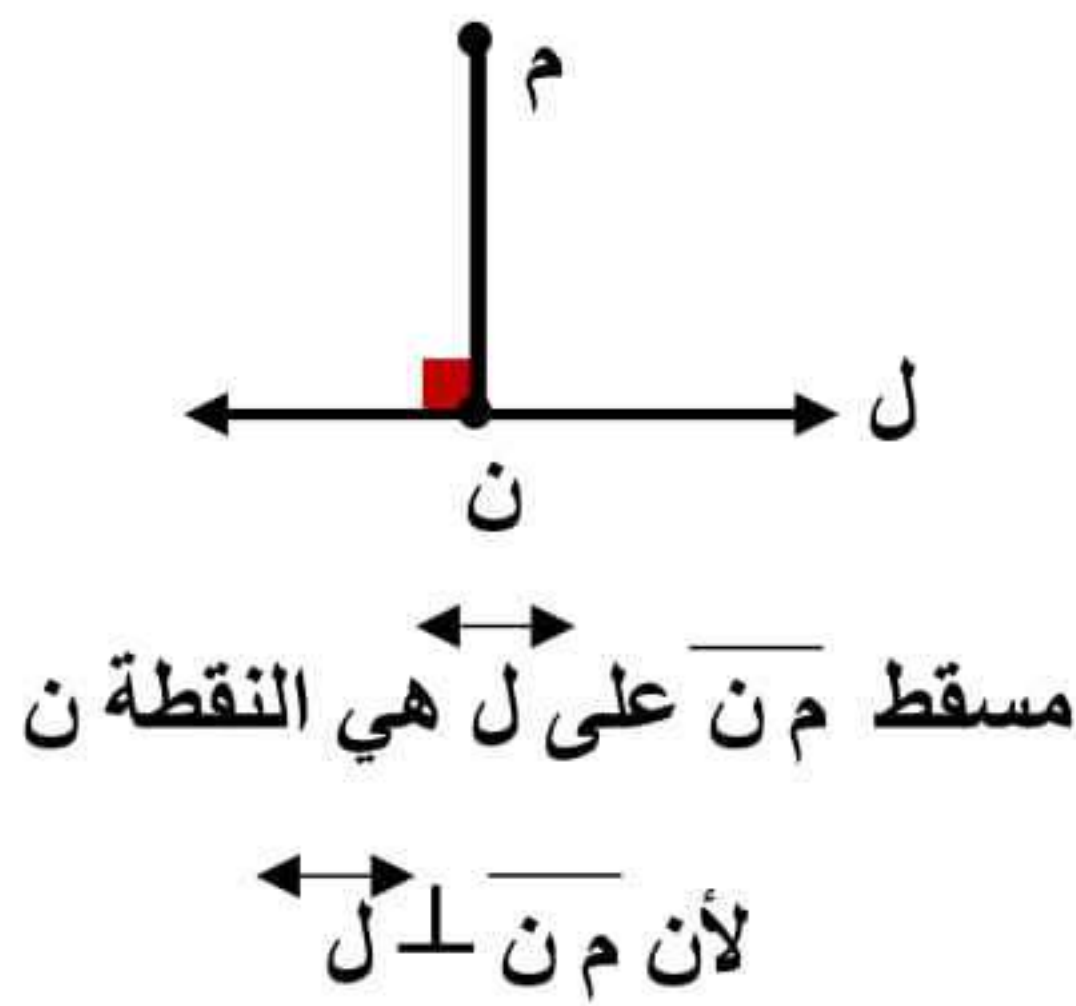
ب د \perp أ ج
أ ب = ١٥ سم
أ د = ٩ سم
د ج = ١٦ سم

- (١) أوجد طول كل من ب د ، ب ج
(٢) برهن أن ق (أ ب ج) = 90°

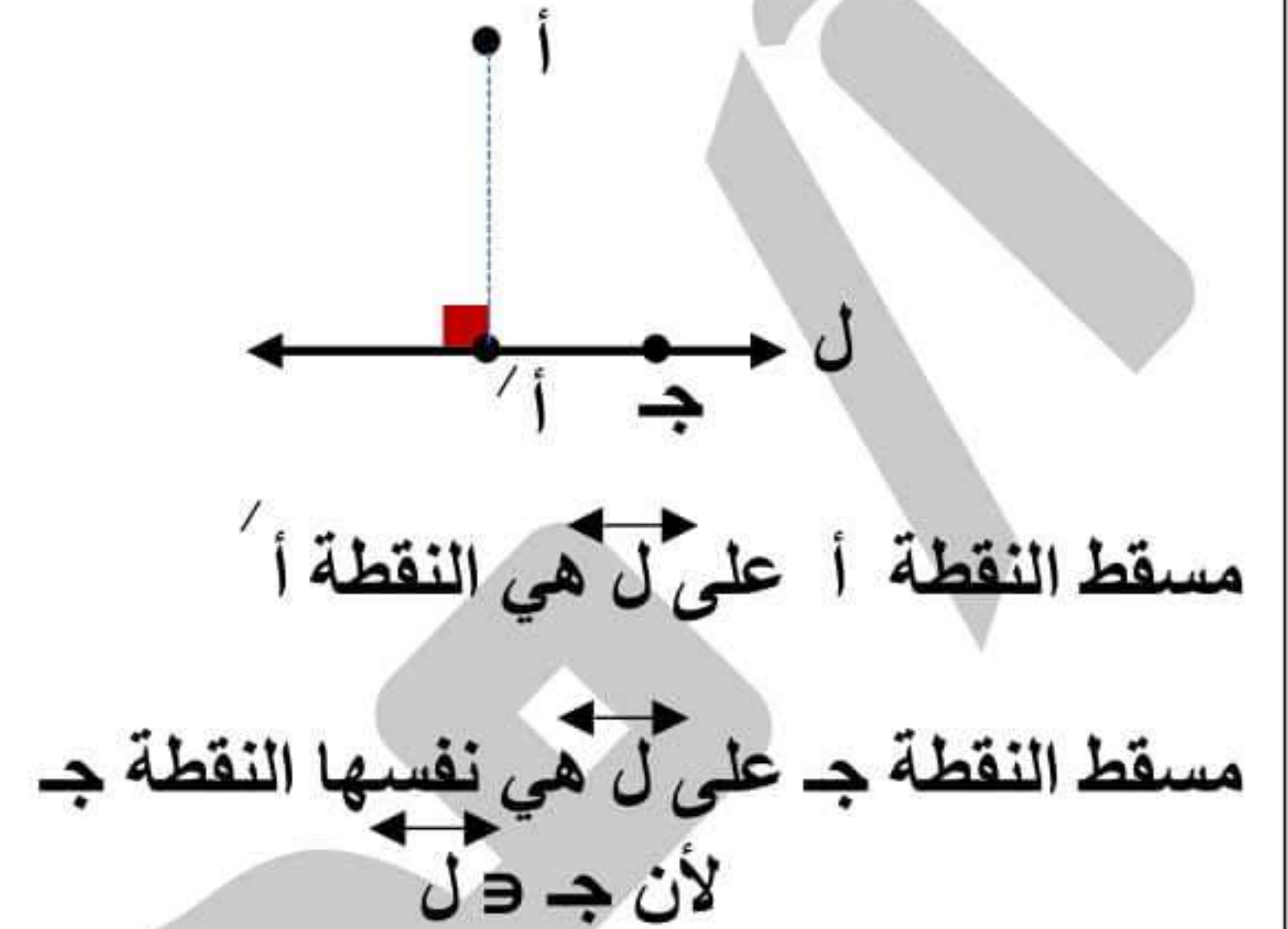
المساقط

الدرس
السادس 6

مسقط قطعة مستقيمة على مستقيم



مسقط نقطة على مستقيم

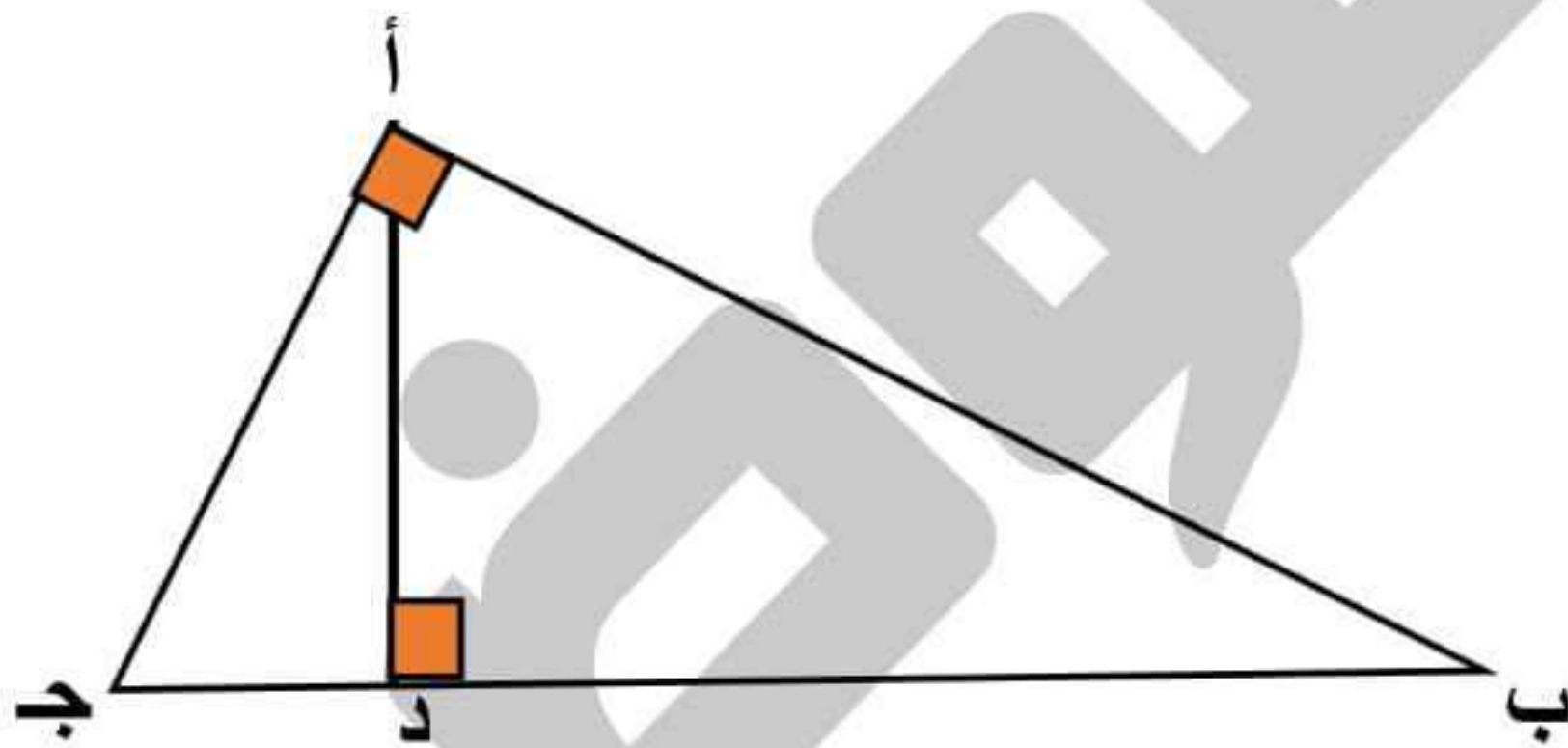


ملاحظات

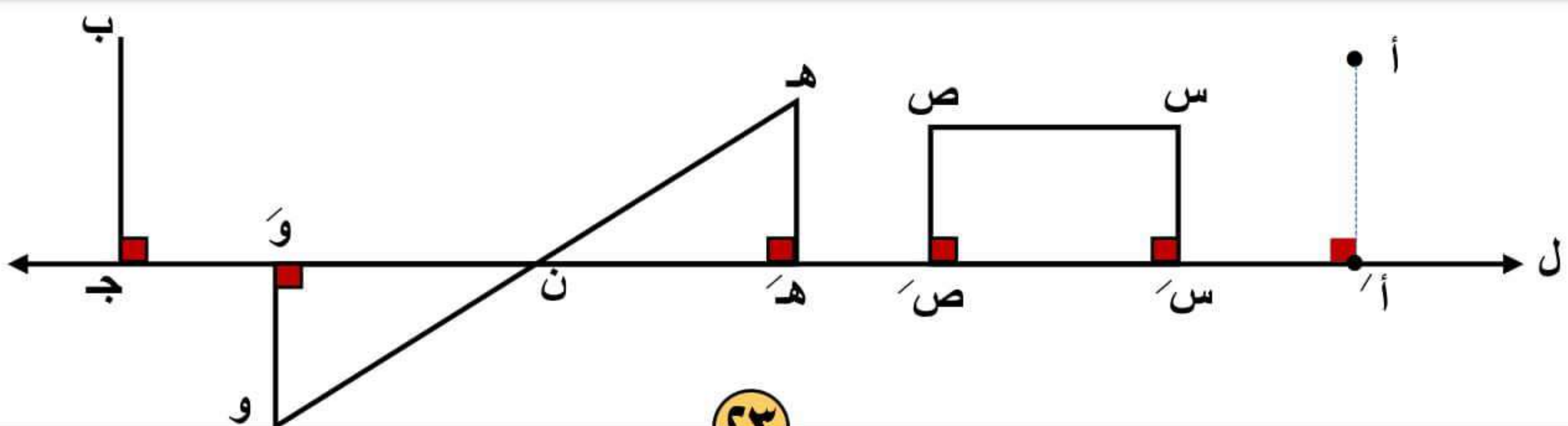
- (١) مسقط نقطة \notin للمستقيم هو نقطة تقاطع العمود المرسوم من هذه النقطة على المستقيم
- (٢) مسقط نقطة \in للمستقيم هي نفسها
- (٣) إذا كانت القطعة المستقيمة عمودية على المستقيم فإن مسقطها يكون نقطة
- (٤) إذا كانت القطعة المستقيمة عمودية على المستقيم فإن طول مسقطها يساوي صفر
- (٥) طول مسقط قطعة مستقيمة على مستقيم يكون أصغر من أو يساوي \geq طول القطعة المستقيمة نفسها

مثال

في الشكل المقابل:



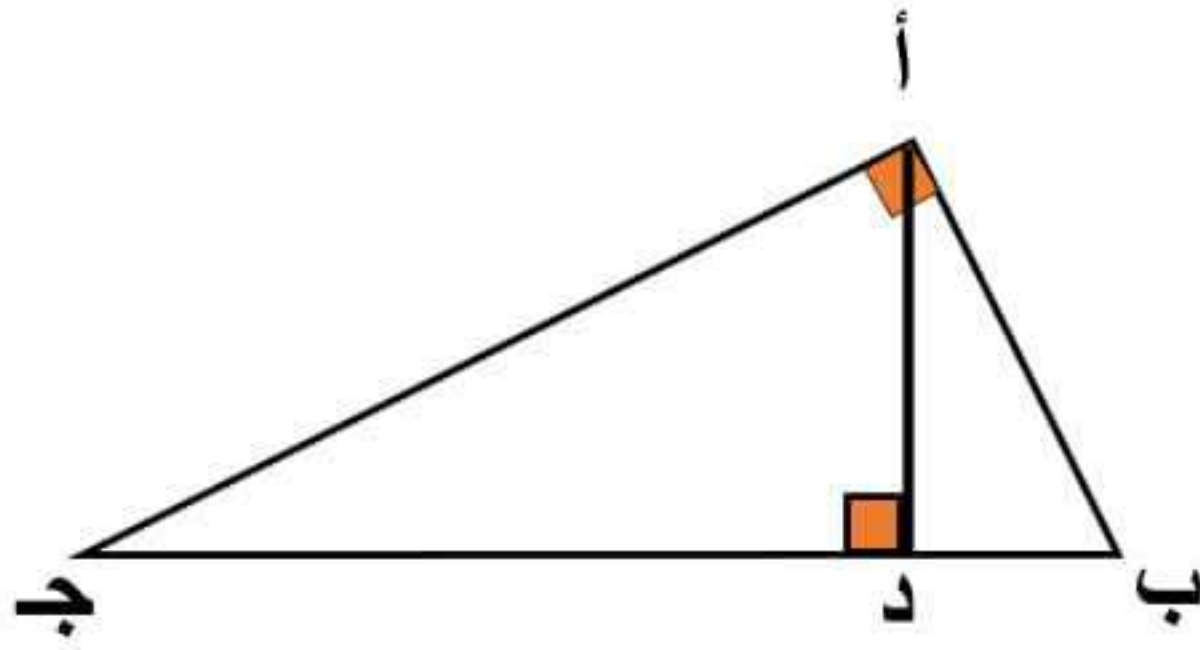
- (١) مسقط \overline{AB} على \overline{BC} هو D
- (٢) مسقط \overline{AC} على \overline{BC} هو C
- (٣) مسقط \overline{AD} على \overline{BC} هو D
- (٤) مسقط \overline{AB} على \overline{AD} هو A
- (٥) مسقط \overline{AC} على \overline{AD} هو A
- (٦) مسقط \overline{BC} على \overline{AD} هو D



نظرية إقليدس

7
الدرس
السابع

مساحة المربع المنشأ على أحد ضلعي القائمة في المثلث القائم الزاوية تساوي مساحة المستطيل الذي بعده طولهما طول مسقطها الضلع على الوتر وطول الوتر



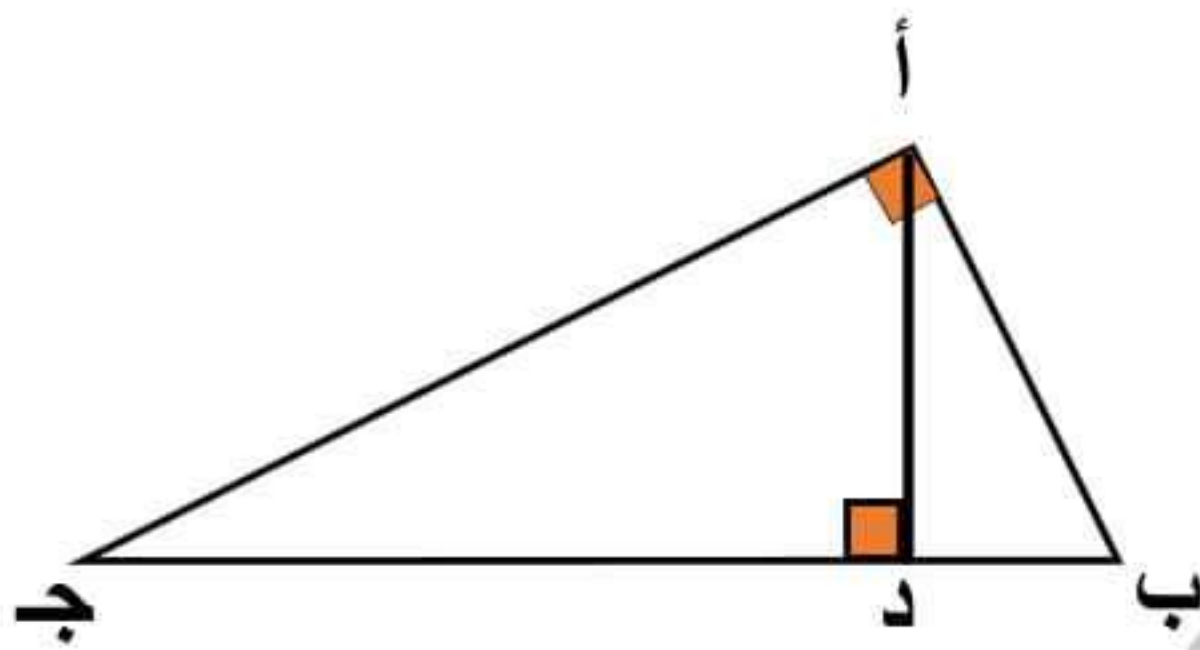
في $\triangle ABC$ قائم ، $AD \perp BC$ فإن:

$$1 \quad (AB)^2 = BD \times BC$$

$$2 \quad (AC)^2 = CD \times BC$$

$$3 \quad (AD)^2 = BD \times CD$$

$$4 \quad \frac{AB \times AC}{BC} = AD$$



مسقط الضلع AB على الوتر BC هو BD

مسقط الضلع AC على الوتر BC هو CD

مسقط الوتر BC على الضلع AB هو AB

مسقط الوتر BC على الضلع AC هو AC

مسقط الضلع AB على العمود AD هو AD

مسقط الضلع AC على العمود AD هو AD

ملاحظات

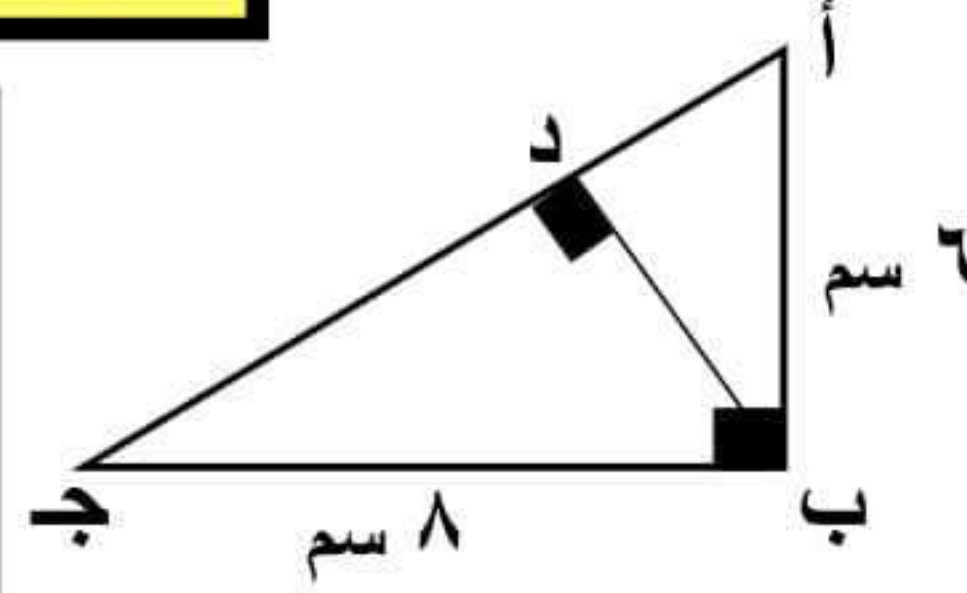
$$\frac{\text{مربع الضلع}}{\text{طول الوتر}} = \text{طول المسقط}$$

لحساب طول مسقط ضلع على الوتر

$$BD = \frac{(AB)^2}{BC} , \quad CD = \frac{(AC)^2}{BC}$$

أمثلة

١) في الشكل المقابل:



أ ب ج قائم في ب
ب د ⊥ أ ج

أ ب = ٦ سم ، ب ج = ٨ سم
أوجد طول ب د

الحل

في Δ أ ب ج من فيثاغورث:

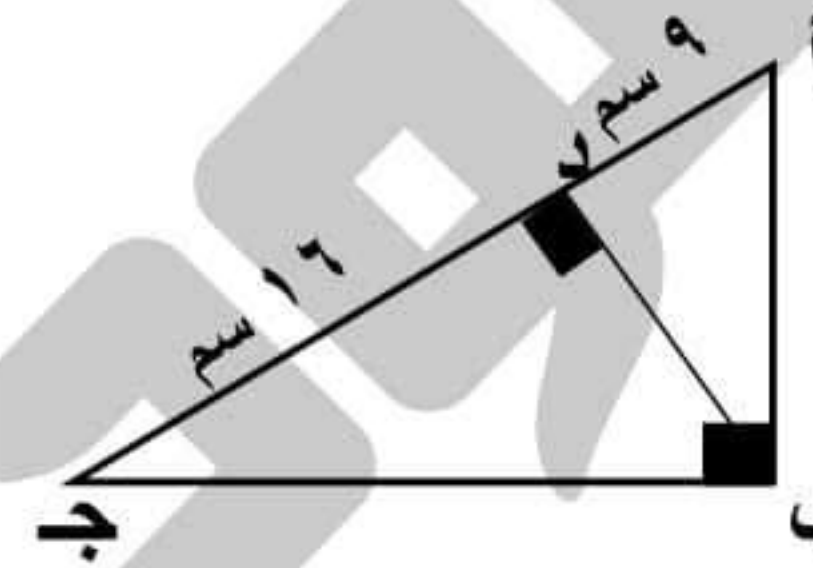
$$(أ ج)^2 = ٦^2 + ٨^2 = ١٠٠ \quad \therefore أ ج = ١٠ \text{ سم}$$

من إقليدس: Δ قائم ، ب د ⊥ أ ج

$$\frac{أ ب \times ب ج}{أ ج} = \frac{٨ \times ٦}{١٠} = \frac{٤٨}{١٠} = ب د$$

$$\therefore ب د = ٤,٨ \text{ سم}$$

٢) في الشكل المقابل:



أ ب ج قائم في ب
ب د ⊥ أ ج

أ د = ٩ سم ، د ج = ١٦ سم

أوجد طول كل من أ ب ، ب ج ، ب د

الحل

$$\text{الوتر أ ج} = ٩ + ١٦ = ٢٥ \text{ سم}$$

من إقليدس:

Δ قائم ، ب د ⊥ أ ج

$$\therefore (أ ب)^2 = أ د \times أ ج$$

$$٢٢٥ = ٢٥ \times ٩ =$$

$$\therefore أ ب = ١٥ \text{ سم}$$

$$(ب ج)^2 = د ج \times أ ج$$

$$٤٠٠ = ٢٥ \times ١٦ =$$

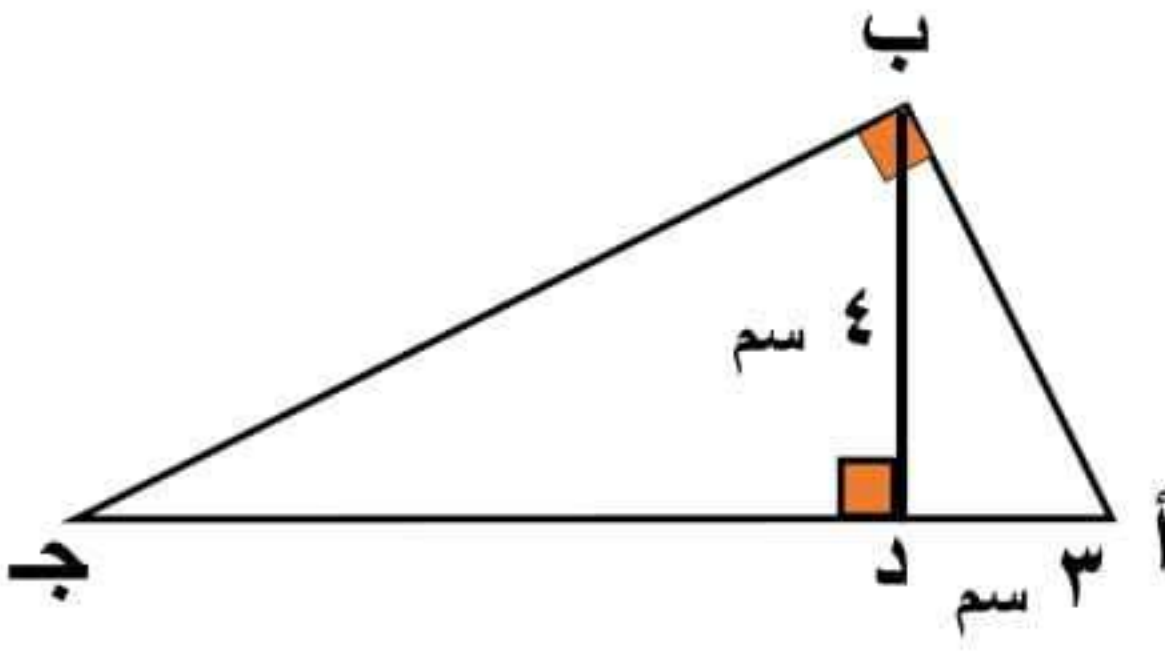
$$\therefore ب ج = ٢٠ \text{ سم}$$

$$(ب د)^2 = أ د \times د ج$$

$$١٤٤ = ١٦ \times ٩ =$$

$$\therefore ب د = ١٢ \text{ سم}$$

٣) في الشكل المقابل:



أ ب ج قائم في ب

ب د ⊥ أ ج

أ د = ٣ سم ،

ب د = ٤ سم

أوجد :

(١) طول أ ب

(٢) طول مسقط ب ج على أ ج

(٣) طول مسقط أ ج على ب ج

الحل

(١) في Δ أ د ب القائم من فيثاغورث:

$$(أ ب)^2 = ٩ + ١٦ = ٢٥ \quad \therefore أ ب = ٥ \text{ سم}$$

(٢) مسقط ب ج على أ ج هو د ج

Δ قائم ، ب د ⊥ أ ج

$$\therefore (ب د)^2 = أ د \times د ج$$

$$٢٤ = ٣ \times د ج$$

$$\therefore د ج = \frac{١٦}{٣} \text{ سم}$$

(٣) مسقط أ ج على ب ج هو ب د

نقدر نحسب ب ج باستخدام فيثاغورث أو باستخدام إقليدس

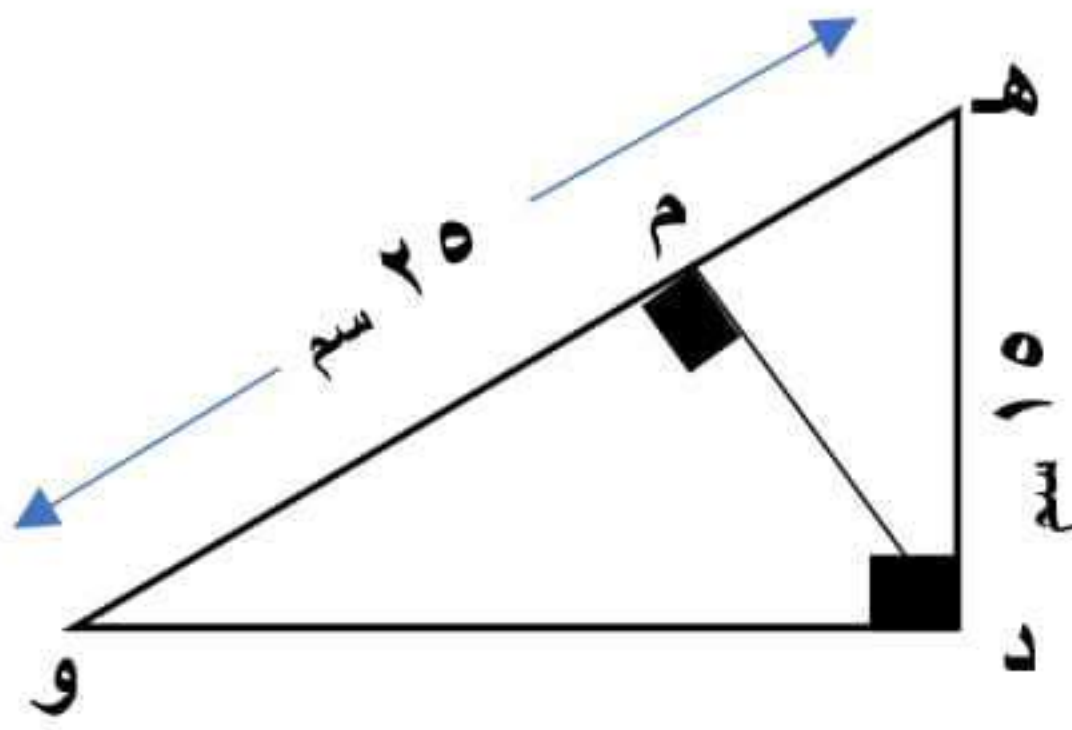
تعالوا نجيبها باستخدام إقليدس:

$$\text{الوتر أ ج} = ٣ + \frac{١٦}{٣} = \frac{٢٥}{٣} \text{ سم}$$

$$(ب ج)^2 = د ج \times أ ج$$

$$= \frac{١٦}{٣} \times \frac{٢٥}{٣} = \frac{٤٠٠}{٩}$$

$$\therefore ب ج = \frac{٢٠}{٣} \text{ سم}$$



٦ في الشكل المقابل:

$$\angle ق (د) = 90^\circ$$

$$\overline{د م} \perp \overline{هـ و}$$

$$هـ د = 15 \text{ سم}$$

$$هـ و = 25 \text{ سم}$$

أوجد طول كل من: $\overline{هـ م}$ ، $\overline{د و}$ ، $\overline{د م}$

الحل

في $\triangle هـ د و$ القائم من فيثاغورث:

$$(\overline{د و})^2 = (\overline{هـ و})^2 - (\overline{هـ د})^2$$

$$\therefore (\overline{د و})^2 = 25^2 - 15^2 = 625 - 225 = 400 \therefore \overline{د و} = 20 \text{ سم}$$

من إقليدس:

$$(\overline{د هـ})^2 = \overline{هـ م} \times \overline{هـ و}$$

$$15^2 = \overline{هـ م} \times 25$$

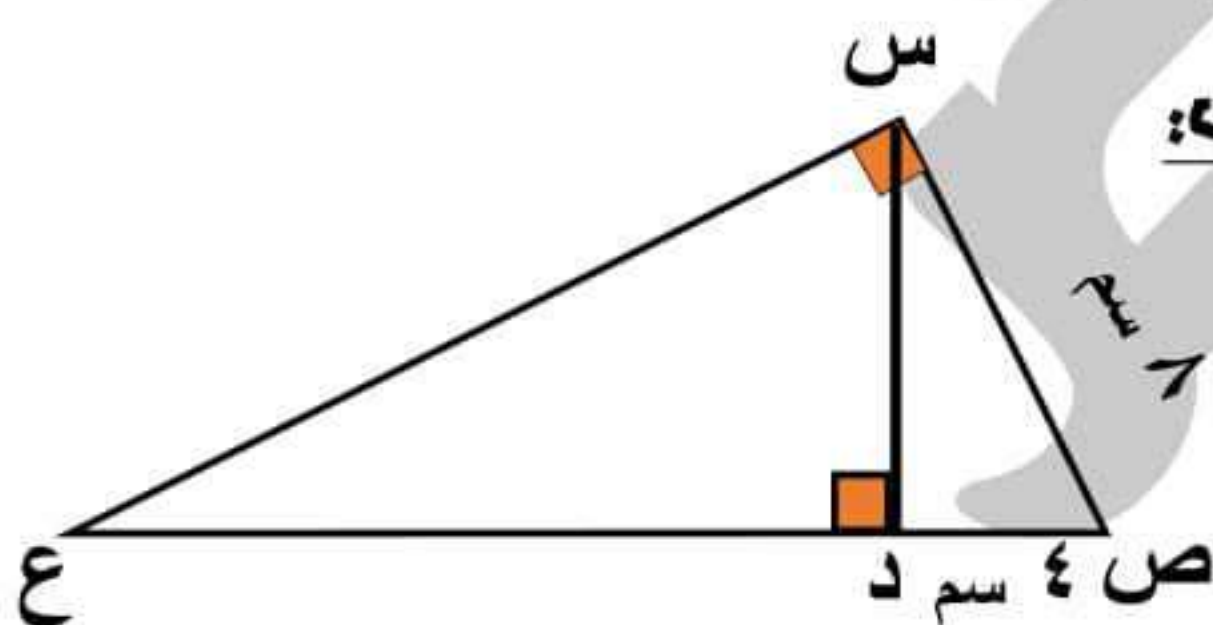
$$\therefore \overline{هـ م} = 25 \div 225 = 9 \text{ سم}$$

$$\therefore \overline{م و} = 25 - 9 = 16$$

$$(\overline{د م})^2 = \overline{هـ م} \times \overline{م و}$$

$$144 = 9 \times 16 =$$

$$\therefore \overline{د م} = 12 \text{ سم}$$



٧ في الشكل المقابل:

$$\angle ق (ب) = 90^\circ$$

$$\overline{س د} \perp \overline{ص ع}$$

أوجد طول $\overline{د ع}$

الحل

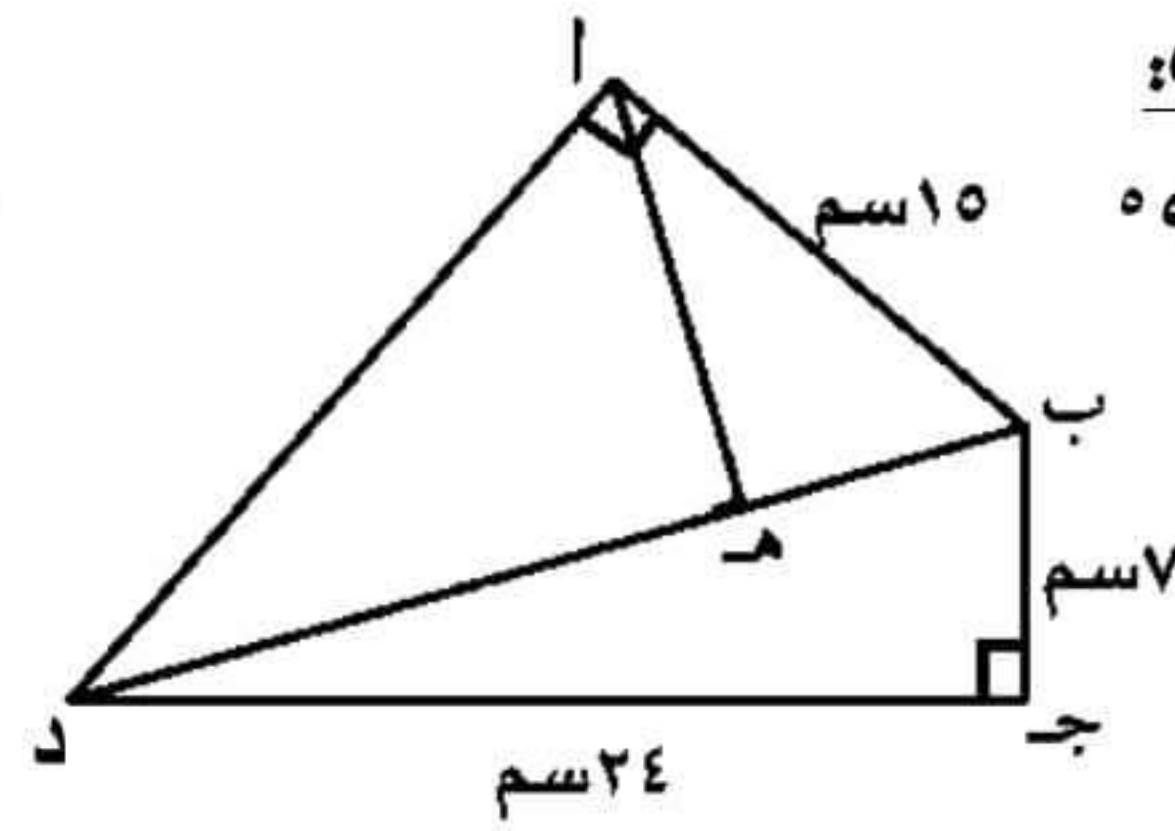
 $\therefore \triangle$ قائم ، $\overline{س د} \perp \overline{ص ع}$

$$\therefore (\overline{س ص})^2 = \overline{ص د} \times \overline{ص ع}$$

$$64 = 4 \times \overline{ص ع}$$

$$\therefore \overline{ص ع} = 64 \div 4 = 16 \text{ سم}$$

$$\therefore \overline{د ع} = 16 - 4 = 12 \text{ سم}$$



٤ في الشكل المقابل:

$$\angle ق (ج) = \angle ق (أ) = 90^\circ$$

$$\overline{أ هـ} \perp \overline{هـ د}$$

$$\overline{ب ج} = 7 \text{ سم}$$

$$\overline{ج د} = 24 \text{ سم}$$

$$\overline{أ ب} = 15 \text{ سم}$$

(١) أوجد طول كل من $\overline{ب د}$ ، $\overline{أ د}$
(٢) أوجد طول مسقط $\overline{أ ب}$ على $\overline{ب د}$

الحل

(١) في $\triangle ب ج د$ القائم من فيثاغورث:

$$(\overline{ب د})^2 = (\overline{ب ج})^2 + (\overline{ج د})^2$$

$$\therefore (\overline{ب د})^2 = 7^2 + 24^2 = 49 + 576 = 625 \therefore \overline{ب د} = 25 \text{ سم}$$

في $\triangle أ ب د$ من فيثاغورث:

$$(\overline{أ د})^2 = (\overline{أ ب})^2 - (\overline{ب د})^2$$

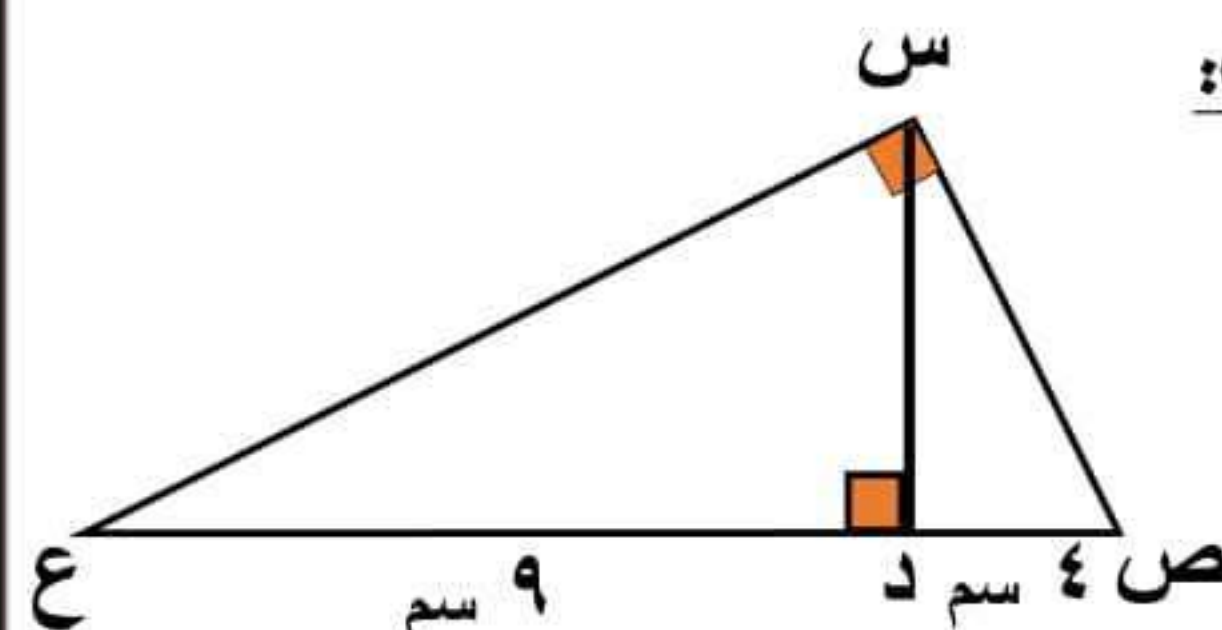
$$\therefore (\overline{أ د})^2 = 15^2 - 25^2 = 225 - 625 = -400 \therefore \overline{أ د} = 20 \text{ سم}$$

(٢) مسقط $\overline{أ ب}$ على $\overline{ب د}$ هو $\overline{ب هـ}$ في $\triangle أ ب د$ من إقليدس:

$$(\overline{أ ب})^2 = \overline{ب هـ} \times \overline{ب د}$$

$$225 = \overline{ب هـ} \times 25$$

$$\therefore \overline{ب هـ} = 25 \div 225 = 9 \text{ سم}$$



٥ في الشكل المقابل:

$$\angle ق (ب) = 90^\circ$$

$$\overline{س د} \perp \overline{ص ع}$$

أوجد طول $\overline{س د}$

الحل

 $\therefore \triangle$ قائم ، $\overline{س د} \perp \overline{ص ع}$

$$\therefore (\overline{س د})^2 = \overline{ص د} \times \overline{ص ع}$$

$$36 = 4 \times 9 =$$

$$\therefore \overline{س د} = 6 \text{ سم}$$

اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين:

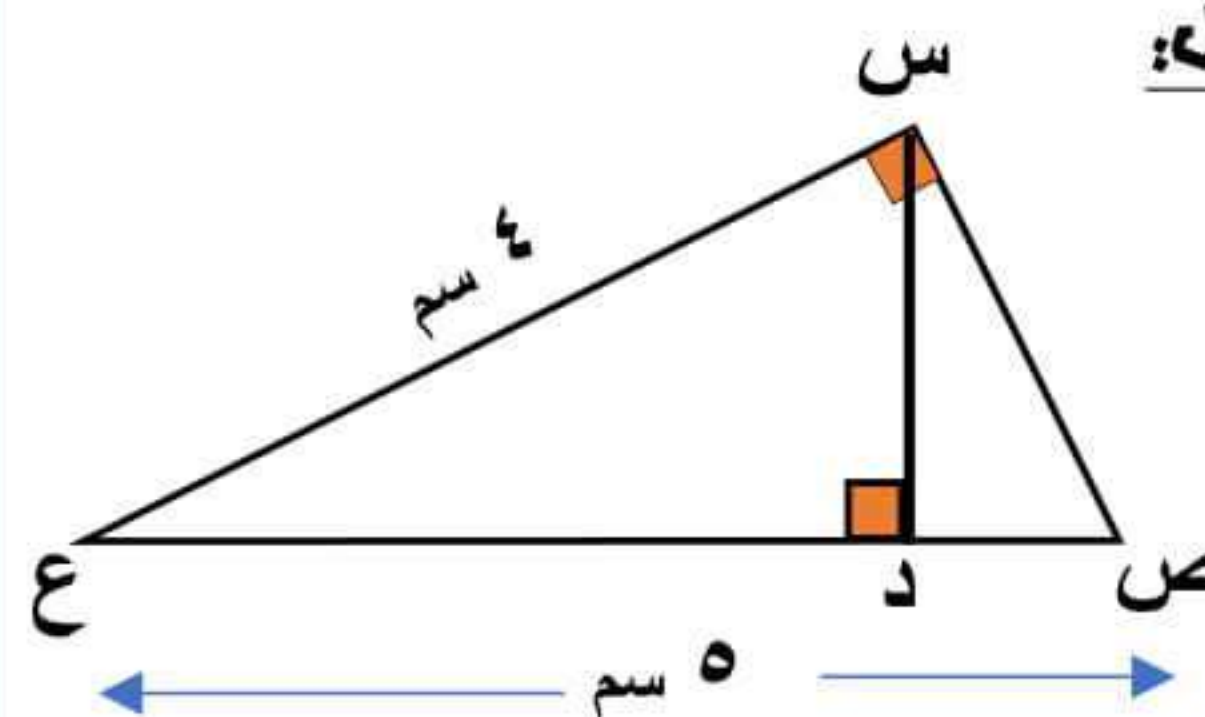
- ① طول مسقط قطعة مستقيمة على مستقيم معلوم طول القطعة الأصلية
(\leq ، \geq ، $<$ ، $=$)
- ② إذا كان مسقط نقطة أ على مستقيم ل هو النقطة ب فإن أب ل
($=$ ، \perp ، $//$ ، \equiv)
- ③ إذا كان مسقط قطعة مستقيمة على مستقيم هو قطعة مستقيمة مساوية لها في الطول فإن القطعة المستقيم
($<$ ، $=$ ، \perp ، $//$)
- ④ طول مسقط قطعة مستقيمة موازية لمستقيم معلوم على هذا المستقيم طول القطعة المستقيمة
(\neq ، $=$ ، $<$ ، $>$)
- ⑤ إذا كان أب \perp ب ج فإن مسقط أب على ب ج هو
(أب ، ب ج ، أج ، {ب})
- ⑥ مسقط قطعة مستقيمة عمودية على مستقيم معلوم هو
(نقطة ، قطعة مستقيمة ، شعاع ، خط مستقيم)
- ⑦ Δ أب ج قائم في ب ، ب د \perp أج فإن مسقط ب د على أج هو
(أ ، ب ، ج ، د)
- ⑧ أب ج Δ قائم الزاوية في أ ، أب = أج = ٤ سم ، أ د \perp ب ج يقطعه في د فإن أد = سم
(٣ ، $2\sqrt{2}$ ، ٥ ، ٢)
- ⑨ طول مسقط نقطة على مستقيم =
(١ سم ، ٢ سم ، ٥ سم ، ٠ سم ، صفر)

أكمل ما يأتي:

- ① إذا كانت النقطة أ \in المستقيم ل فإن مسقط أ على المستقيم ل هو
- ② مساحة المربع المنشأ على أحد ضلعي القائمة يساوي مساحة المستطيل الذي بعده
.....
- ③ أب ج Δ قائم الزاوية في ب ، ب د \perp أج يقطعه في د فإن (أب) =
..... ×
- ④ إذا كان أب $//$ س ص فإن طول مسقط أب على س ص طول أب

أجب عن الأسئلة التالية:

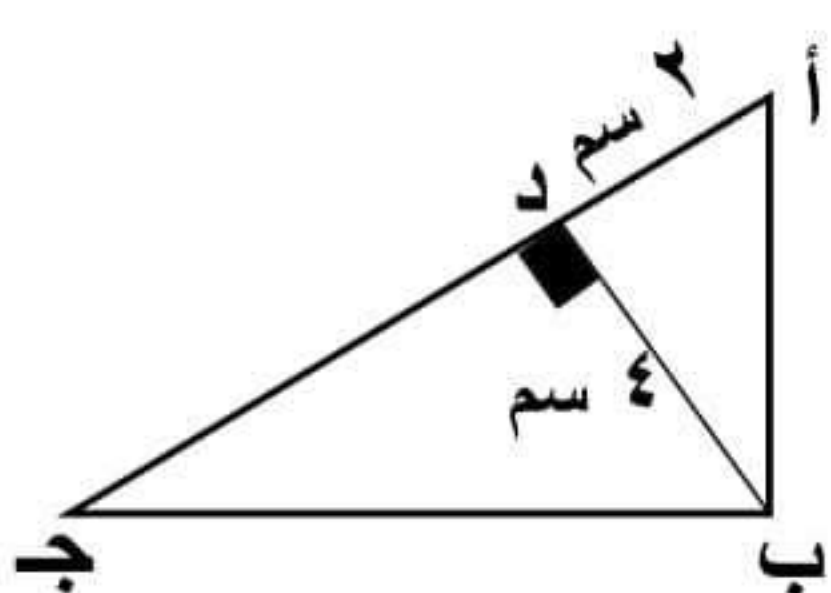
١ في الشكل المقابل:



ق (س) = 90°
 $\overline{SD} \perp \overline{CV}$
 س ع = ٤ سم
 ص ع = ٥ سم

أوجد طول كل من: س ص ، د ع ، س د

٢ في الشكل المقابل:



ب د \perp أج
 ق (أ ب ج) = 90°
 أ د = ٢ سم
 ب د = ٤ سم
 أوجد طول ج د

التعرف على نوع المثلث بالنسبة لزاياه

8
الدرس
الثامن

لمعرفة نوع المثلث بالنسبة لزاياه:

نربع الضلع الأكبر وليكن أ ج ثم نربع الضلعين الآخرين ونقارن كالتالي:

❖ إذا كان: $\angle (أ ج) = \angle (أ ب) + \angle (ب ج)$ Δ قائم الزاوية في ب❖ إذا كان: $\angle (أ ج) < \angle (أ ب) + \angle (ب ج)$ Δ منفرج الزاوية في ب❖ إذا كان: $\angle (أ ج) > \angle (أ ب) + \angle (ب ج)$ Δ حاد الزوايا

أمثلة

٣ حدد نوع Δ س ص ع بالنسبة لزاياه إذا كان:
س ص = ٣ سم ، ص ع = ٧ سم ، س ع = ٥ سم

الحل

١ حدد نوع Δ أ ب ج بالنسبة لزاياه إذا كان:
أ ب = ٩ سم ، ب ج = ٦ سم ، أ ج = ٤ سم

الحل

$$\angle (أ ب) = ٩ \times ٩ = ٨١$$

$$\angle (ب ج) + \angle (أ ج) = ٣٦ + ١٦ = ٥٢$$

$$\angle (أ ب) < \angle (ب ج) + \angle (أ ج)$$

 Δ منفرج الزاوية في ج٤ حدد نوع Δ أ ب ج بالنسبة لزاياه إذا كان:
أ ب = ٥ سم ، ب ج = ١٢ سم ، أ ج = ١٣ سم

الحل

٢ حدد نوع Δ أ ب ج بالنسبة لزاياه إذا كان:
أ ب = ٥ سم ، ب ج = ٦ سم ، أ ج = ٧ سم

الحل

$$\angle (أ ج) = ٧ \times ٧ = ٤٩$$

$$\angle (ب ج) + \angle (أ ب) = ٣٦ + ٢٥ = ٦١$$

$$\angle (أ ج) > \angle (ب ج) + \angle (أ ب)$$

 Δ حاد الزوايا

8 تمارين

اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين:

- ① في Δ أ ب ج إذا كان $\angle(أ) < \angle(أ) + \angle(ب)$ فإن زاوية ب تكون
(حادة ، قائمة ، منفرجة ، منعكسة)
- ② في Δ أ ب ج إذا كان $\angle(أ) > \angle(أ) + \angle(ب)$ فإن زاوية ب تكون
(حادة ، قائمة ، منفرجة ، منعكسة)
- ③ في Δ أ ب ج إذا كان $\angle(أ) = \angle(أ) + \angle(ب)$ فإن زاوية ب تكون
(حادة ، قائمة ، منفرجة ، منعكسة)
- ④ في Δ أ ب ج إذا كان $\angle(أ) > \angle(ب) + \angle(ج)$ فإن زاوية ب تكون
(حادة ، قائمة ، منفرجة ، منعكسة)
- ⑤ المثلث الى أطوال أضلاعه ٦ ، ٨ ، ١١ سم هو مثلث
(حاد الزوايا ، قائم الزاوية ، منفرج الزاوية ، متساوي الأضلاع)
- ⑥ المثلث الى أطوال أضلاعه ٣ ، ٤ ، ٥ سم هو مثلث
(حاد الزوايا ، قائم الزاوية ، منفرج الزاوية ، متساوي الأضلاع)
- ⑦ في Δ أ ب ج إذا كان $\angle(أ) = ٩^\circ$ ، $\angle(ب) = ٢٥^\circ$ ، $\angle(ج) = ٩^\circ$ فإن المثلث يكون
(حاد الزوايا ، قائم الزاوية ، منفرج الزاوية ، متساوي الأضلاع)
- ⑧ في Δ أ ب ج إذا كان $\angle(أ) = \angle(أ) + \angle(ب)$ فإن زاوية ب تكون
(حادة ، قائمة ، منفرجة ، منعكسة)
- ⑨ أ ب ج Δ فإذا كان $\angle(أ) = \angle(أ) + \angle(ب) + ٥^\circ$ فإن زاوية ج تكون
(حادة ، قائمة ، منفرجة ، منعكسة)

أكمل ما يأتي:

- ① في Δ أ ب ج إذا كان $\angle(أ) = \angle(ب) - \angle(ج)$ فإن ج تكون
- ② مثلث أطوال أضلاعه ٣ سم ، ٤ سم ، ٥ سم تكون مساحته = سم^٢
- ③ الأطوال ٦ سم ، ٨ سم ، ١٠ سم تصلح أن تكون أطوالاً لأضلاع مثلث
- ④ الأطوال ٥ سم ، ٦ سم ، ٧ سم تصلح أن تكون أطوالاً لأضلاع مثلث

المساحة

المنطقة المستوية :-

- يقسم المضلع المستوي المرسوم فيه إلى ثلاث مجموعات من النقط
- مجموعة نقط المضلع وهي المضلع .
 - مجموعة النقط داخل المضلع وتسمى داخل المضلع .
 - مجموعة النقط خارج المضلع وتسمى خارج المضلع
- وحدة قياس المساحة :-
- هي مساحة سطح مربع طول ضلعه وحدة قياس الأطوال .

مسلمات المساحة

- تعتمد دراستنا التالية في مساحة المضلعات علي المسلمات الآتية :
- مساحة المضلع هي عدد موجب (وحيد) .
 - مساحة مستطيل بعده ل ، ع من وحدات الأطوال تساوي ل ع
 - وحدة مربعة وقد سبق لك دراسة ذلك في المرحلة الابتدائية .

$$\text{مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

نعلم أن :

- ** متوازي الأضلاع هو شكل رباعي فيه كل ضلعين متقابلين متوازيين
- ** خواص متوازي الأضلاع :

(١) كل ضلعين متقابلين متساويين في الطول

(٢) كل زاويتين متقابلتين متساويتين في القياس

(٣) القطران ينصف كل منهما الآخر

المعين والمستطيل والمربع هي حالات خاصة من متوازي الأضلاع

البعد بين كل مستقيمين متوازيين ثابت إرسم مثال لذلك ، أذكر أمثلة من بيئتك

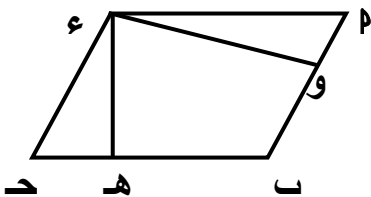
إرتفاع متوازي الأضلاع :

في الشكل المقابل م ب ح د متوازي أضلاع

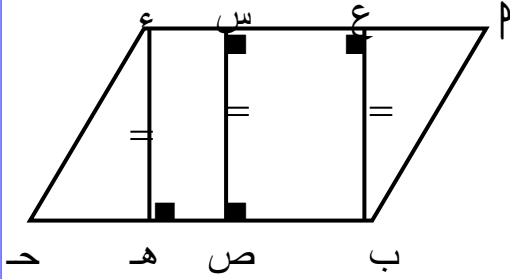
إذا كانت ج ب قاعدة له ، وكان ه د \perp ج ب

فيكون طول ه د هو الإرتفاع المناظر للقاعدة ج ب

بالمثل طول ه و هو الإرتفاع المناظر للقاعدة م ب



ملاحظة :



ارتفاع متوازي الاضلاع المناظر للقاعدة جـ ب

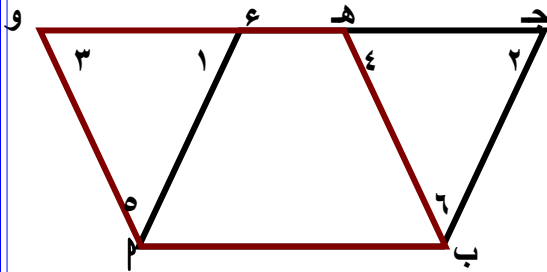
يكون مساوياً للارتفاع المناظر للقاعدة عـ م

حيث : ع هـ = س = ع ب

مساحة متوازي الاضلاع

نظرية سطح متوازي الاضلاع المشتركين في القاعدة والمحصورين بين مستقيمين متوازيين أحدهما يحمل هذه القاعدة متساويان في المساحة

المعطيات: م ب // جـ ع ، م ب جـ ع ، م ب هـ و متوازي أضلاع مرسوم على القاعدة أ ب



المطلوب: م ب جـ ع = م ب جـ و

البرهان: م ب جـ و ، م ب جـ هـ

∴ ق (١) = ق (٢) بالتناظر

∴ ق (٣) = ق (٤) بالتناظر

∴ ق (٥) = ق (٦)

م ب جـ و ، م ب جـ هـ

فيهما

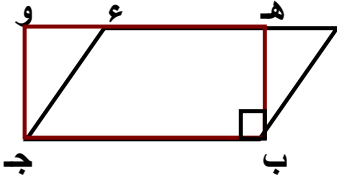
ق (٥) = ق (٦)

∴ م ب جـ و ≡ م ب جـ هـ

الشكل م ب جـ و - م ب جـ هـ = الشكل م ب جـ و - م ب جـ هـ

∴ مساحة سطح م ب جـ ع = مساحة سطح م ب هـ و

نتيجة ١: مساحة متوازي الاضلاع تساوي مساحة المستطيل المشترك معه في القاعدة والمحصور معه بين مستقيمين متوازيين أحدهما يحمل هذه القاعدة



مساحة متوازي الاضلاع م ب جـ ع

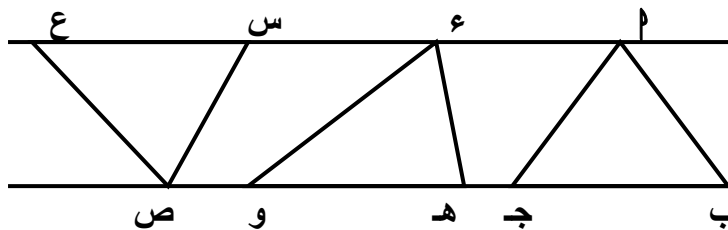
= مساحة المستطيل هـ ب جـ و

نتيجة ٢ :

مساحة متوازي الاضلاع = طول القاعدة × الارتفاع

نتيجة ٣: متوازيات الاضلاع المحصورة بين مستقيمين متوازيين وقواعدهما التي على أحد هذين المستقيمين متساوية في الطول تكون متساوية في المساحة

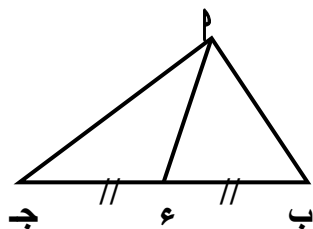
نتيجة ١: المثلثات التي قواعدها متساوية في الطول والمحصورة بين مستقيمين متوازيين تكون متساوية في المساحة



إذا كان $BC \parallel EF$ ،
 $BC = EF = h$ ،
 فان :

∴ مساحة $\triangle BAC =$ مساحة $\triangle ECF =$ مساحة $\triangle FGH$

نتيجة ٢: متوسط المثلث يقسم سطحه الى سطحين متساويين في المساحة في الشكل المقابل

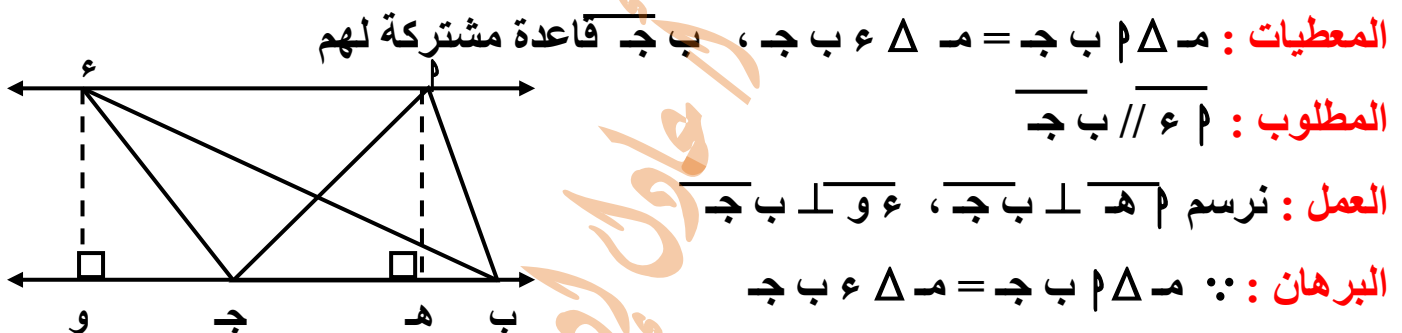


إذا كان AD متوسط في $\triangle ABC$ ،
 فان :

مساحة $\triangle ABD =$ مساحة $\triangle ADC$

نظرية ٣: المثلثان المتساويان في مساحتهما والمرسومان على قاعدة واحدة وفي

جهة واحدة من هذه القاعدة يكون رأسهما على مستقيم يوازي هذه القاعدة



المعطيات: $\triangle ABC = \triangle DEF$ ، $BC = EF$ ، $BC \parallel EF$ ، h مشتركة لهم

المطلوب: $BC \parallel EF$ ، h مشتركة لهم

العمل: نرسم $AD \perp BC$ ، $FE \perp EF$ ، h مشتركة لهم

البرهان: ∴ $\triangle ABC = \triangle DEF$ ، $BC = EF$ ، h مشتركة لهم

$$\frac{1}{2} \times BC \times h = \frac{1}{2} \times EF \times h$$

∴ $BC = EF$ ، h مشتركة لهم ، AD و FE عمودان على BC و EF

∴ $BC \parallel EF$ ، h مشتركة لهم ، AD و FE عمودان على BC و EF ، ∴ $BC \parallel EF$ ، h مشتركة لهم

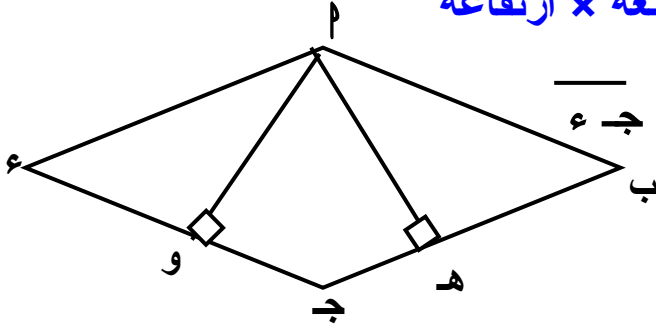
مساحة المعين

تذكر أن المعين هو متوازي أضلاع تكون أضلاعه متساوية في الطول .

خواصه

- (١) كل ضلعين متقابلين متوازيين
- (٢) القطران متعامدان وينصف كلا منهما الآخر
- (٣) القطران ينصف كلا منهما زاويتا الرأس الواصل بينهما

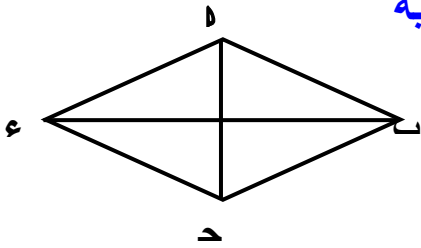
مساحة المعين : إذا علم طول ضلعه ، إرتفاعه
مساحة المعين = طول ضلعه × إرتفاعه



م ب ج ع معين فيه : م هـ ⊥ ب ج ، م و ⊥ ع ج
∴ مساحة المعين = ب ج × م هـ
= ج ع × م و

مساحة المعين : إذا علم طولاً قطريه

مساحة المعين = $\frac{1}{2}$ حاصل ضرب طولاً قطريه



م ب ج ع معين فيه : م ج ، ب ع قطران لهما
∴ مساحة المعين = $\frac{1}{2}$ م ج × ب ع

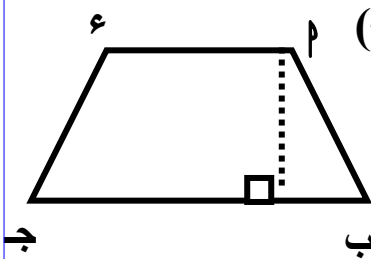
نتيجة

مساحة المربع = $\frac{1}{2}$ مربع طول قطره

تذكر أن مساحة المربع = مربع طول ضلعه ، ، محيط المربع = طول ضلعه × ٤

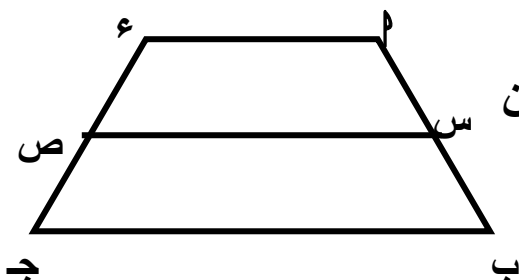
مساحة شبه المنحرف

شبه المنحرف :- هوشكل رباعي فيه ضلعين متوازيين (هما قاعدتيه)
ويسمى كل ضلع من الضلعين الغير متوازيين (ساقا)
ففى الشكل المقابل



أ ع ، ب ج هما قاعدتا شبه المنحرف ، أ ب ، ع ج هما ساقيه .

مساحة شبه المنحرف = $\frac{1}{2}$ مجموع القاعدتين المتوازيتين × إرتفاع

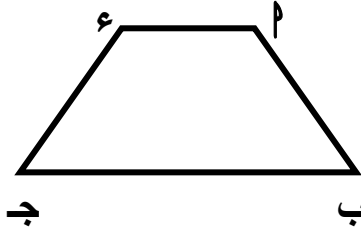


مساحة شبه المنحرف = القاعدة المتوسطة × إرتفاع
القاعدة المتوسطة هى نصف مجموع القاعدتين المتوازيين

س ص تسمى القاعدة المتوسطة

ويكون : س ص = $\frac{م ب + ج ع}{2}$

شبه المنحرف المتساوى الساقين



شبه منحرف ساقيه متساويان فى الطول (ا ب = ع د)

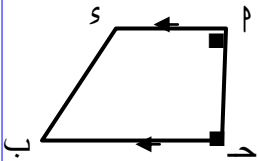
وخاصه هى

(١) زاويتا القاعدة فى شبه المنحرف متطابق الساقين متطابقتان .

(٢) قطرا شبه المنحرف متطابق الساقين متطابقتان .

(٣) قطر شبه المنحرف يقسمه إلى مثلثين غير متساويين فى المساحة لماذا ؟

شبه المنحرف القائم الزاوية :



هو شبه منحرف فيه أحد ساقيه عمودى على القاعدتين المتوازيتين

فى الشكل المقابل : ع د \perp كل من ب ج ، م ب

أى أن : إرتفاع شبه المنحرف م ب د ع هو طول

محيط ومساحة بعض المضلعات

الشكل	محيط	مساحة
المستطيل	(الطول + العرض) $\times ٢$	الطول \times العرض
المربع	طول ضلعه $\times ٤$	طول الضلع \times نفسه = نصف مربع طول قطره
المثلث	مجموع أطوال أضلاعه	نصف القاعدة \times الارتفاع
متوازى الاضلاع	٢ (مجموع ضلعين متجاورين)	طول القاعدة \times الارتفاع
المعين	طول ضلعه $\times ٤$	طول ضلعه \times ارتفاعه = نصف حاصل ضرب قطريه
شبه المنحرف	مجموع أطوال أضلاعه	القاعدة المتوسطة \times الارتفاع
الدائرة	٢ ط نق	ط نق ٢

التشابه

تعريف التطابق :-

يقال لمضلعين م_١ ، م_٢ أنهما متطابقان إذا تحقق الشرطان معاً

١- قياسات الزوايا المتناظرة متساوية

٢- أطوال أضلاع المتناظرة متساوية

ويكتب م_١ ≡ م_٢

تشابه مضلعين :

يقال لمضلعين (لهما نفس العدد من الأضلاع) أنهما متشابهان إذا تحقق الشرطين معاً :

(أولاً) قياسات زواياهما المتناظرة متساوية

(ثانياً) أطوال أضلاعهما المتناظرة متناسبة

ملاحظة : يستخدم الرمز (~) للتعبير عن التشابه

ففى الشكل المقابل :

إذا كان : المضلع س ص ع ل ~ المضلع د ع هـ و

فإن : و (> س) = و (> د)

، و (> ص) = و (> ع)

، و (> ع) = و (> هـ)

، و (> ل) = و (> و)

أيضاً : $\frac{س}{د} = \frac{ص}{ع} = \frac{ل}{هـ} = \frac{و}{و}$ = مقدار ثابت

ملاحظات هامة :

(١) يجب كتابة المضلعين المتشابهين بنفس ترتيب رؤوسهما المتناظرة

فإذا كان المضلع م ب د ع هـ ~ المضلع س ص ع ل م فإن :

الرأس م يناظر الرأس س ، الرأس ب يناظر الرأس ص وهكذا

(٢) إذا تشابه مضلعان فإننا نستنتج أن : ** قياسات زواياهما المتناظرة متساوية

** أطوال أضلاعهما المتناظرة متناسبة

(٣) لكي يتشابه مضلعان يجب توافر الشرطين معاً ولا يكفي توافر أحدهما دون الآخر

(٤) المضلعان المتطابقان متشابهان بينما ليس من الضروري أن يكون المضلعان

المتشابهان متطابقين

(٥) المضلعان المشابهان لثالث متشابهان

(٦) أى مضلعين منتظمين لهما نفس عدد الأضلاع يكونان متشابهين

(٧) تسمى النسبة الثابتة بين أطوال الأضلاع بنسبة التكبير أو مقياس الرسم ، وإذا كانت هذه النسبة = ١ فإن المضلعين يتطابقان
تدريب : هل يتشابه المربع والمستطيل ؟ ولماذا ؟
هل يتشابه المربع والمعين ؟ ولماذا ؟

تعريف التشابه :-

يقال لمضلعين م_١ ، م_٢ أنهما متشابهان إذا تحقق الشرطان معاً
١- قياسات الزوايا المتناظرة متساوية
٢- أطوال أضلاع المتناظرة متناسبة
ويكتب م_١ ~ م_٢

ملاحظات هامة :-

(١) لاثبات تشابه مثلثين يكفي فقط بأثبات تحقق أحد الشرطين
١- قياسات الزوايا المتناظرة متساوية
٢- أطوال أضلاع المتناظرة متناسبة
(٢) يجب ترتيب رؤوس المضلعين المتشابهين على حسب تساوى قياسات الزوايا

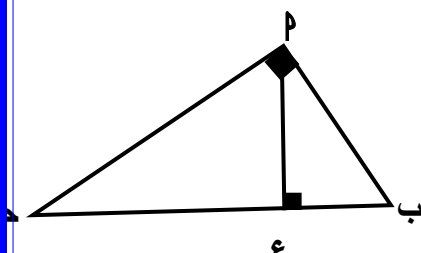
حالات خاصة :

(١) المثلثان المتساويا الأضلاع متشابهان
(٢) يتشابه المثلثان القائمة الزاوية إذا ساوى قياس إحدى الزاويتين الحادتين فى أحدهما قياس إحدى الزاويتين الحادتين فى الآخر
(٣) يتشابه المثلثان المتساويا الساقين إذا ساوى قياس إحدى زاويتي القاعدة فى أحدهما قياس إحدى زاويتي القاعدة فى الآخر

ملحوظة : يجب كتابة المثلثين المتشابهين بنفس ترتيب رؤوسهما المتناظرة

ملاحظة : إذا رسم من رأس القائمة فى المثلث القائم الزاوية عمود على الوتر إنقسم المثلث إلى مثلثين متشابهين وكلاهما يشابه المثلث الأصلي

ففى الشكل المقابل :



$\triangle ABC$ قائم الزاوية فى C ، $\angle C = 90^\circ$ ، $CD \perp AB$

فإن : $\triangle ABC \sim \triangle ADC \sim \triangle CDB$

و من ذلك نجد :

$$\frac{AC}{AB} = \frac{AD}{AC} \quad \therefore AC^2 = AD \cdot AB$$

$$AC^2 = AD \cdot AB$$

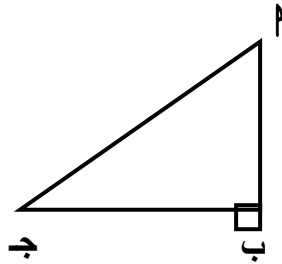
$$AC^2 = AD \cdot AB$$

$$BC^2 = BD \cdot AB$$

ملاحظة : النسبة بين محيطى مضلعين متشابهين تساوى النسبة بين طولى أى ضلعين متناظرين

عكس نظرية فيثاغورث

إذا كان مجموع مساحتي سطحي المربعين المنشأين على ضلعين من أضلاع مثلث يساوى مساحة سطح المربع المنشأ على الضلع الثالث كانت الزاوية المقابلة لهذا الضلع قائمة



لأثبت أن مثلث قائم الزاوية

نحدد أكبر الأضلاع طولا وليكن م ج

نوجد مربع طوله أى : (م ج)²

ثم نجد مجموع مربعي الضلعين الآخرين

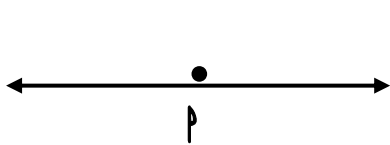
(م ب)² + (ب ج)² فإذا كان

(أ ج)² = (م ب)² + (ب ج)² كان المثلث قائم الزاوية فى ب

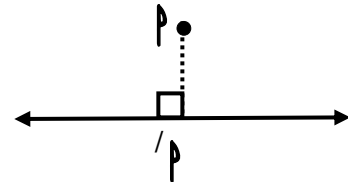
المساقط

مسقط نقطة على مستقيم

هو موقع العمود المرسوم من هذه النقطة على هذا المستقيم .

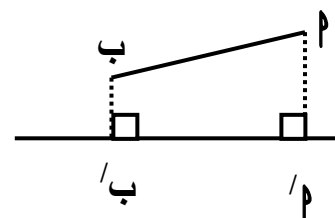
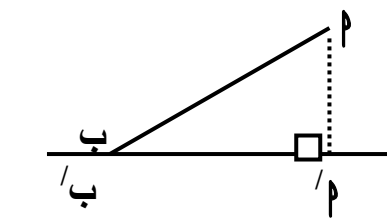
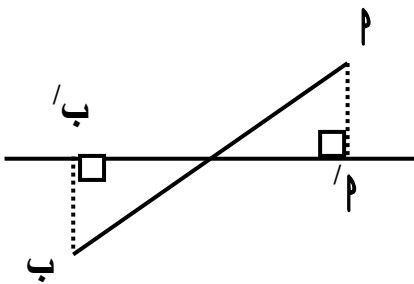


حالة خاصة إذا كان م و ل
فان مسقطها هو نفسها



أ' هي مسقط أ على المستقيم ل

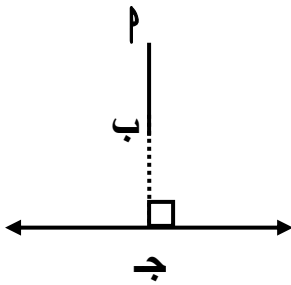
مسقط قطعة مستقيمة على مستقيم



فى كل شكل من الاشكال السابقة م' ب' هي مسقط م ب

حالة خاصة

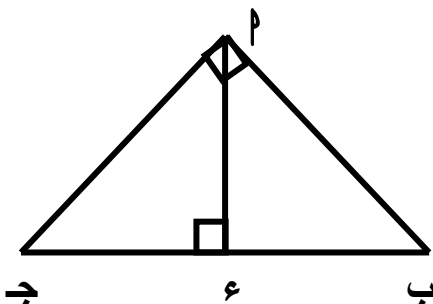
إذا كان $م \perp ل$ فان
مسقط $م$ على $ل$ هو نقطة جـ



نظرية إقليدس

مساحة سطح المربع المنشأ على أحد ضلعي القائمة في المثلث القائم الزاوية
يساوى مساحة المستطيل الذى بعده طول مسقط هذا الضلع على الوتر وطول
الوتر

فى الشكل : $\Delta م ب جـ$: ق ($م \angle$) = ٩٠° ، $م \perp ع ب جـ$



$$(م ب)^2 = ب ع \times جـ ب$$

$$(جـ م)^2 = جـ ع \times ب جـ$$

$$م ب \times ب جـ = جـ م \times ب م$$

$$(ع م)^2 = ب ع \times جـ ع$$

التعرف على نوع مثلث بالنسبة لزاواياه

لمعرفة نوع مثلث بالنسبة لزاوايا نوجد اضلاعه الثلاثة $م ب$ ، $ب جـ$ ، $م جـ$
وبفرض أن $أ جـ$ هو أكبر الاضلاع طولا فاذا كان

$$[(م جـ)^2 = (ب جـ)^2 + (م ب)^2] \text{ يكون المثلث قائم الزاوية فى ب }$$

$$[(م جـ)^2 < (ب جـ)^2 + (م ب)^2] \text{ يكون المثلث منفرج الزاوية فى ب }$$

$$[(م جـ)^2 > (ب جـ)^2 + (م ب)^2] \text{ يكون المثلث حاد الزوايا }$$

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة من الإجابات المعطاه

١	مربع طول قطره ٨ سم فإن مساحته = سم ^٢ [٦٤ ٨ ٣٢ ١٦]
٢	في Δ أ ب ح إذا كان \angle أ $<$ \angle ب + \angle ح فإن \angle ب تكون [حادة قائمة منفرجة مستقيمة]
٣	إذا كان Δ أ ب ح \sim Δ د ص ع فإن \angle د = \angle ب (.....) [ب د ص ع]
٤	مساحة المعين الذي طولاً قطريه ٨ سم ٦ سم = سم ^٢ [٦٤ ٣٦ ٢٤ ٤٨]
٥	إذا كانت مساحة متوازي الأضلاع أ ب ح = ٥٠ سم ^٢ فإن مساحة Δ أ ب ح = سم ^٢ [٥٠ ٥ ١٠ ٢٥]
٦	طول القاعدة المتوسطة لشبه منحرف طول قاعدتيه المتوازيتان ١٤ سم ١٠ سم = [٢٤ سم ١٢ سم ١٠ سم ١٤ سم]
٧	مربع مساحة سطحه ٧٢ سم ^٢ فإن طول قطره = سم [٣٦ ٧٢ ١٢ ١٤٤]
٨	إذا كانت نسبة التكبير لثلثين متشابهين فإنهما يكونان متطابقين [١ ٢ ٣ ٤]
٩	في Δ أ ب ح إذا كان \angle أ $<$ \angle ب + \angle ح فإن زاوية ب تكون [حادة قائمة منفرجة مستقيمة]
١٠	متوازي أضلاع مساحة سطحه ٦٠ سم ^٢ وطول قاعدته ١٠ سم فإن ارتفاعه المناظر لها = [٥ سم ٦ سم ١٢ سم ٣٠ سم]

١١	المثلث الذى طول قاعدته ٧ سم ومساحته ٢٨ سم ^٢ يكون ارتفاعه = سم [٣ ٤ ٦ ٨]
١٢	ا ب ح د إذا كان \overline{AD} متوسط فإن م د ا ب د = [م د ا ب ح د م د ا ب ح د م د ا ب ح د م د ا ب ح د]
١٣	مضلعان متشابهان النسبة بين طولاهما ضلعين متناظرين فيهما ٣ : ٥ تكون النسبة بين محيطيهما = [٢ : ٥ ٣ : ٥ ٤ : ٥ ٥ : ٣]
١٤	المثلث الذى أطوال أضلاعه ٥ سم ٨ سم ٧ سم يكون [منفرج الزاوية ١ حاد الزوايا ٢ قائم الزاوية ٣ متساوى الساقين]
١٥	مربع مساحته ٥٠ سم ^٢ فإن طول قطره = سم [٢٥ ١٠ ٧٥ ١٠٠]
١٦	طول مسقط قطعة مستقيمة على مستقيم طول القطعة المستقيمة نفسها [< > ≥ ≤]
١٧	Δ ا ب ح فيه (ا ح) < (ا ب) + (ب ح) فإن (ب) تكون [حادة ١ قائمة ٢ منفرجة ٣ مستقيمة]
١٨	شبه منحرف طول قاعدته المتوسطة ٧ سم وارتفاعه ٦ سم تكون مساحته = سم ^٢ [٢٢ ١٣ ٤٢ ٢١]
١٩	مربع محيطه ٢٠ سم تكون مساحته = سم ^٢ [٢٠ ٢٥ ٥٠ ١٠٠]
٢٠	متوازي أضلاع مساحته ٤٠ سم ^٢ وقاعدته ٨ سم فإن الارتفاع المناظر لها = سم [٥ ١٠ ٨ ٣٢]

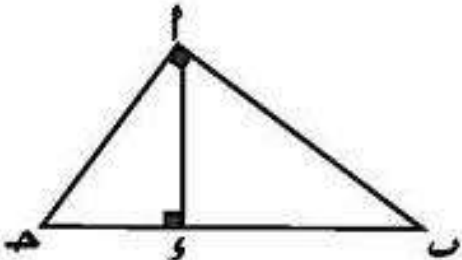
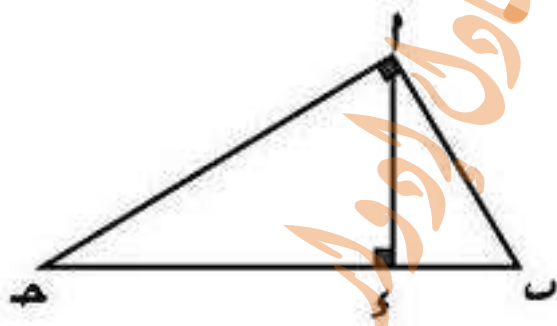
٢١	مثلث مساحته ٤٨ سم ^٢ وارتفاعه ٨ سم فإن طول قاعدته = سم [٦ سم ١٢ سم ٨ سم ٢٤ سم]
٢٢	مضلعان متشابهان النسبة بين طولى ضلعين متناظرين فيهما ٣:٢ فإن النسبة بين محيطيهما هي [٥:٣ سم ٩:٤ سم ٣:٢ سم ٢:٣ سم]
٢٣	مربع مساحته ٧٢ سم ^٢ فإن طول قطره = سم [٨ سم ٣٦ سم ١٦ سم ١٢ سم]
٢٤	شبه منحرف مساحته ٥٦ سم ^٢ وطول قاعدته المتوسطة ٨ سم فإن ارتفاعه = سم [٩ سم ٧ سم ١٤ سم ٨ سم]
٢٥	معين طولاً قطريه ١٢ سم ١٨ سم تكون مساحته = سم ^٢ [١٠٨ سم ٥٤ سم ٤٢ سم ٢١ سم]
٢٦	معين طولاً قطريه ٣ سم ٤ سم فإن مساحته = سم ^٢ [٦ سم ٢٤ سم ٧ سم ١٢ سم]
٢٧	Δ ا ب ح فيه $(\angle ب) = (\angle ا) + (\angle ح)$ فإن (حـ) نوعها [حادة ١ قائمة ٢ منفرجة ٣ مستقيمة]
٢٨	مثلث مساحته ١٢ سم ^٢ وطول قاعدته ٨ سم فإن طول ارتفاعه = سم [٣ سم ٦ سم ٩ سم ١٠ سم]
٢٩	مربع محيطه ٢٠ سم تكون مساحته = سم ^٢ [٥ سم ٢٠ سم ٢٥ سم ١٠ سم]
٣٠	عدد محاور تماثل شبه المنحرف المتساوى الساقين [١ سم ٢ سم ٣ سم صفر]
٣١	إذا كان نسبة التكبير بين مثلثين متشابهين = فإن المثلثين متطابقان [١ سم ٢ سم ٠,٥ سم ٠,٢٥ سم]

	<p>فـو الشـكل المـقابـل :</p> <p>النسبة بين مساحة الجزء المظلل إلى مساحة المربع الأكبر =</p> <p>[$\frac{1}{4}$ ، $\frac{3}{8}$ ، $\frac{5}{8}$ ، $\frac{1}{8}$]</p>	٣٢
	<p>فـو الشـكل المـقابـل :</p> <p>مساحة $\triangle AEF$ = مساحة متوازي الأضلاع ABCD</p> <p>[$\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{6}$ ، $\frac{1}{3}$ ، $\frac{3}{4}$]</p>	٣٣
<p>$\triangle ABC$ فيه $\angle A > \angle B + \angle C$ فإن $(\angle B)$ تكون</p> <p>[حادة ، قائمة ، منفرجة ، منعكسة]</p>		٣٤
<p>إذا كان قياس زاويتين في المثلث 50° ، 80° فإن المثلث يكون</p> <p>[مختلف الأضلاع ، متساوي الأضلاع ، متساوي الساقين ، قائم الزاوية]</p>		٣٥

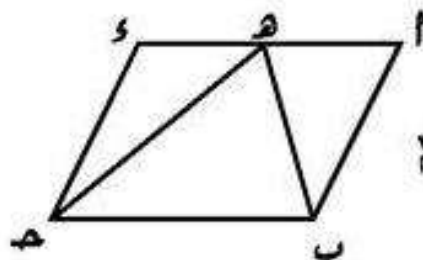
إجابة اختر الإجابة الصحيحة

١	٣٢	٢	منفرجة	٣	س
٤	٢٤	٥	٢٥	٦	١٢ سم
٧	١٢ سم	٨	١	٩	منفرجة
١٠	٦ سم	١١	٨	١٢	م Δ ب ج
١٣	٣ : ٥	١٤	حاد الزوايا	١٥	١٠
١٦	≥	١٧	منفرجة	١٨	٢ سم ٤
١٩	٢٥	٢٠	٥	٢١	١٢
٢٢	٣ : ٢	٢٣	١٢ سم	٢٤	٧
٢٥	١٠٨	٢٦	٦	٢٧	حادة
٢٨	٣	٢٩	٢٥	٣٠	١
٣١	١	٣٢	$\frac{٣}{٨}$	٣٣	$\frac{١}{٤}$
٣٤	منفرجة	٣٥	متساوى الساقين		

ثانياً : أكمل ما يأتى بالإجابة الصحيحة

١	معين طولاً قطريه ١٠ سم ، ١٥ سم تكون مساحته = سم ^٢
٢	يتشابه المضلعان إذا كانت الأضلاع المتناظرة والزوايا المتناظرة
٣	إذا كان Δ ا ب ح فيه $\angle(ا ب) = \angle(ا ح) - \angle(ب ح)$ فإن Δ ا ب ح يكون قائم الزاوية فى
٤	متوسط المثلث يقسم سطحه إلى مثلثين فى المساحة
٥	<p>فى الشكل المقابل :</p> <p>ا ب ح Δ قائم الزاوية فى ا ، $\overline{ا د} \perp \overline{ب ح}$</p> <p>فإن $\angle(ا د) = \dots\dots\dots \times \dots\dots\dots$</p> 
٦	إذا كان ا د متوسط فى Δ ا ب ح فإن Δ ا ب ح = = Δ ا ب ح
٧	أكبر الأضلاع طولاً فى المثلث القائم الزاوية هو
٨	<p>فى الشكل المقابل :</p> <p>ا ب ح Δ قائم فى ا ، $\overline{ا د} \perp \overline{ب ح}$ فإن ،</p> <p>مسقط ا د على $\overline{ب ح}$ هو </p> <p>$\angle(ب) = \dots\dots\dots \times \dots\dots\dots$</p> 
٩	مساحة المعين الذى طولاً قطريه ٦ سم ، ٨ سم = سم ^٢
١٠	متوازى الأضلاع الذى طولاً ضلعين متجاورين فيه ٧ سم ، ٥ سم وطول ارتفاعه الأصغر ٤ سم تكون مساحته = سم ^٢
١١	يتشابه المثلثان إذا كانت الأضلاع المتناظرة

في الشكل المقابل :



إذا كانت مساحة $\triangle EBF = 15 \text{ سم}^2$

فإن مساحة متوازي الأضلاع ABCD = سم^2

١٢

إذا كانت النقطة E للمستقيم l فإن مسقط E على المستقيم l هي

١٣

متوسط المثلث يقسم سطحه إلى سطحي مثلثين

١٤

في $\triangle ABC$ إذا كان $\angle A = 90^\circ$ فإن $\angle B + \angle C = \dots\dots\dots$

١٥

مساحة المربع الذي طول قطره ٨ سم هي سم^2

١٦

إذا كان $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ فإن $\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{EF} = \dots\dots\dots$

١٧

متوازي الأضلاع الذي مساحته ٦٢ سم^2 وطول قاعدته ٧ سم

فإن ارتفاعه المناظر لهذه القاعدة = سم

١٨

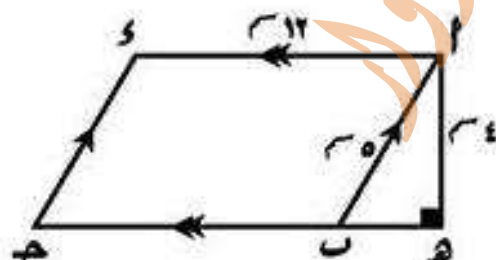
متوسط المثلث يقسم سطحه إلى مثلثين في المساحة

١٩

يتشابه المثلثين إذا كانت المتناظرة متناسبة

٢٠

في الشكل المقابل :



AB و CD متوازي أضلاع ،

$EF \parallel AD$ ، $EF \parallel BC$ ،

$AE = 4 \text{ سم}$ ، $BF = 5 \text{ سم}$ ، $AD = 12 \text{ سم}$ فإن :

① مساحة متوازي الأضلاع ABCD = سم^2

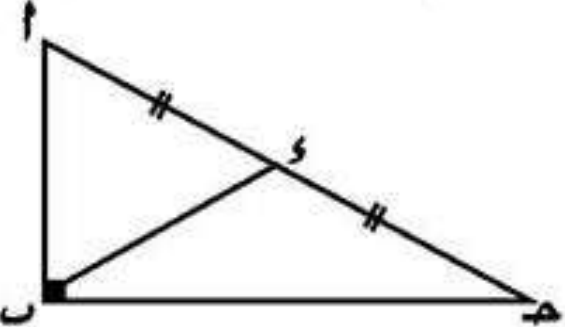
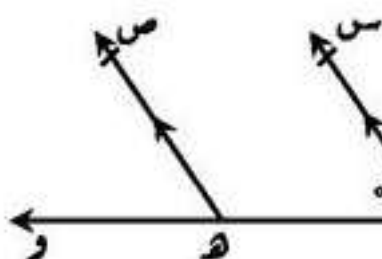
② مساحة المثلث AEF = سم^2

٢١

إذا كانت النسبة بين طولى ضلعين متناظرين في مثلثين متشابهين تساوي ١

فإن المثلثين يكونان

٢٢

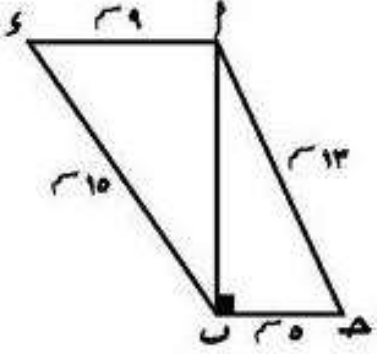
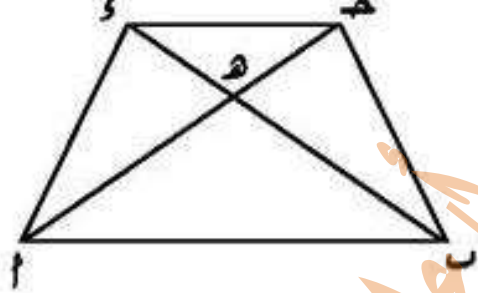
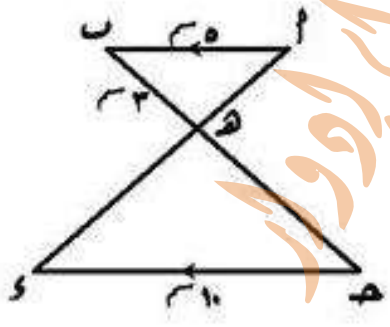
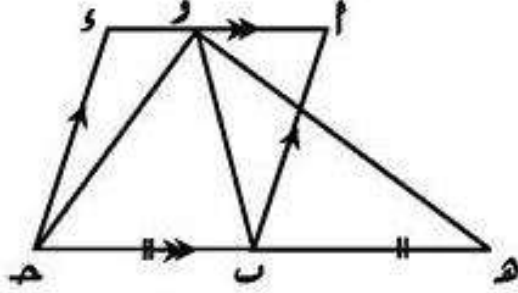
٢٣	متوازي أضلاع طولاً ضلعين فيه ٥ سم، ٧ سم وارتفاعه الأصغر ٤ سم فإن مساحته =
٢٤	مسقط نقطة تنتمي لمستقيم على هذا المستقيم هو
٢٥	<p>هو الشكل المقابل:</p>  <p>ا ب هـ Δ قائم في ب، \overline{CE} متوسط إذا كان $\angle A = 90^\circ$ فإن $\angle C = \dots\dots\dots$</p>
٢٦	<p>هو الشكل المقابل:</p>  <p>$\overline{ص} \parallel \overline{و}$، $\angle (٥٠) = ٥٠^\circ$ فإن $\angle (١٥ ص هـ و) = \dots\dots\dots$</p>
٢٧	المثلث الذي أطوال أضلاعه ٥ سم، ٨ سم، ٧ سم يكون
٢٨	شبه منحرف طولاً قاعدتيه ٤ سم، ٦ سم وارتفاعه ٨ سم تكون مساحته = سم ^٢
٢٩	معين طولاً قطريه ٥ سم، ٦ سم تكون مساحته = سم ^٢
٣٠	مضلعان متشابهان النسبة بين طولي ضلعين متناظرين ٣ : ٥ تكون النسبة بين محيطيهما =
٣١	متوازي أضلاع طولاً ضلعين متجاورين ٥ سم، ٨ سم وطول الارتفاع الأكبر ٦ سم فإن مساحته = سم ^٢
٣٢	شبه منحرف طولاً قاعدتيه المتوسطة ٦ سم وطول ارتفاعه ٤ سم فإن مساحته = سم ^٢
٣٣	مساحة المستطيل الذي طول قطره ٥ سم وطول أحد إبعاده ٤ سم = سم ^٢

٣٤ Δ ا ب ه قائم الزاوية في ب ، $\overline{BK} \perp \overline{AH}$ فان (ب ك) = x =

إجابة أكمل

١	٧٥	٢	متناسبة ، متساوية
٣	ب	٤	متساويين
٥	$\overline{BK} \times \overline{KH}$	٦	$\frac{1}{4}$
٧	الوتر	٨	{س} ، ب ح
٩	٢٤	١٠	٢٨
١١	متناسبة	١٢	٣٠ سم ^٢
١٣	ح	١٤	متساويان في المساحة
١٥	ح	١٦	٣٢ سم ^٢
١٧	\angle ب	١٨	٩
١٩	متساويان	٢٠	الأضلاع
٢١	(أ) ٤٨ ، (ب) ٦	٢٢	متطابقين
٢٣	٢٨ سم ^٢	٢٤	نفس النقطة
٢٥	٤,٥ سم	٢٦	٥٠°
٢٧	حاد الزوايا	٢٨	٤٠ سم ^٢
٢٩	١٥ سم ^٢	٣٠	٥ : ٣
٣١	٣٠ سم ^٢	٣٢	٢٤ سم ^٢
٣٣	١٢ سم ^٢	٣٤	س ح ، س ب

ثالثاً : أجب عن الأسئلة الآتية

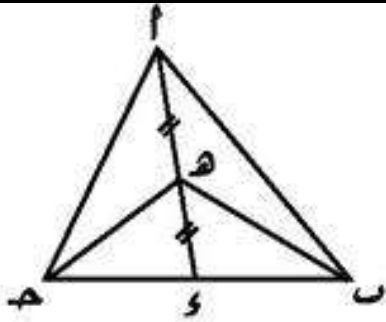
<p>١</p> <p>وهو Δ فيه $\angle 5 = 90^\circ$، $\angle 6 = 90^\circ$، $\angle 7 = 90^\circ$ حدد نوع المثلث بالنسبة لزاياه</p>	
<p>٢</p> <p>في الشكل المقابل:</p>  <p>أ. $\angle 5 = 90^\circ$، $\angle 13 = 90^\circ$ ب. $\angle 9 = 90^\circ$، $\angle 15 = 90^\circ$ ج. $\angle 9 = 90^\circ$، $\angle 13 = 90^\circ$ د. $\angle 9 = 90^\circ$، $\angle 15 = 90^\circ$ أثبت أن: $\angle 9 = 90^\circ$ و $\angle 13 = 90^\circ$</p>	
<p>٣</p> <p>في الشكل المقابل:</p>  <p>أ. $\angle 5 = 90^\circ$، $\angle 13 = 90^\circ$ ب. $\angle 9 = 90^\circ$، $\angle 15 = 90^\circ$ ج. $\angle 9 = 90^\circ$، $\angle 13 = 90^\circ$ د. $\angle 9 = 90^\circ$، $\angle 15 = 90^\circ$ أثبت أن: $\overline{SH} \parallel \overline{AU}$</p>	
<p>٤</p> <p>في الشكل المقابل:</p>  <p>أ. $\angle 5 = 90^\circ$، $\angle 13 = 90^\circ$ ب. $\angle 9 = 90^\circ$، $\angle 15 = 90^\circ$ ج. $\angle 9 = 90^\circ$، $\angle 13 = 90^\circ$ د. $\angle 9 = 90^\circ$، $\angle 15 = 90^\circ$ ١. أثبت أن $\Delta SHU \sim \Delta HUA$ ٢. أوجد طول \overline{SH}</p>	
<p>٥</p> <p>في الشكل المقابل:</p>  <p>أ. $\angle 5 = 90^\circ$، $\angle 13 = 90^\circ$ ب. $\angle 9 = 90^\circ$، $\angle 15 = 90^\circ$ ج. $\angle 9 = 90^\circ$، $\angle 13 = 90^\circ$ د. $\angle 9 = 90^\circ$، $\angle 15 = 90^\circ$ ١. برهن أن: $\overline{SH} \parallel \overline{AU}$ ٢. إذا كانت $\Delta SHU \sim \Delta HUA$، فاحد $\angle 5 = 90^\circ$</p>	

في الشكل المقابل :

هـ منتصف ا د

أثبت أن :

$$\text{مساحة } \triangle هـ ب هـ = \frac{1}{4} \text{ مساحة } \triangle ا ب هـ$$

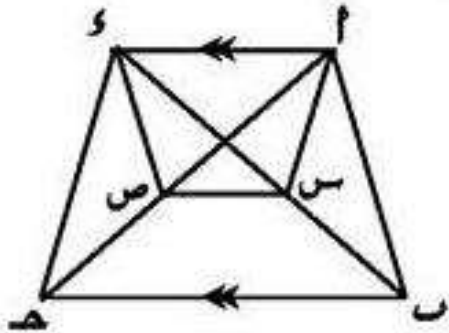


في الشكل المقابل :

ا د // ب هـ ،

$$\text{مساحة } \triangle ا ب س = \text{مساحة } \triangle س هـ ص$$

أثبت أن : ا د // س ص

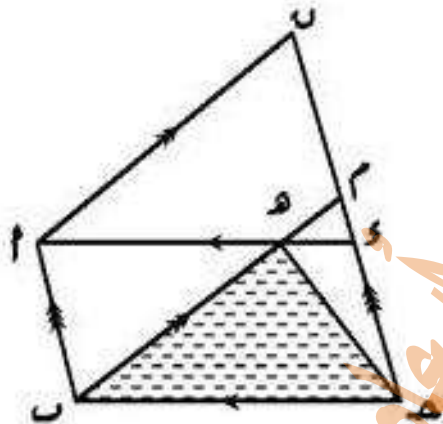


في الشكل المقابل :

ا ب هـ س ، ا ب م ن متوازي أضلاع

برهن أن :

$$م (\triangle هـ ب هـ) = \frac{1}{4} م (ا ب م ن)$$



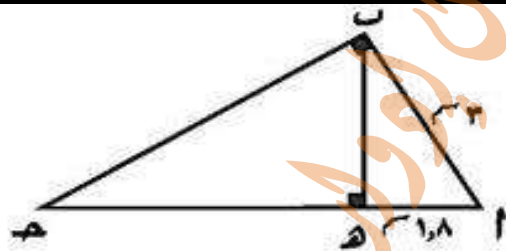
في الشكل المقابل :

$\triangle ا ب هـ$ قائم الزاوية في ب ،

$$ب هـ \perp ا هـ ، ا ب = ٣ سم ، ا هـ = ١,٨ سم$$

أوجد :

$$\text{① طول ا هـ} \quad \text{② طول ب هـ}$$



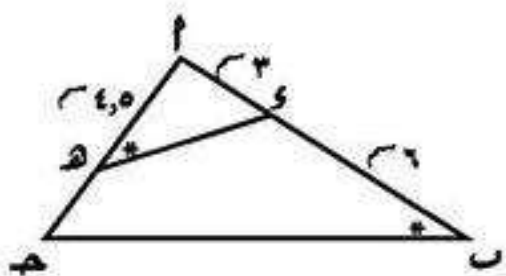
في الشكل المقابل :

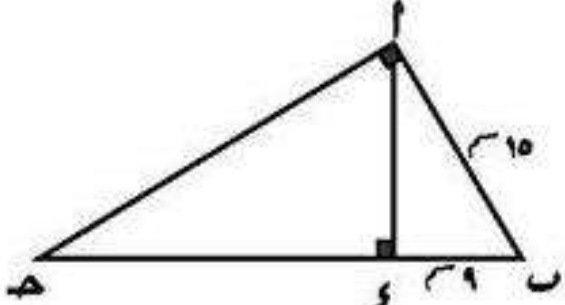
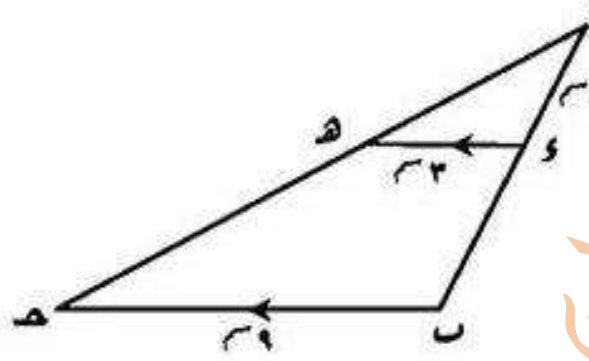
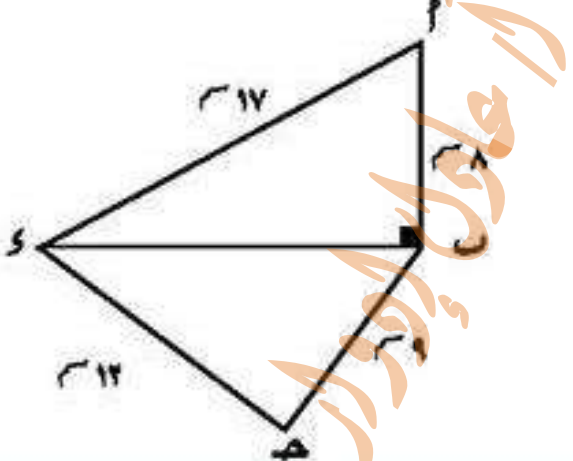
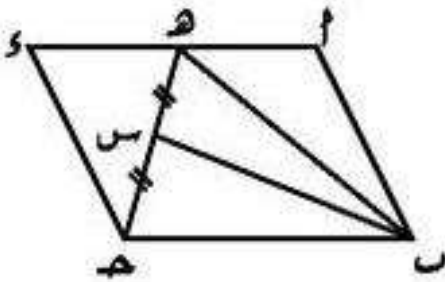
$$\angle ا هـ ب = \angle ب هـ ا ، \angle ا ب هـ = \angle ب هـ ا$$

$$\angle ٣ = \angle ٤ ، \angle ٥ = \angle ٦ ، \angle ٧ = \angle ٨$$

① أثبت أن $\triangle ا هـ ب \sim \triangle ب هـ ا$

② أوجد طول هـ ب



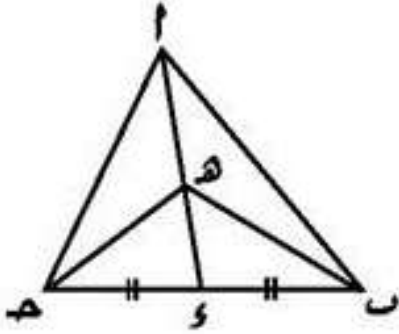
<p>١١</p> <p>Δ ا ب ح فيه ا ب = ٨ سم ، ح ب = ١٥ سم ، ا ح = ١٩ سم</p> <p>أثبت أن : (ا ب ح) منفرجة</p>	
<p>١٢</p> <p>في الشكل المقابل :</p>  <p>Δ ا ب ح قائم في ا ، ا د \perp ب ح ،</p> <p>ا ب = ١٥ سم ، ب د = ٩ سم</p> <p>احسب طول و ح ، ا ح ، ا د</p>	
<p>١٣</p> <p>في الشكل المقابل :</p>  <p>و ح // ب ح ، ا د = ٢ سم ،</p> <p>و ح = ٣ سم ، ب ح = ٩ سم</p> <p>① أثبت أن Δ ا د ح \sim Δ ا ب ح</p> <p>② احسب طول و ح</p>	
<p>١٤</p> <p>في الشكل المقابل :</p>  <p>ب (ا ب ح) = 90° ،</p> <p>ا ب = ٨ سم ، ا د = ١٢ سم ،</p> <p>ب ح = ٩ سم ، ا ح = ١٧ سم</p> <p>أثبت أن ب (ا ب ح) = 90°</p>	
<p>١٥</p> <p>في الشكل المقابل :</p>  <p>ا ب ح د متوازي أضلاع مساحته = ٨٠ سم^٢ ،</p> <p>ه \in ا د ، س منتصف و ح</p> <p>أوجد مساحة Δ ب ه س</p>	

في الشكل المقابل :

و منتصف \overline{BC} ، $\overline{AH} \supset \overline{AO}$

برهن أن :

مساحة $\triangle AHB =$ مساحة $\triangle AHC$

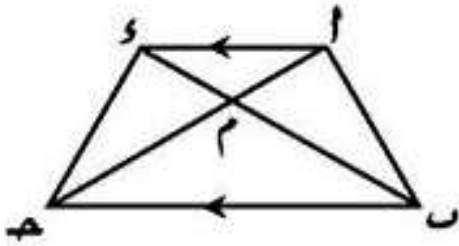


في الشكل المقابل :

$\overline{AO} \parallel \overline{BC}$ ، $\overline{AM} \cap \overline{BC} = \{M\}$

أثبت أن :

مساحة $\triangle AMB =$ مساحة $\triangle AMC$



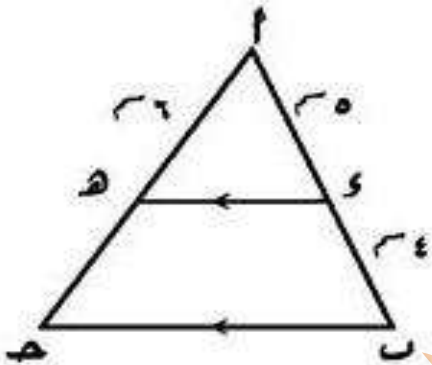
في الشكل المقابل :

$\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ ، $\angle 1 = \angle 2$ ، $\angle 3 = \angle 4$

$\angle 5 = \angle 6$ ، $\angle 7 = \angle 8$

① أثبت أن $\triangle ADE \sim \triangle ABC$

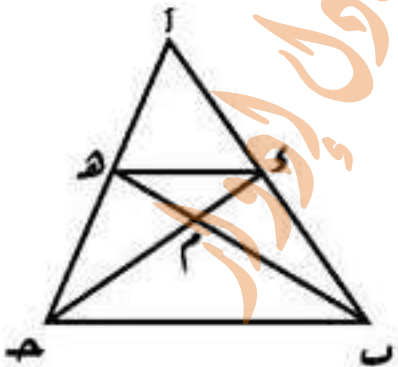
② أوجد طول \overline{AD}



في الشكل المقابل :

مساحة $\triangle ADE =$ مساحة $\triangle ABC$

أثبت أن $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$



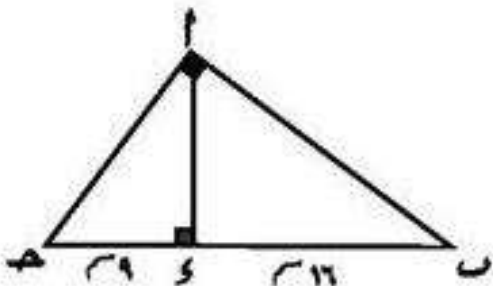
في الشكل المقابل :

$\triangle ABC$ قائم في A ،

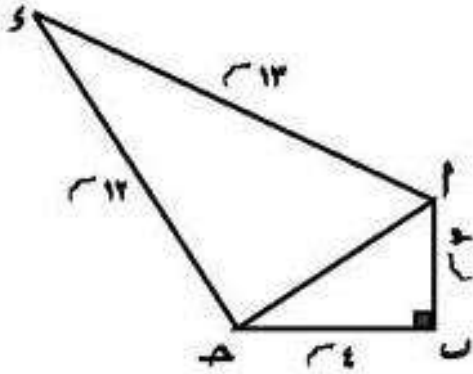
$\overline{AD} \perp \overline{BC}$ ،

$\angle 1 = \angle 2$ ، $\angle 3 = \angle 4$

أوجد طول \overline{AD} ، \overline{AO}



في الشكل المقابل :



و (ب) $\angle B = 90^\circ$ ، $AB = 3$ ،

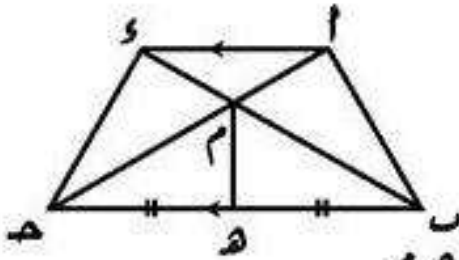
ب هـ $= 4$ ، $AD = 13$ ،

هـ د $= 12$

أثبت أن و (ب) $\angle B = 90^\circ$

٢١

في الشكل المقابل :



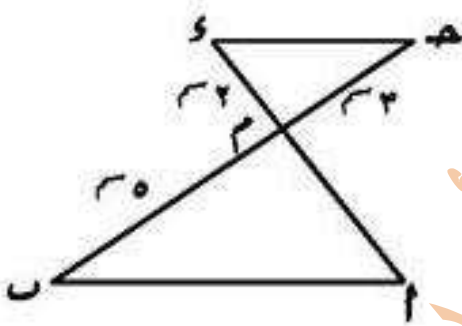
أو $AB \parallel DC$ ، هـ منتصف ب هـ

أثبت أن :

مساحة الشكل أ ب هـ م = مساحة الشكل د هـ م

٢٢

في الشكل المقابل :



$\triangle ABE \sim \triangle MDE$ و هـ م

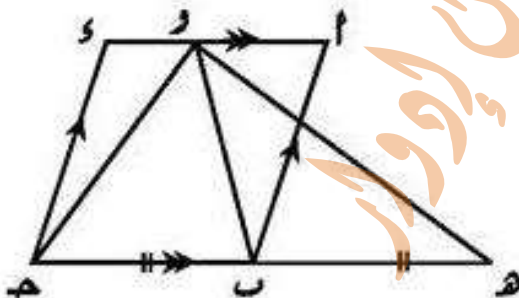
أثبت أن $AB \parallel MD$

وإذا كان م هـ $= 3$ ،

م ب $= 5$ ، م د $= 2$ فأوجد طول أ م

٢٣

في الشكل المقابل :



أ ب هـ د متوازي أضلاع فيه

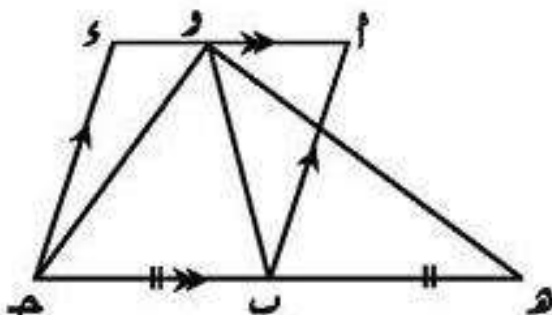
هـ $\Rightarrow \overrightarrow{EF} \parallel \overrightarrow{BC}$ بحيث ب هـ $= 2$ فإذا كانت

مساحة $\triangle BCF = 25$ سم^٢ أوجد :

① مساحة $\triangle BCF$ و هـ م ② مساحة متوازي الأضلاع أ ب هـ د

٢٤

في الشكل المقابل :



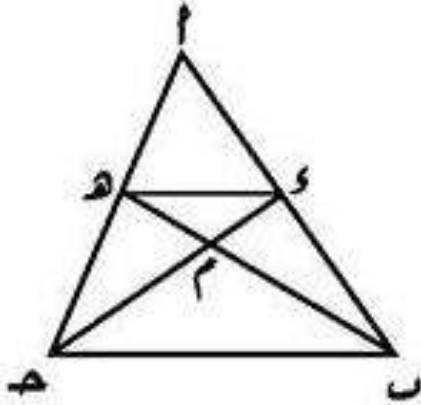
هـ $\Rightarrow \overrightarrow{EF} \parallel \overrightarrow{BC}$ حيث ب هـ $= 2$

برهن أن : مساحة ($\triangle BCF$ و هـ م)

= مساحة (\square أ ب هـ د)

٢٥

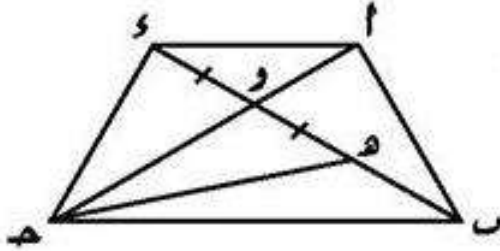
في الشكل المقابل :



إذا كان مساحة المثلث أ د ه
تساوي مساحة المثلث أ ب ح
فأثبت أن $\overline{د ه} \parallel \overline{ب ح}$

٢٦

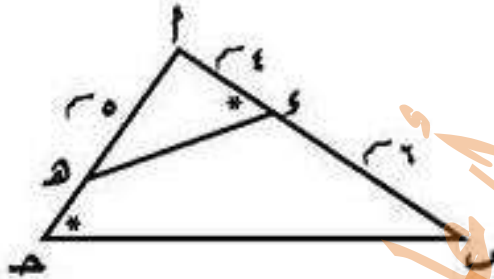
في الشكل المقابل :



أ ب ح د شكل رباعي تقاطع قطراه في و ،
 $ه و \exists \overline{ب ح}$ حيث $و ه = و د$ ،
مساحة $\triangle أ و ب =$ مساحة $\triangle ه و د$
برهن أن $\overline{أ د} \parallel \overline{ب ح}$

٢٧

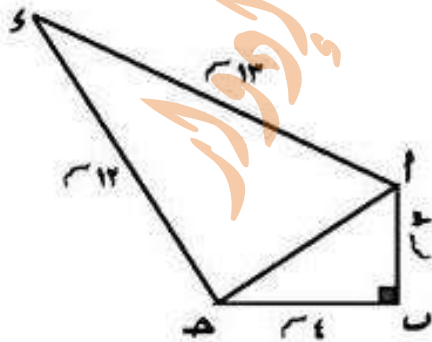
في الشكل المقابل :



$\angle أ = 50^\circ$ ، $\angle ب = 60^\circ$ ، $\angle ج = 70^\circ$ ،
١) أثبت أن $\triangle أ د ه \sim \triangle أ ب ح$
٢) أوجد طول $\overline{د ه}$

٢٨

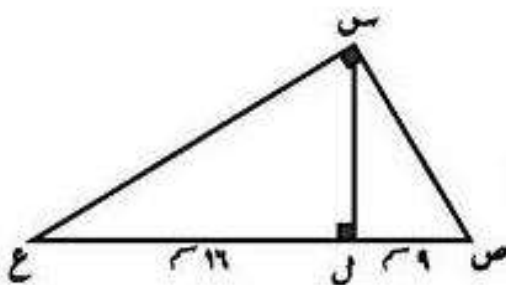
في الشكل المقابل :



أ ب ح د ه
 $\angle أ = 30^\circ$ ، $\angle ب = 60^\circ$ ،
 $\angle ج = 90^\circ$ ،
أثبت أن $\angle أ د ه = 90^\circ$

٢٩

في الشكل المقابل :



$\triangle أ ب ح$ قائم الزاوية في ج ،
 $\overline{د ه} \perp \overline{أ ب}$ ، $\angle أ د ه = 90^\circ$ ، $\angle ب د ه = 90^\circ$ ،
أوجد طول كل من $\overline{أ د}$ ، $\overline{د ه}$ ، $\overline{ب ه}$

٣٠

إجابة : أسئلة المقال

()

$$\begin{aligned} f_1 &= f'(y) = f'(x) \\ y &= f'(x) + f'(x) = f'(x) + f'(x) \\ f'(x) &\leq f'(x) + f'(x) \therefore \\ &\# \Delta \text{ هو حد التزايد} \end{aligned}$$

(2)

في Δ أ ب ج القائم الزاوية على ب

$$^{\circ}(أ ب) - ^{\circ}(أ ج) = ^{\circ}(أ ب)$$

$$١٤٤ = ^{\circ}(٥) - ^{\circ}(١٧) = ^{\circ}(أ ب)$$

$$\sqrt{١٧} = ١٤٤ \sqrt{ب} = أ ب$$

في Δ ب أ ج : $١٢٥ = ^{\circ}(١٥) = ^{\circ}(أ ب)$

$$١٢٥ = ^{\circ}(٩) + ^{\circ}(١٧) = ^{\circ}(أ ب) + ^{\circ}(أ ب)$$

$$^{\circ}(أ ب) + ^{\circ}(أ ب) = ^{\circ}(أ ب) \therefore$$

ب : $٩٠ = (أ ب) = أ ب$

(۶)

$m(\Delta \cap B) = m(\Delta \cap A)$
 بالخاصة $m(\Delta \cap B) = 0$ لتطرفين
 $\therefore m(\Delta \cap A) = 0$
 $\therefore \overline{A} \cap \overline{B} \cap \overline{C} = \emptyset$ قاعدة مشتركة. $\therefore \overline{A} \cap \overline{B} \cap \overline{C} = \emptyset$

(3)

⑤: $\because \text{ان } // \text{ هو } \angle \text{ قاطع هما}$
 $\therefore \angle \text{ ب} = \angle \text{ د}$ بالتبادل
 $\angle \text{ ا} = \angle \text{ ج}$ بالمثل
 $\therefore \angle \text{ ا} = \angle \text{ ب}$ $\angle \text{ ج} = \angle \text{ د}$ بالتقابل بالتراس
 $\therefore \angle \text{ ا} = \angle \text{ ج}$ $\angle \text{ ب} = \angle \text{ د}$ #
 ⑥: ومن التشابه نستنتج ان
 $\frac{\text{ج}}{\text{د}} = \frac{\text{ب}}{\text{ا}} < \frac{\text{ا}}{\text{ب}} = \frac{\text{د}}{\text{ج}}$
 $\therefore \frac{\text{ج}}{\text{د}} = \frac{\text{ا}}{\text{ب}} = \frac{\text{د}}{\text{ج}}$ #

(9)

∴ \overline{AB} و \overline{CD} متوازی اضلاع
 ∴ $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ∴ \overline{AB} قاعدة مشتركة
 ∴ $m(\angle A) = m(\angle B)$ (1)
 ∴ $\overline{AB} = \overline{CD}$ ∴ \overline{AB} منتصف \overline{CD}
 ∴ \overline{DB} متوسط في $\triangle ACD$
 ∴ $m(\angle A) = m(\angle C)$ (2)
 من (1) و (2)
 ∴ $m(\angle A) = m(\angle C)$
 ∴ $m(\angle B) = m(\angle D)$
 ∴ $m(\angle A) = m(\angle C)$
 ∴ $\angle A = \angle C$
 ∴ $\angle B = \angle D$

(7)

[illegible]

(v)

∴ $\overline{A \cup B} = \overline{A} \cap \overline{B}$ اور قاعدہ مشترکیت

(۱) $\therefore \overline{A \cap B} = \overline{A} \cup \overline{B}$

(۲) $\therefore \overline{A \cup B} = \overline{A} \cap \overline{B}$

بطور (۲) من (۱)

$\therefore \overline{A \cap B} = \overline{A} \cup \overline{B}$

∴ $\overline{A \cup B} = \overline{A} \cap \overline{B}$ اور قاعدہ مشترکیت

(١١)

$$\begin{aligned} \angle A &= \angle(19) = \angle(1) \\ \angle A &= \angle(15) + \angle(8) = \angle(1) + \angle(1) \\ \angle(1) + \angle(1) &< \angle(1) \\ \therefore \angle(15) &\text{ منفرجة} \end{aligned}$$

(١٢)

$$\begin{aligned} \Delta ABC &\text{ قائم الزاوية في } A, \overline{AO} \perp \overline{BC} \\ \therefore \angle(AB) &= \angle(BC) \times \angle(C) \text{ (الثلثين)} \\ \angle(15) &= \angle(BC) \times 9 \\ \angle(15) &= \frac{225}{9} = \angle(BC) \\ \angle(15) - \angle(BC) &= \angle(15) - 25 = 9 - 25 = -16 \\ \therefore \angle(15) &= \angle(BC) \times 9 \\ 100 &= 25 \times 16 = \angle(BC) \\ \angle(BC) &= \frac{100}{25} = 4 \\ \angle(15) &= \angle(BC) \times 9 \\ 100 &= 16 \times 9 = \angle(15) \\ \angle(15) &= \frac{100}{16} = 6.25 \end{aligned}$$

(١٣)

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad \overline{AO} \perp \overline{BC}, \overline{AO} \text{ قاطع لهما} \\ \therefore \angle(15) = \angle(1) \text{ (بالتناظر)} \\ \angle(15) = \angle(1) \text{ (زاوية مشتركة)} \\ \therefore \Delta ABC \sim \Delta AOB \\ \textcircled{2} \quad \text{ومن التشابه نستنتج أن} \\ \frac{AB}{AO} = \frac{AO}{OB} = \frac{OB}{AB} \\ \therefore \frac{10}{6} = \frac{6}{OB} = \frac{OB}{10} \\ \therefore 10 \times OB = 6 \times 6 = 36 \\ \therefore OB = \frac{36}{10} = 3.6 \end{aligned}$$

(٨)

$$\begin{aligned} \therefore \Delta ABC \text{ متوازي اضلاع} \\ \therefore \overline{AO} \parallel \overline{BC} \\ \therefore \overline{AO} \text{ قائمة مشتركة} \\ \therefore \Delta(1) = \Delta(2) \text{ (زاوية مشتركة)} \\ \therefore \Delta(1) = \Delta(2) \text{ (زاوية مشتركة)} \\ \therefore \Delta(1) = \Delta(2) \text{ (زاوية مشتركة)} \\ \therefore \Delta(1) = \Delta(2) \text{ (زاوية مشتركة)} \\ \therefore \Delta(1) = \Delta(2) \text{ (زاوية مشتركة)} \\ \therefore \Delta(1) = \Delta(2) \text{ (زاوية مشتركة)} \end{aligned}$$

(٩)

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad \Delta ABC \text{ قائم الزاوية في } A \\ \therefore \overline{AO} \perp \overline{BC} \\ \therefore \angle(AB) = \angle(BC) \times \angle(C) \text{ (الثلثين)} \\ \angle(15) = \angle(BC) \times 9 \\ \angle(15) = \frac{225}{9} = \angle(BC) \\ \angle(15) - \angle(BC) = 15 - 25 = -10 \\ \therefore \angle(15) = \angle(BC) \times 9 \\ 100 = 25 \times 16 = \angle(BC) \\ \angle(BC) = \frac{100}{25} = 4 \\ \angle(15) = \angle(BC) \times 9 \\ 100 = 16 \times 9 = \angle(15) \\ \angle(15) = \frac{100}{16} = 6.25 \end{aligned}$$

(١٠)

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad \Delta ABC \text{ قائم الزاوية في } A \\ \therefore \overline{AO} \perp \overline{BC} \\ \therefore \angle(AB) = \angle(BC) \times \angle(C) \text{ (الثلثين)} \\ \angle(15) = \angle(BC) \times 9 \\ \angle(15) = \frac{225}{9} = \angle(BC) \\ \angle(15) - \angle(BC) = 15 - 25 = -10 \\ \therefore \angle(15) = \angle(BC) \times 9 \\ 100 = 25 \times 16 = \angle(BC) \\ \angle(BC) = \frac{100}{25} = 4 \\ \angle(15) = \angle(BC) \times 9 \\ 100 = 16 \times 9 = \angle(15) \\ \angle(15) = \frac{100}{16} = 6.25 \end{aligned}$$

(١٤)

ΔABC في القائم الزاوية ب
 $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، $\angle C = 90^\circ$ (فيثاغورث)
 $AB^2 = AC^2 + BC^2 = 12^2 + 8^2 = 208$
 $AB = \sqrt{208} = 14.42$
 ΔABC في القائم الزاوية ب
 $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، $\angle C = 90^\circ$
 $AB^2 = AC^2 + BC^2 = 12^2 + 8^2 = 208$
 $AB = \sqrt{208} = 14.42$
 ΔABC في القائم الزاوية ب
 $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، $\angle C = 90^\circ$
 $AB^2 = AC^2 + BC^2 = 12^2 + 8^2 = 208$
 $AB = \sqrt{208} = 14.42$

(١٧)

ΔABC في القائم الزاوية ب
 $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، $\angle C = 90^\circ$
 $AB^2 = AC^2 + BC^2 = 12^2 + 8^2 = 208$
 $AB = \sqrt{208} = 14.42$
 ΔABC في القائم الزاوية ب
 $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، $\angle C = 90^\circ$
 $AB^2 = AC^2 + BC^2 = 12^2 + 8^2 = 208$
 $AB = \sqrt{208} = 14.42$

(١٨)

ΔABC في القائم الزاوية ب
 $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، $\angle C = 90^\circ$
 $AB^2 = AC^2 + BC^2 = 12^2 + 8^2 = 208$
 $AB = \sqrt{208} = 14.42$
 ΔABC في القائم الزاوية ب
 $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، $\angle C = 90^\circ$
 $AB^2 = AC^2 + BC^2 = 12^2 + 8^2 = 208$
 $AB = \sqrt{208} = 14.42$

(١٥)

ΔABC في القائم الزاوية ب
 $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، $\angle C = 90^\circ$
 $AB^2 = AC^2 + BC^2 = 12^2 + 8^2 = 208$
 $AB = \sqrt{208} = 14.42$
 ΔABC في القائم الزاوية ب
 $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، $\angle C = 90^\circ$
 $AB^2 = AC^2 + BC^2 = 12^2 + 8^2 = 208$
 $AB = \sqrt{208} = 14.42$

(١٩)

ΔABC في القائم الزاوية ب
 $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، $\angle C = 90^\circ$
 $AB^2 = AC^2 + BC^2 = 12^2 + 8^2 = 208$
 $AB = \sqrt{208} = 14.42$
 ΔABC في القائم الزاوية ب
 $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، $\angle C = 90^\circ$
 $AB^2 = AC^2 + BC^2 = 12^2 + 8^2 = 208$
 $AB = \sqrt{208} = 14.42$

(١٦)

ΔABC في القائم الزاوية ب
 $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، $\angle C = 90^\circ$
 $AB^2 = AC^2 + BC^2 = 12^2 + 8^2 = 208$
 $AB = \sqrt{208} = 14.42$
 ΔABC في القائم الزاوية ب
 $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، $\angle C = 90^\circ$
 $AB^2 = AC^2 + BC^2 = 12^2 + 8^2 = 208$
 $AB = \sqrt{208} = 14.42$

(٢٠)

في ΔABC القائم الزاوية في A

$$AB = 12, AC = 16$$

$$\therefore (AB)^2 = AC^2 + BC^2 \text{ (القليدس)}$$

$$(12)^2 = 16^2 + BC^2$$

$$144 = 256 + BC^2$$

$$(BC)^2 = 144 - 256 = -112$$

$$\therefore BC = \sqrt{144} = 12$$

(٢١)

في ΔABC القائم الزاوية في B

$$\therefore (AC)^2 = (AB)^2 + (BC)^2 \text{ (القليدس)}$$

$$25 = 16 + (BC)^2$$

$$\therefore BC = \sqrt{25 - 16} = 3$$

$$AB = 4$$

$$AC = 5$$

$$AC^2 = AB^2 + BC^2 = 16 + 9 = 25$$

$$\therefore AC = 5$$

$$\therefore BC = 3$$

(٢٢)

في ΔABC ، AD قاعدة مشتركة

$$\therefore (AB)^2 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\text{يطرح من الطرفين}$$

$$(1)^2 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\text{في } \Delta ABC \text{ ، } AD \text{ منتصف } BC$$

$$\therefore AD = 1$$

$$(1)^2 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\text{بجمع (١) ، (٢)}$$

$$= (AD)^2 + (BD)^2 + (AD)^2 + (BD)^2$$

$$= (AD)^2 + (BD)^2 + (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\therefore (AB)^2 = (AD)^2 + (BD)^2$$

(٢٣)

في ΔABC ، AD منتصف BC

$$\therefore (AB)^2 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\therefore AD = 1$$

$$\text{ومن التماثل } \frac{AB}{AC} = \frac{AD}{AD} = \frac{BD}{CD}$$

$$\therefore AB = AC$$

(٢٤)

$$\textcircled{1} \quad AD = 1$$

$$\therefore AD \text{ منتصف } BC$$

$$\therefore (AB)^2 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\therefore 16 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\therefore 16 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\textcircled{2} \quad AD \text{ و } BC \text{ متوازيان}$$

$$\therefore AD \parallel BC$$

$$\therefore (AB)^2 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\therefore 16 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\therefore 16 = (AD)^2 + (BD)^2$$

(٢٥)

في ΔABC ، AD متوازي BC

$$\therefore AD \parallel BC$$

$$\therefore (AB)^2 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\therefore AD = 1$$

$$\therefore AD \text{ منتصف } BC$$

$$\therefore (AB)^2 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\text{من (١) ، (٢)}$$

$$\therefore (AB)^2 = (AD)^2 + (BD)^2$$

(٢٦)

$$\therefore (AB)^2 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\text{يطرح من الطرفين}$$

$$\therefore (AB)^2 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\therefore AD \parallel BC$$

(٢٧)

في Δ ح د هـ

∴ منتصف \overline{AD} و \overline{CH} متوسّط

$$\therefore \angle H = \angle D \quad \text{من (١)} \quad \angle H = \angle D \quad \text{من (٢)}$$

$$\therefore \angle H = \angle D \quad \text{من (١) و (٢)} \quad \angle H = \angle D \quad \text{من (١) و (٢)}$$

$$\text{من (١) و (٢)} \quad \angle H = \angle D \quad \text{من (١) و (٢)} \quad \angle H = \angle D \quad \text{من (١) و (٢)}$$

بالملاحظة Δ و Δ للطرفين

$$\therefore \angle H = \angle D \quad \text{من (١) و (٢)} \quad \angle H = \angle D \quad \text{من (١) و (٢)}$$

$$\therefore \overline{AD} \parallel \overline{CH} \quad \text{من (١) و (٢)} \quad \angle H = \angle D \quad \text{من (١) و (٢)}$$

(٢٩)

في Δ ا ب ج القائم الزاوية في ب

$$\therefore \angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ \quad \text{(ثبات المثلث)}$$

$$\therefore \angle A + \angle C = 90^\circ \quad \text{من (١) و (٢)}$$

في Δ ا ب ج -

$$\angle A = 13^\circ \quad \angle C = 77^\circ$$

$$\angle A + \angle C = 13^\circ + 77^\circ = 90^\circ$$

$$\therefore \angle A + \angle C = 90^\circ \quad \text{من (١) و (٢)}$$

$$\therefore \angle A + \angle C = 90^\circ \quad \text{من (١) و (٢)} \quad \angle H = \angle D \quad \text{من (١) و (٢)}$$

(٣٠)

في Δ س ج ح قائم الزاوية في س

$$\therefore \angle S = 90^\circ$$

$$\therefore \angle S + \angle J + \angle H = 180^\circ \quad \text{(ثبات المثلث)}$$

$$\therefore \angle J + \angle H = 90^\circ \quad \text{من (١) و (٢)}$$

$$\therefore \angle J + \angle H = 90^\circ \quad \text{من (١) و (٢)}$$

$$\angle J = 16^\circ \quad \angle H = 74^\circ$$

$$\therefore \angle J + \angle H = 90^\circ \quad \text{من (١) و (٢)}$$

$$\angle J = 16^\circ \quad \angle H = 74^\circ$$

$$\therefore \angle J + \angle H = 90^\circ \quad \text{من (١) و (٢)}$$

(٢٨)

في Δ ا ب ج و Δ ا ب د

$$\therefore \angle A = \angle A \quad \text{من (١) و (٢)}$$

$$\therefore \angle A = \angle A \quad \text{من (١) و (٢)}$$

$$\therefore \angle A = \angle A \quad \text{من (١) و (٢)}$$

$$\therefore \angle A = \angle A \quad \text{من (١) و (٢)}$$

$$\therefore \angle A = \angle A \quad \text{من (١) و (٢)}$$

$$\therefore \angle A = \angle A \quad \text{من (١) و (٢)}$$

$$\therefore \angle A = \angle A \quad \text{من (١) و (٢)}$$

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد) (٢) من ترى توجيه الرياضيات ١ / عا اول اول

١ اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين :

(أ) مثلث طول قاعدته ٧ سم وارتفاعه ٤ سم ، فإن : مساحته

= سم^٢ (١٠ أ ١٢ أ ١٣ أ ١٤ أ)

(ب) معين طول قطريه ٦ سم و ٨ سم ، فإن : مساحته = سم^٢

(٢ أ ١٤ أ ٢٤ أ ٤٨ أ)

(ج) مربع مساحته ٣٦ سم^٢ ، فإن : طول ضلعه = سم

(٢ أ ٤ أ ٦ أ ٨ أ)

(د) إذا كان : Δ أ ب ح - Δ س ص ع ، فإن : و (Δ)

= و (Δ ) (ب أ س أ ص أ ع)

(هـ) أ ب ح مثلث فيه : $\angle(أ) < \angle(ب) + \angle(ح)$ ،

فإن : و (Δ ح) تكون

(حادة أ قائمة أ منفرجة أ مستقيمة)

الإجابة

(أ) ١٤ سم^٢ (ب) ٢٤ سم^٢ (ج) ٦ سم

(د) س (هـ) حادة

٢

أكمل ما يأتي بالإجابة الصحيحة :

(أ) متوسط المثلث يقسم سطحه إلى سطحين مثلثين

(ب) المثلثان المرسومان على قاعدة واحدة ورأساهما على مستقيم

يوازي هذه القاعدة يكونان في المساحة .

(ج) مربع طول قطره ٨ سم تكون مساحته سم^٢

(د) مساحة متوازي الأضلاع =

(هـ) إذا تشابه مثلثان وكانت النسبة بين طولى ضلعين متناظرين

فيهما ٥ : ٨ ، فإن : النسبة بين محيطهما هي

الإجابة

(أ) متساويين في المساحة

(ب) متساويين (ج) ٣٢ سم^٢

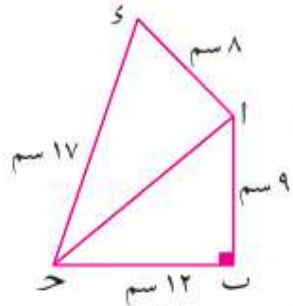
(د) طول أحد الضلعين \times الارتفاع المناظر له

(هـ) ٥ : ٨

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ٣) منتري توجيه الرياضيات ٢ / حاول اول وار

٤

(١) في الشكل المقابل :

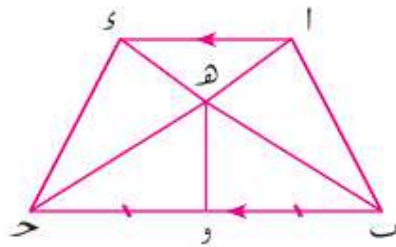


أب ح د شكل رباعي فيه : $\angle B = 90^\circ$

$$AB = 9 \text{ سم} \quad BC = 12 \text{ سم} \quad 6$$

ح د = 17 سم ، $AB = 8$ سم ، أثبت أن :

و $\angle A = 90^\circ$ ، ثم أوجد مساحة (الشكل أ ب ح د)



(ب) في الشكل المقابل :

$$AB \parallel CD$$

$$AC \cap BD = H$$

و منتصف ب ح

أثبت أن : مساحة الشكل أ ب و ه = مساحة الشكل د ح و ه

$$(١) \text{ في } \Delta ABC : \because (A) = 144 + 81 = 225$$

$$\therefore AC = 15 \text{ سم}$$

$$\text{في } \Delta ACD : \because (A) + (D) = 289$$

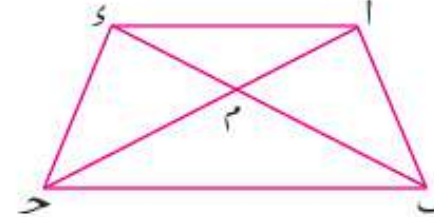
$$\therefore \angle A = 90^\circ$$

مساحة الشكل أ ب ح د

$$114 \text{ سم}^2 = 60 + 54 = 15 \times 8 \times \frac{1}{2} + 12 \times 9 \times \frac{1}{2} =$$

٣

(١) في الشكل المقابل :

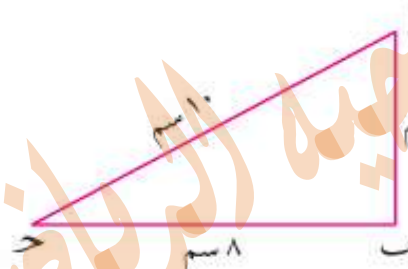


$$AD \parallel BC$$

أثبت أن :

$$\text{مساحة المثلث أ م ب} = \text{مساحة } \Delta D M C$$

(ب) في الشكل المقابل :



$$AB = 6 \text{ سم} \quad BC = 8 \text{ سم} \quad 6$$

$$AC = 10 \text{ سم}$$

أثبت أن : و $\angle B = 90^\circ$

الإجابة

$$(١) \therefore AD \parallel BC$$

$$\therefore \text{م } (\Delta ABC) = \text{م } (\Delta ADC)$$

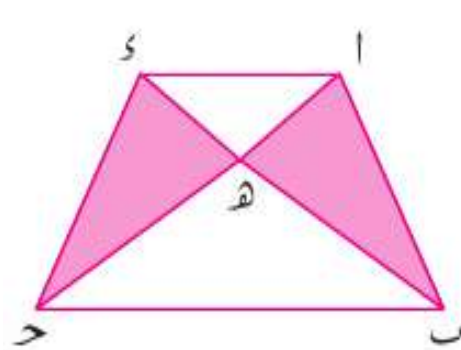
بطرح م (ΔBMC) من كل منهما

$$\therefore \text{م } (\Delta ABM) = \text{م } (\Delta DCM)$$

$$(ب) \therefore (A) = (B) + (C) = 100$$

$$\therefore \angle B = 90^\circ$$

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد) (٤) منتري توجيه الرياضيات ١ / عاقل اولار



(ب) في الشكل المقابل :

$$\overline{AC} \cap \overline{BD} = \{H\}$$

مساحة المثلث ABH =

مساحة المثلث CHD

أثبت أن : $\overline{AC} \parallel \overline{BD}$

الإجابة

(١) (أولاً) $AB = 20$ سم (ثانياً) $AB = 15$ سم

(ثالثاً) $AD = 12$ سم

(ب) \therefore م ($\triangle ABH$) = م ($\triangle CHD$)

بإضافة م ($\triangle AHD$) إلى كل منهما

\therefore م ($\triangle ABD$) = م ($\triangle ACD$)

وهما مرسومان على القاعدة \overline{AD} ورأساهما

على \overline{BC} $\therefore \overline{AD} \parallel \overline{BC}$

(ب) $\therefore \overline{AD} \parallel \overline{BC}$

\therefore م ($\triangle ABD$) = م ($\triangle ACD$)

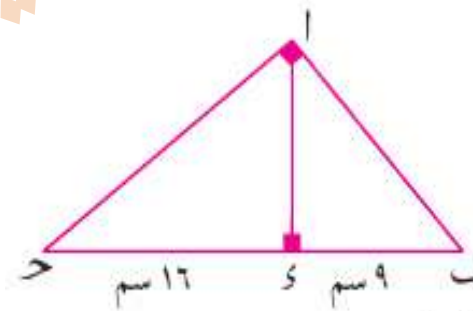
بطرح م ($\triangle AHD$) من كل منهما

\therefore م ($\triangle ABH$) = م ($\triangle CHD$) ... ①

في $\triangle BHD$ \therefore $\overline{BH} = \overline{HD}$

\therefore م ($\triangle BHD$) = م ($\triangle AHD$) ... ②

بجمع ① و ② م (الشكل ABH) = م (الشكل CHD)



⑤ (١) في الشكل المقابل :

AB ح مثلث قائم الزاوية في A

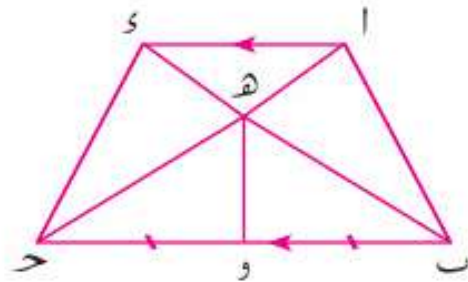
$\overline{AD} \perp \overline{BC}$ م $AB = 9$ سم

$DC = 16$ سم ، احسب طول كلاً من :

(أولاً) AC (ثانياً) AD (ثالثاً) BD

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد) / منتري توجيه الرياضيات ٢ / عاقل اول

٩ (١) أوجد مساحة شبه منحرف طولاً قاعدتيه المتوازيين ٨ سم ، ١٢ سم ، وارتفاعه ١٠ سم .



(ب) في الشكل المقابل :

أب // ح د
 $\{ ه \} = \{ د \} \cap \{ ح \}$
 و منتصف ب د

الإجابة

(١) مساحة شبه المنحرف = $\frac{1}{2} \times 10 \times 20 = 100$ سم^٢

(ب) : أب // ح د

∴ م (Δ ب أ د) = م (Δ ح أ د)

بطرح م (Δ ه أ د) من كل منهما

∴ م (Δ ه أ ب) = م (Δ ه أ د) ... ①

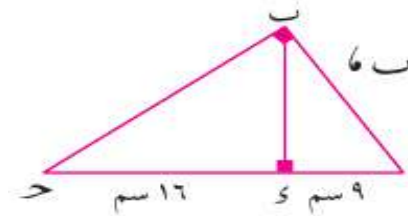
في Δ ه ب د ∴ ه و متوسط

∴ م (Δ ه ب د) = م (Δ ه د و) ... ②

بجمع ① و ②

∴ م (الشكل أ ب و ه) = م (الشكل د ح و ه)

٨ (١) في الشكل المقابل :

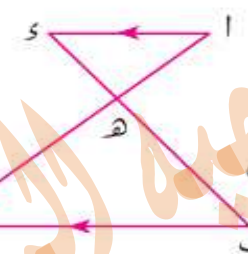


إذا كان : مثلث أ ب ح قائم الزاوية في ب

ب د ⊥ ح د ، أ د = ٩ سم

د ح = ١٦ سم ،

أوجد طول كل من : ح ب ، أ ب ، أ د



(ب) في الشكل المقابل :

أب // ح د ، أ د = ٩ سم

د ه = ٢ سم ، أ د = ٣ سم ، أ ه = ٤ سم ،

(أولاً) أثبت أن : Δ أ ه د ~ Δ ح ه ب

(ثانياً) أوجد محيط : Δ ح ه ب

الإجابة

(١) ح ب = ٢٠ سم ، أ ب = ١٢ سم

أ ب = ١٥ سم

(ب) (أولاً) في Δ أ ب ح و Δ أ د ه

∴ ∠ (أ) = ∠ (ح) ، ∠ (ب) = ∠ (د) بالتبادل

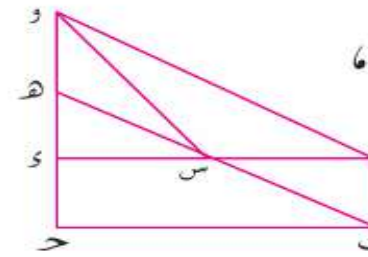
∴ ∠ (ب) = ∠ (د) ، ∠ (أ) = ∠ (ح) بالتبادل

∴ Δ أ د ه ~ Δ ح ه ب

(ثانياً) محيط المثلث ه ب د = ٢٧ سم

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ٧) من تولى توجيه الرياضيات ٢ / عاقل اول

(١٠) في الشكل المقابل :



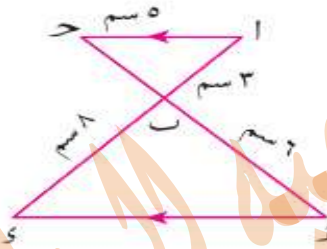
أب ح د مستطيل فيه : أب = ٣ سم

ب ح = ١٠ سم

أب هـ و متوازي أضلاع

أوجد بالبرهان : مساحة (أ ب هـ و)

(ب) في الشكل المقابل :



أ ب // هـ د = ٣ سم

أ ح = ٥ سم ب هـ = ٦ سم

ب د = ٨ سم ، أثبت أن :

المثلث أ ب ح ~ المثلث د ب هـ ثم أوجد : هـ د ، وكذلك أ ب ح

الإجابة

(أ) مساحة المستطيل = ١٠ × ٣ = ٣٠ سم²

مساحة أ ب هـ د = ١/٢ مساحة متوازي الأضلاع أ ب هـ د

= ١/٢ مساحة المستطيل أ ب ح د = ١٥ سم²

(ب) في أ ب ح د = ٦ د ب هـ

∴ (أ ب ح) = (د ب هـ) بالتبادل

و (أ ب ح) = (د ب هـ) بالتبادل

∴ أ ب ح - د ب هـ

∴ أ ب ح = د ب هـ = ١٣ ١/٣ = ٤ ١/٣

∴ هـ د = ٤ ١/٣ = ١٣ ١/٣ = ٤ ١/٣

(١١) اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

(أ) جميع متشابه .

(المستطيلات أ ب المعينات أ ب المربعات أ ب المثلثات)

(ب) أ ب ح د فيه : (أ ب) + (أ ح) > (ب ح) ،

فإن : ∠ ح تكون ° (منفرجة أ ب حادة أ ب قائمة أ ب مستقيمة)

(ج) الشكل الرباعي الذي مساحته تساوي نصف مربع طول قطره هو

(شبه منحرف أ ب معين أ ب مستطيل أ ب مربع)

(د) المثلث المتساوي الساقين الذي طولاه ضلعين فيه ٣ و ٤ تكون أكبر زواياه

(حادة أ ب قائمة أ ب منفرجة أ ب مستقيمة)

(هـ) أ ب ح د منفرج الزاوية في أ ، فيه : أ ب = ٥ سم ب ح = ٨ سم ،

فإن : أ ح = سم . (٣ أ ب ٦ أ ح ٩ أ د ١٢ أ هـ)

الإجابة

(أ) المربعات (ب) حادة (ج) مربع

(د) حادة (هـ) ٦ سم

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ٨) منتري توجيه الرياضيات ٢ / عاقل اولار

١٢) أكمل ما يأتي :

- (أ) مربع مساحته ٥٠ سم^٢ ، فإن : طول قطره = سم
 (ب) شبه منحرف ارتفاعه ٥ سم ٦ مساحته ٣٠ سم^٢ ،
 فإن : طول قاعدته المتوسطة = سم
 (ج) مستطيل طول أحد أبعاده ١٢ سم ٦ طول قطره ١٣ سم ،
 فإن : مساحة سطحه =
 (د) المضلعان المشابهان لثالث يكونان
 (هـ) إذا كانت نسبة التكبير بين مثلثين متشابهين = ١ ،
 فإن : المثلثين

الإجابة

(أ) ١٠ سم (ب) ٦ سم

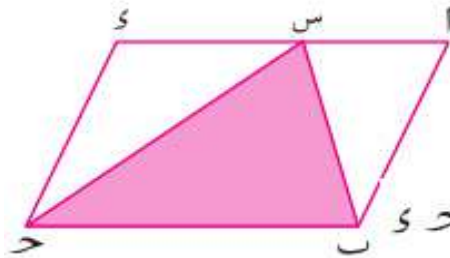
(ج) البعد الآخر = ٥ سم

مساحة المستطيل = $12 \times 5 = 60$ سم^٢

(د) متشابهين (هـ) متطابقان

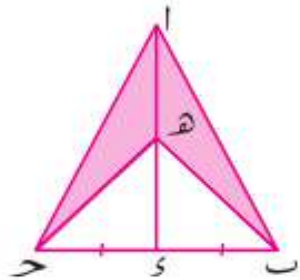
١٣)

(أ) في الشكل المقابل :



أب ح د متوازي أضلاع ٦
 مساحة Δ س ب ح = ١٥ سم^٢ ،
 أوجد مساحة متوازي الأضلاع أ ب ح د

(ب) في الشكل المقابل :



أ ب ح مثلث فيه : أ هـ متوسط ٦
 هـ \in أ هـ ، أثبت أن :
 مساحة المثلث أ هـ ب = أ هـ ح

الإجابة

(أ) مساحة متوازي الأضلاع أ ب ح د

= ٢ = مساحة المثلث س ب ح = ٣٠ سم^٢

(ب) في Δ أ ب ح : \therefore أ هـ متوسط

\therefore م (Δ أ ب ح) = م (Δ أ هـ ب) ... ①

في Δ هـ ب ح : \therefore هـ د متوسط

\therefore م (Δ هـ ب ح) = م (Δ هـ د ح) ... ②

بطرح ② من ①

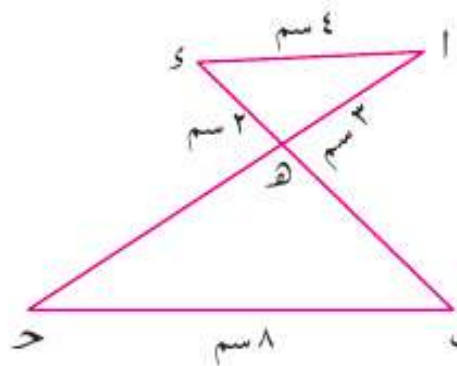
\therefore م (Δ أ ب ح) = م (Δ أ هـ ب)

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ٩) منتري توجيه الرياضيات ٢ / حاول اولار

(١٥) حدد نوع المثلث $أ ب ح$ بالنسبة لزاوياه إذا كان $أ ب = ٥$ سم

$ب ح = ٤$ سم $أ ح = ٦$ سم .

(ب) في الشكل المقابل :



$\Delta أ ه ز \sim \Delta ح ه ب$

$أ ه = ٣$ سم $ه ز = ٢$ سم

$أ ز = ٤$ سم $أ ب = ٨$ سم ،

أوجد : طول $ه ب$ $ه ح$

الإجابة

$$(١) \therefore (أ ح)^2 > (أ ب)^2 + (ب ح)^2$$

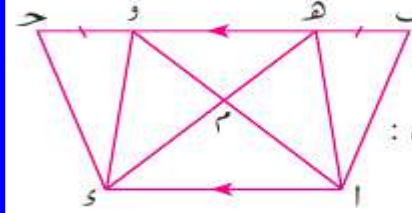
\therefore المثلث حاد الزوايا

$$(ب) \therefore \frac{أ ه}{ح ه} = \frac{ه ز}{ه ب} = \frac{أ ز}{ب ح}$$

$$\therefore \frac{٤}{٨} = \frac{٢}{ه ب} = \frac{٣}{ه ح}$$

$$\therefore ح ه = ٦ \text{ سم } ه ب = ٤ \text{ سم}$$

(١٤) في الشكل المقابل :
 $أ ز // ب ح$ $ه ح = ٦$ سم

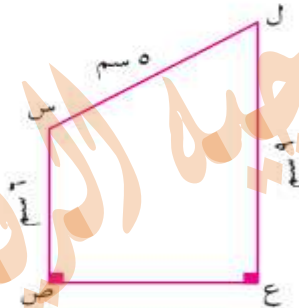


$\therefore ب ح$ حيث $ب ه = و ح$ ، برهن أن :

(أولاً) مساحة $\Delta أ م ه =$ مساحة $\Delta ز م و$

(ثانياً) مساحة الشكل $أ ب ه م =$ مساحة الشكل $ز ح و م$

(ب) في الشكل المقابل :



$ل ع \perp ص ع$ $ص ل \perp ص ع$ $ع = ٦$ سم

$س ل = ٥$ سم $ل ع = ٩$ سم

$س ص = ٦$ سم

أوجد مساحة الشكل : $س ص ع ل$

الإجابة

(١) (أولاً) $\therefore أ ز // ه و$

\therefore م (المثلث أ ه و) = م (المثلث ز و ه)

بطرح م (المثلث م ه و) من كل منهما

\therefore م (المثلث أ م ه) = م (المثلث ز م و) ①

(ثانياً) م ($\Delta أ ب ه$) = م ($\Delta أ ح و$) ②

بجمع ① و ②

\therefore م (الشكل $أ ب ه م$) = م (الشكل $ز ح و م$)

(ب) نرسم $س ب \perp ل ع$ $\therefore و (ب) = ٩٠^\circ$

$\therefore (س ب)^2 = ٩ - ٢٥ = ١٦$ $\therefore س ب = ٤$ سم

مساحة شبه المنحرف $= \frac{١}{٢} \times ٤ \times ١٥ = ٣٠$ سم

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ١٠) من توجيهِ الرياضيات ٢ / عاون اوول

١٦) أكمل ما يأتي :

- (أ) ارتفاع المثلث هو
 (ب) يقال لمضلعين إنهما متشابهان إذا تحقق
 (ج) معين محيطه ٢٤ سم ، وارتفاعه ٥ سم ، فإن : مساحته = سم^٢
 (د) تسمى النسبة الثابتة بين أطوال الأضلاع المتناظرة بـ
 (هـ) النسبة بين مساحتي سطحي مثلثين مرسومين على قاعدة واحدة تساوي النسبة بين

الإجابة

- (أ) طول العمود المرسوم من أي رأس على الضلع المقابل .
 (ب) أن الأضلاع المتناظرة متناسبة ، والزوايا المتناظرة متساوية في القياس
 (ج) ٣٠ سم^٢ (د) بالتكبير (هـ) ارتفاعيهما

١٧) اختر من بين الأقواس الإجابة الصحيحة :

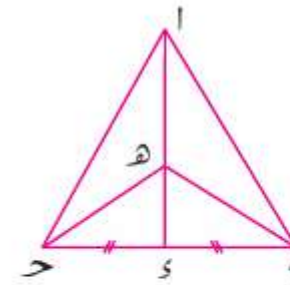
- (أ) معين طولاً قطريه ٦ سم ١٠ سم ، تكون مساحته = سم^٢
 (٦٠ أ ٣٠ أ ١٥ أ ١٠)
 (ب) مساحة المربع = نصف مربع طول ... (قطره أ ضلعه أ محيطه أ مساحته)
 (ج) المثلث الذي أطوال أضلاعه ٦ سم ٨ سم ١٠ سم يكون
 (حاد الزوايا أ قائم الزاوية أ منفرج الزاوية)
 (د) إذا كانت نسبة التكبير بين مثلثين = ١ ، فإن : المثلثين
 (متطابقان أ مختلفان أ قائمان أ متساوي الساقين)
 (هـ) مثلث مساحته ٢٤ سم^٢ وارتفاعه ٨ سم ، فإن : طول قاعدته سم .

الإجابة

- (أ) ٣٠ سم^٢ (ب) قطره
 (ج) قائم الزاوية (د) متطابقان (هـ) ٦ سم

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ١١) منتري توجيه الرياضيات ٢ / عاقل اول

١٨ (١) في الشكل المقابل :

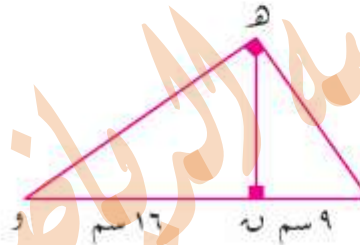


أ ب ح مثلث فيه :

أ د متوسط م ا ه \exists أ د ،

برهن أن : مساحة Δ أ ب ح = Δ ا ح ه

(ب) في الشكل المقابل :



د ه و مثلث قائم الزاوية في ه ،

فإذا كان : د ه = ٩ سم ، ه و = ١٦ سم ،

أوجد طول كل من : ه د ، ه و ، ه ا ، ه ب ، ه ج ، ه د

الإجابة

(١) في Δ أ ب ح \therefore أ د متوسط

\therefore م (Δ أ ب ح) = م (Δ ا ح د) ... ١

في Δ ه ب ح \therefore ه د متوسط

\therefore م (Δ ه ب ح) = م (Δ ه د ح) ... ٢

بطرح ٢ من ١

\therefore م (Δ أ ب ح) = م (Δ ا ح د)

(ب) ه د = ١٢ سم ، ه و = ١٥ سم ،

ه و = ٢٠ سم

١٩ (١) يتشابه المثلثان إذا كانت المتناظرة متساوية في القياس

(ب) في الشكل المقابل :

المثلث أ ب ح فيه :

د ه // ب ح ،

أثبت أن : Δ ا د ه ~ Δ ا ب ح

الإجابة

(١) الزوايا

(ب) في Δ ا د ه ، Δ ا ب ح

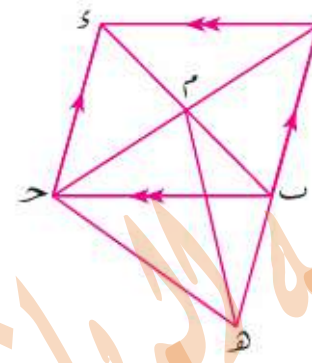
\therefore و (Δ ا د ه) = و (Δ ا ب ح) بالتناظر

و (Δ ا د ه) = و (Δ ا ب ح) بالتناظر

\therefore Δ ا د ه ~ Δ ا ب ح

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ١٢) مندرى توجيه الرياضيات ٢ / عاون اوول

(٢٠) حدد نوع الزاوية التى لها أكبر قياس فى المثلث $أ ب ح$ حيث : $أ ب = ٨$ سم ، $أ ح = ١٠$ سم ، $ب ح = ٧$ سم ، وما نوع هذا المثلث بالنسبة لزاويه ؟



(ب) فى الشكل المقابل :

$أ ب ح$ و $د$ متوازي أضلاع فيه :
 $أ ح \cap د ب = \{ م \}$
 $هـ \in أ ب$ بحيث :

مساحة $\Delta أ م هـ$ = مساحة $\Delta أ ب ح$

برهن أن : الشكل $ب هـ د$ و $د$ متوازي أضلاع

الإجابة

$$(١) \because (ب ح د) > (أ ب ح) + (أ ح د)$$

$\therefore \angle أ$ حادة وهى الزاوية التى لها أكبر قياس

\therefore المثلث حاد الزوايا

$$(ب) \because م(\Delta أ م هـ) = م(\Delta أ ب ح)$$

بطرح $م(\Delta أ ب م)$ من كل منهما

$$\therefore م(\Delta أ هـ ب م) = م(\Delta أ ح د م)$$

وهما مرسومان على القاعدة $ب م$ ورأساهما

على $ح د$ $\therefore ب د // ح د$

\therefore الشكل $ب هـ د$ و $د$ متوازي أضلاع

(٢١) أكمل ما يأتى :

(أ) معين طولاً قطريه ٦ سم ٨ سم ، فإن : مساحته = سم^٢

(ب) يتشابه المثلثان إذا كان أطوال أضلاعها المتناظرة

(ج) متوسط المثلث يقسم سطحه إلى

(د) فى $\Delta أ ب ح$ إذا كان : $(أ ح) + (ب ح) = (أ ب)$ ،

فإن : $\angle أ = (.....)^\circ$

(هـ) المثلثان المرسومان على قاعدة واحدة ورأساهما على مستقيم

يوازي هذه القاعدة يكونان

الإجابة

(أ) ٢٤ سم^٢ (ب) متناسبة

(ج) سطحي مثلثين متساويين فى المساحة

(د) (هـ) متساويين فى المساحة

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ١٣) منتري توجيه الرياضيات ٢ / عاقل اولاد

٢٢ اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

(أ) معين طولاً قطريه ٦ سم و ١٠ سم ، فإن : مساحته = سم^٢

(٦٠ أ ٣٠ أ ١٥ أ ١٠ أ)

(ب) مساحة شبه المنحرف الذي طول قاعدته المتوسطة ٨ سم

وارتفاعه ٥ سم = سم^٢ (٨٠ أ ٤٠ أ ١٣ أ ٢٠ أ)

(ج) مثلث طول قاعدته ٦ سم وارتفاعه العمودي عليها ٨ سم ، فإن مساحته

= سم^٢ (٤٨ أ ٢٤ أ ١٢ أ ٩٦ أ)

(د) المضلعان المشابهان لثالث

(متساويان في المساحة أ متشابهان أ متطابقان أ متساويان في المحيط)

(هـ) متوازي أضلاع فيه ضلعين متجاورين ٦ سم و ٧ سم وارتفاعه الأكبر ٥ سم

تكون مساحته = سم^٢ (٣٠ أ ٣٥ أ ٤٢ أ ٤٩ أ)

الإجابة

(ب) ٤٠ سم^٢

(أ) ٣٠ سم^٢

(هـ) ٣٠ سم^٢

(د) متشابهان

(ج) ٢٤ سم^٢

٢٣

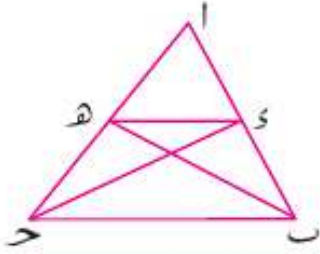
(أ) معين النسبة بين طولاً قطريه ٢ : ٣ ومساحته ٧٥ سم^٢ ، فأوجد طول كل من قطريه .

(ب) في الشكل المقابل :

إذا كان :

م (أ د ح) = م (أ د هـ)

فأثبت أن : $\overline{هـ} \parallel \overline{ب}$



الإجابة

(أ) بفرض أن طولاً قطريه هما ٢ سم و ٣ سم

$\therefore \frac{1}{2} \times ٢ \times ٣ = ٧٥$ \therefore سم = ٥

\therefore طولاً القطرين هما ١٠ سم و ١٥ سم

(ب) \therefore م (أ د هـ) = م (أ د ح)

بطرح م (أ د هـ) من كل منهما

\therefore م (أ د هـ) = م (أ د ح)

وهما مرسومان على القاعدة و

ورأسهما على $\overline{ب}$ $\therefore \overline{هـ} \parallel \overline{ب}$

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ١٤) منتري توجيه الرياضيات ٢ / عاون اوول

(٢٤) (١) حدد نوع الزاوية التي لها أكبر قياس في Δ ا ب ح حيث :

ا ب = ٩ سم ، ب ح = ١٠ سم ، ح ا = ١٢ سم

(ب) في الشكل المقابل :

$\overline{ا ح} \cap \overline{ب ح} = م$

ا ب // ح م

س منتصف ب ح ،

أثبت أن :

(أولاً) مساحة Δ ا م ب = مساحة Δ م ح ب

(ثانياً) مساحة الشكل ا ب س م = مساحة الشكل م ح س

الإجابة

(١) $\therefore (\angle ا ح ب) > (\angle ا ب ح) + (\angle ب ح ا)$

\therefore المثلث حاد الزوايا

(ب) راجع الحلول السابقة

(٢٥)

(١) شبه منحرف مساحته ١٠٠ سم^٢ ، طول قاعدتيه المتوازيين

٤ سم ، ٦ سم ، أوجد ارتفاعه .

(ب) في الشكل المقابل :

د ه // ا ب ح م

ا ب = ٥ سم ، ب ح = ١٠ سم ،

ا د = ٣ سم ، برهن أن :

Δ ا د ه \sim Δ ا ب ح ثم أوجد طول : د ه

الإجابة

(١) ارتفاع شبه المنحرف = $١٠٠ \div ٥ = ٢٠$ سم

(ب) في Δ ا د ه ، ا ب ح

و ($\angle ا د ه$) = و ($\angle ا ب ح$) بالتناظر ،

و ($\angle ا د ه$) = و ($\angle ا ب ح$) بالتناظر

$\therefore \Delta$ ا د ه \sim Δ ا ب ح $\therefore \frac{ا د}{ا ب} = \frac{د ه}{ب ح}$

$\therefore \frac{٣}{١٠} = \frac{د ه}{٦}$ $\therefore د ه = ٦$ سم

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ١٥) من توجيهِ الرياضيات ٢ / عاون لؤول

٢٦ أكمل العبارات الرياضية الآتية :

(أ) مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة \times

(ب) متوسط المثلث يقسم سطحه إلى مثلثين في المساحة .

(ج) مساحة المربع الذي طول قطره ١٠ سم تساوي سم^٢

(د) يتشابه المثلثان إذا كانت أطوال أضلاعهما المتناظرة

(هـ) في Δ أ ب ج إذا كان : $(أ) = (أ) + (ب) + (ج)$ ،

فإن : $(\angle) = 90^\circ$

الإجابة

(أ) الارتفاع المناظر (ب) متساويين

(ج) ٥٠ سم^٢ (د) متناسبة (هـ) ج

٢٧

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

(أ) شبه منحرف طولاً قاعدتيه المتوازيتين ٦ سم ٨ سم ، وارتفاعه ١٠ سم

، فإن : مساحته = سم^٢ . (١٤٠ أ ٢٨ أ ٢٤ أ ٧٠)

(ب) Δ أ ب ج فيه : $(أ) > (أ) + (ب) + (ج)$ ،

فإن : \angle تكون (حادة أ مستقيمة أ منفرجة أ قائمة)

(ج) مربع طول قطره ٦ سم ، فإن : مساحته = سم^٢ (٣٦ أ ٢٤ أ ١٨ أ ١٢)

(د) إذا كانت نسبة التكبير بين مثلثين = ١ ، فإن : المثلثين

(متطابقان أ مختلفان أ قائمان أ غير ذلك)

(هـ) في Δ أ ب ج فيه : $\angle = 90^\circ$ أ $\angle \perp$ ب ج ، يكون

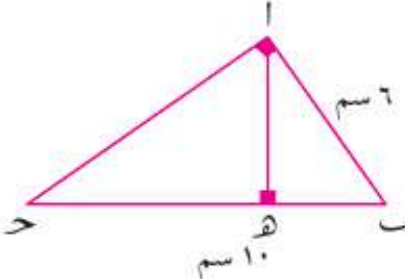
$(أ) = (أ) + (ب) + (ج)$ أ $(أ) \times (ب) \times (ج)$ أ $(أ) \times (ب) \times (ج)$ أ $(أ) \times (ب) \times (ج)$

الإجابة

(أ) ٧٠ سم^٢ (ب) حادة (ج) ١٨ سم^٢

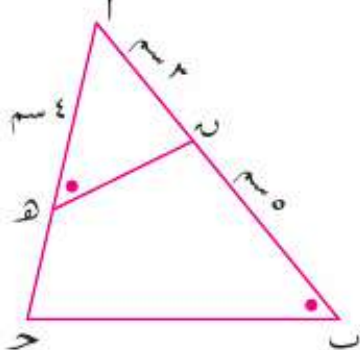
(د) متطابقان (هـ) ب ج \times ب ج

(٢٩) (١) في الشكل المقابل :



ΔABC قائم الزاوية في A
 $AH \perp BC$ $6 \text{ سم} = 10 \text{ سم}$
 $AB = 6 \text{ سم}$ ، أوجد : طول BC

(ب) في الشكل المقابل :



(أولاً) برهن أن : $\Delta ADE \sim \Delta ABC$
 (ثانياً) أوجد : طول DE

الإجابة

(١) $\therefore (AB)^2 = BC \times BH$

$BH = 3.6 \text{ سم}$

(ب) (أولاً) في $\Delta ADE \sim \Delta ABC$

Δ مشتركة $\therefore (\Delta ADE) = (\Delta ABC)$ $\therefore (B) = (C)$
 $\therefore \Delta ADE \sim \Delta ABC$

(ثانياً) $\therefore \frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} \therefore \frac{4}{8} = \frac{3}{4+4} \therefore \frac{4}{8} = \frac{3}{8}$

$\therefore 4 + 4 = 8 \therefore 4 = 8 - 4 \therefore 4 = 8 - 4$

(٢٨) (١) في الشكل المقابل :



$AB \parallel CD$ متوازي أضلاع مساحته 60 سم^2
 $EH \parallel AD$ ،
 أوجد مساحة المثلث BHE
 (ب) مثلثان متشابهان أطوال أضلاع الأصغر 9 سم 12 سم 16 سم ومحيط الأكبر 148 سم ، أوجد أطوال أضلاع المثلث الأكبر

الإجابة

(١) مساحة المثلث $BHE = 60 \times \frac{1}{4} = 15 \text{ سم}^2$

(ب) بفرض أن أطوال أضلاع المثلث الأكبر هي

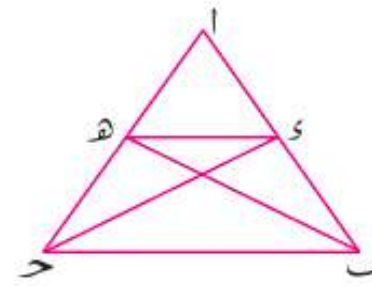
س م ص م ع

$\therefore \frac{4}{1} = \frac{148}{37} = \frac{6}{16} = \frac{ص}{12} = \frac{س}{9}$

$\therefore س = 36 \text{ سم} \text{ م ص} = 48 \text{ سم} \text{ م ع} = 64 \text{ سم}$

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ١٧) منتري توجيه الرياضيات ٢ / عاون اوول

٣٠ (١) في الشكل المقابل :

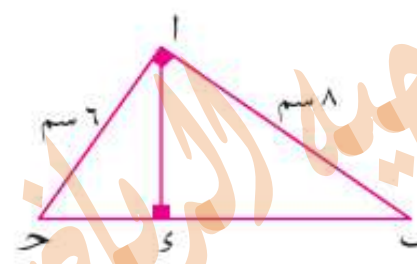


إذا كانت :

مساحة $\triangle ADE = ١٠$ ، مساحة $\triangle ADF = ١٠$ ،

فأثبت أن : $DE \parallel AB$

(ب) في الشكل المقابل :



$\triangle ABC$ قائم الزاوية في A

$AD \perp BC$ ، $AD = ٨$ سم

$AE = ٦$ سم ،

أوجد طول كل من : AB و AC

الإجابة

(١) راجع الحلول السابقة

(ب) \therefore و $(1) = ٩٠^\circ$

$$\therefore (AB)^2 + (AC)^2 = (BC)^2$$

$$\therefore (AB)^2 = ١٠٠ \therefore AB = ١٠ \text{ سم}$$

$$\therefore (AC)^2 = BC \times AC$$

$$\therefore ١٠ \times AC = ٦٤ \therefore AC = ٦,٤ \text{ سم}$$

٣١

اختر الإجابة الصحيحة من الإجابات المعطاة :

(١) مربع مساحته ٥٠ سم^٢ يكون طول قطره =

(٥ سم أو ١٠ سم أو ٢٥ سم أو ١٠٠ سم)

(ب) المثلث الذي أطوال أضلاعه ٩ سم ، ١٢ سم ، ١٥ سم يكون

(قائم الزاوية أو حاد الزوايا أو منفرج الزاوية أو غير ذلك)

(ج) شبه منحرف طولاً قاعدتيه المتوازيتين ١٠ سم ، ٨ سم ، فإن : قاعدته

(١٨ سم أو ٢ سم أو ٨٠ سم أو ٩ سم)

المتوسطة =

(د) مساحة متوازي الأضلاع = مساحة \triangle المشترك معه في القاعدة

والارتفاع . ($\frac{1}{4}$ أو صفر أو ٢ أو $\frac{1}{2}$)

(هـ) إذا كانت نسبة التكبير بين مثلثين = ١ ، فإن : المثلثين

(متطابقان أو قائمان أو متساوي الساقين أو مختلفان)

الإجابة

(١) ١٠ سم (ب) حاد الزوايا

(ج) ٩ سم (د) ٢ (هـ) متطابقان

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ١٨) من توجيہ الرياضيات ٢ / عاون اوول

٣٣

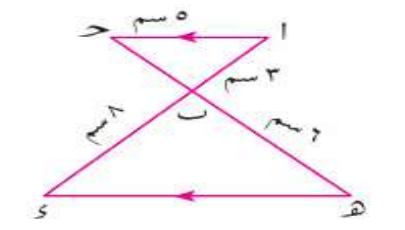
أكمل ما يأتي :

- (أ) يتشابه المثلثان إذا كانت زواياهما المتناظرة في القياس .
- (ب) مساحة المثلث الذي طول قاعدته ١٠ سم ، وارتفاعه ٦ سم = سم^٢
- (ج) في Δ ا ب ح إذا كان : $\angle(ا) = \angle(ب) + \angle(ح)$ فإن : زاوية (.....) = ٩٠°
- (د) مساحة المعين الذي طول قطريه ١٢ سم ٨ سم = سم^٢
- (هـ) إذا كانت النسبة بين محيطي مضلعين متشابهين هي ٣ : ٥ ، فإن النسبة بين طولى ضلعين متناظرين فيها هي

الإجابة

- (أ) متساوية (ب) ٣٠ سم^٢ (ج) ح
- (د) ٤٨ سم^٢ (هـ) ٥ : ٣

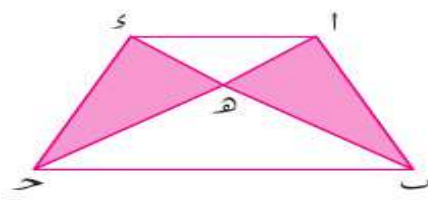
(١) في الشكل المقابل :



$ا ح // هـ ز$ ، $ا ب = ٣$ سم ، $ا ح = ٥$ سم ، $ب هـ = ٦$ سم ، $ب ز = ٨$ سم ، أثبت أن :

المثلث ا ب ح ~ المثلث ز ب هـ ثم أوجد : $هـ ز$ ، وكذلك $ب ح$

(ب) في الشكل المقابل :



$ا ح \cap ب ز = هـ$ ،
مساحة المثلث ا ب هـ =
مساحة المثلث ز ب هـ
أثبت أن : $ا ز // ب ح$

الإجابة

(أ) في Δ ا ب ح Δ ز ب هـ

$\therefore \angle(ا) = \angle(ز)$ ، $\angle(ب) = \angle(هـ)$ بالتبادل

$\angle(ح) = \angle(ز)$ ، $\angle(ب) = \angle(هـ)$ بالتبادل

$\therefore \Delta$ ا ب ح ~ Δ ز ب هـ

$$\therefore \frac{ا ب}{ز ب} = \frac{ب ح}{هـ هـ} = \frac{ا ح}{هـ ز} \therefore \frac{ا ب}{ز ب} = \frac{ب ح}{هـ هـ} = \frac{٣}{٨} \therefore \frac{٥}{هـ ز} = \frac{٣}{٨} = \frac{١٨}{٢٤} \therefore هـ ز = \frac{٤٠}{٣} = ١٣ \frac{١}{٣}$$

$$\therefore هـ ز = \frac{٤٠}{٣} = ١٣ \frac{١}{٣} \text{ سم } ٦ \text{ سم } ب ح = \frac{١٨}{٨} = ٢ \frac{١}{٤} \text{ سم}$$

(ب) \therefore م (Δ ا ب هـ) = م (Δ ز ب هـ)

بإضافة م (Δ ا هـ ز) إلى كل منهما

\therefore م (Δ ا ب هـ) = م (Δ ز ب هـ)

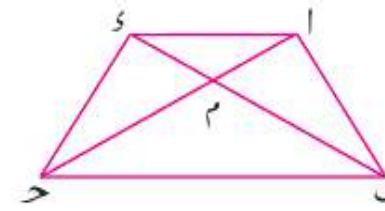
وهما مرسومان على القاعدة ا ز ورأساهما

على ب ح $\therefore ا ز // ب ح$

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ١٩) منتري توجيه الرياضيات ٢ / عاون اوولر

٣٤

(١) في الشكل المقابل :

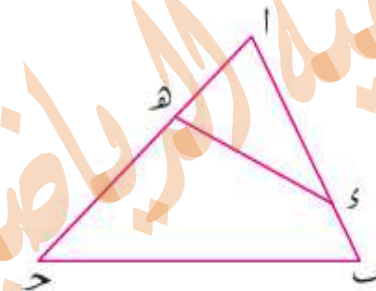


أ ب ح د شكل رباعي تقاطع قطراه في م

مساحة المثلث أ ب م =

مساحة المثلث د ح م ، أثبت أن : $\overline{أ ب} \parallel \overline{د ح}$

(ب) في الشكل المقابل :



$\triangle أ ب ح \sim \triangle أ د ع$ ، فإذا كان :

$أ د = ٤$ سم ، $أ ب = ٨$ سم

$ب ح = ١٠$ سم ، فأوجد : طول د ع

الإجابة

(١) راجع الحلول السابقة

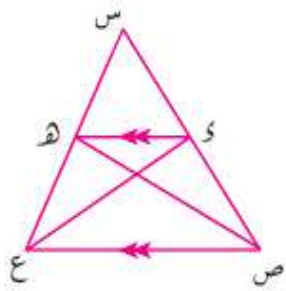
(ب) $\therefore \triangle أ ب ح \sim \triangle أ د ع$

$$\therefore \frac{أ د}{أ ب} = \frac{د ع}{ب ح} \quad \therefore \frac{٤}{٨} = \frac{د ع}{١٠}$$

$$\therefore د ع = ٥ \text{ سم}$$

٣٥

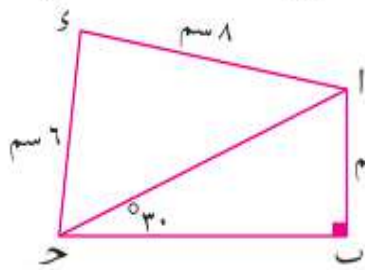
(١) في الشكل المقابل :



إذا كان : $\overline{د ه} \parallel \overline{ص ع}$ ،

أثبت أن : $م (\triangle س ص ه) = م (\triangle س ع د)$

(ب) في الشكل المقابل :



(أولاً) أوجد : طول أ ح

(ثانياً) أثبت أن : $\angle أ د ح = ٩٠^\circ$

الإجابة

(١) راجع الحلول السابقة

(ب) (أولاً) في $\triangle أ ب ح$:

$$\therefore \angle أ د ح = \angle أ ب ح = ٣٠^\circ$$

$$\therefore أ ح = أ ب = ١٠ \text{ سم}$$

(ثانياً) في المثلث أ د ح

$$\therefore \angle أ د ح = \angle أ ب ح = ٣٠^\circ$$

$$\therefore \angle أ د ح = \angle أ ب ح = ٩٠^\circ$$

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ٢٠) من تربية الرياضيات ٢ / عاقل اول

٣٦

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

(أ) مساحة متوازي الأضلاع الذي طولاه ضلعين متجاورين فيه ٧ سم و ٥ سم والارتفاع الأصغر ٤ سم =

(٢٥ سم^٢ أو ٢٨ سم^٢ أو ٣٥ سم^٢ أو ٤٩ سم^٢)

(ب) Δ س ص ع إذا كان : (س ص) > (س ع) + (ص ع) ،

فإن : (ع) تكون (حادة أو منفرجة أو قائمة أو مستقيمة)

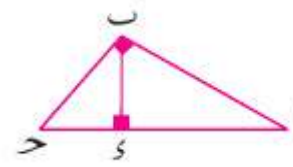
(ج) زاويتا كل من قاعدتي شبه المنحرف المتساوي الساقين

(متطابقتان أو متتامتان أو متكاملتان أو متوازيتان)

(د) متوسط المثلث يقسم سطحه إلى سطحي مثلثين

(متطابقتين أو متساويين في المساحة أو متساويي الساقين أو قائمي الزاوية)

(هـ) في الشكل المقابل :



Δ ا ب ح قائم الزاوية في ب

$\overline{BD} \perp \overline{AC}$ ، (ب ح) = ×

(ب ح × ا ب أو ح ا × ا ب أو ا ح × ا ب أو ح ا × ح ب)

الإجابة

(أ) ٢٨ سم^٢ (ب) حادة (ج) متطابقتان

(د) متساويين في المساحة (هـ) ح ا × ح ب

٣٧

أكمل مكان النقط :

(أ) معين طول قطريه ٨ سم و ٦ سم تكون مساحته = سم^٢

(ب) متوسط المثلث يقسم سطحه إلى مثلثين

(ج) في Δ ا ب ح إذا كان : (ا ب) = (ب ح) - (ا ح) ،

فإن : (ع) = °

(د) زاويتا القاعدة في شبه المنحرف متطابق الساقين يكونان

(هـ) متوازي أضلاع فيه ضلعان متجاوران ٥ سم و ٧ سم و ارتفاعه

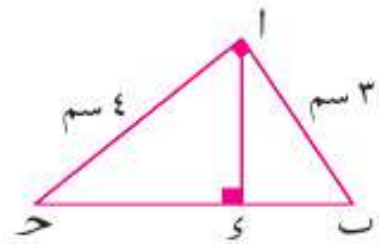
الأصغر ٤ سم ، فإن : مساحته =

الإجابة

(أ) ٢٤ سم^٢ (ب) متساويين في المساحة

(ج) ١ (د) متطابقتان (هـ) ٢٨ سم^٢

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد) (٢١) مندرى توجيه الرياضيات ٢ / عاقل اوولر



في الشكل المقابل :

أ ب ح مثلث فيه :

$$AD \perp BC \text{ و } AD = 3 \text{ سم}$$

$$AB = 3 \text{ سم و } AC = 4 \text{ سم ، أثبت أن :}$$

(أولاً) $\triangle ABC$ قائم الزاوية (ثانياً) أوجد : طول AD

الإجابة

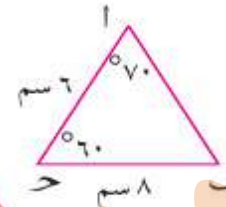
$$(أولاً) \because (AB)^2 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$\therefore (3)^2 = (AD)^2 + (BD)^2$$

$$(ثانياً) AB \times AC = AD \times BC$$

$$\therefore AD = \frac{3 \times 4}{5} = 2.4 \text{ سم}$$

٣٨ (أ) أوجد مساحة شبه المنحرف الذي طولاً قاعدتيه المتوازيتين ٥ سم و ٦ سم ، وارتفاعه ٧ سم .



(ب) في الشكل المقابل :

$\triangle ABC$ و $\triangle DEF$ و

$$\angle A = \angle D = 70^\circ \text{ و } \angle B = \angle E = 60^\circ$$

$$\angle C = \angle F = 50^\circ$$

$$\angle D = 50^\circ \text{ و } \angle E = 60^\circ$$

$$BC = 12 \text{ سم و } AC = 8 \text{ سم}$$

(أولاً) برهن أن : $\triangle ABC \sim \triangle DEF$

(ثانياً) أوجد طول DE و

الإجابة

$$(أ) \text{ مساحة شبه المنحرف } = \frac{1}{2} \times (5 + 6) \times 7 = 21.5 \text{ سم}^2$$

(ب) (أولاً) $\triangle ABC$ و $\triangle DEF$ و

$$\angle A = \angle D = 70^\circ \text{ و } \angle B = \angle E = 60^\circ$$

$$\angle C = \angle F = 50^\circ$$

$$\therefore \triangle ABC \sim \triangle DEF$$

$$(ثانياً) \because \frac{AB}{DE} = \frac{AC}{DF} \therefore \frac{6}{DE} = \frac{8}{12}$$

$$\therefore DE = 9 \text{ سم}$$

نموذج (١) هندسة

١ اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين :

(أ) المعين الذى طولاً قطريه ٤ سم ٦ سم ، فإن : مساحته = سم^٢ .
(٢٤ أ ١٢ أ ٦ أ ٢٠)

(ب) مثلث مساحته ٢٤ سم^٢ وطول قاعدته ٨ سم ، فإن : ارتفاعه = سم .
(٨ أ ٤ أ ٣ أ ٦)

(ج) المثلث الذى أطوال أضلاعه ٧ سم ٥ سم ٦ سم يكون مثلث
(حاد الزوايا أ منفرج الزاوية أ متساوى الأضلاع أ قائم الزاوية)

(د) المربع الذى طول قطره = ١٠ سم ، فإن : مساحته = سم^٢ .
(٢٥ أ ٥٠ أ ٤٠ أ ١٠٠)

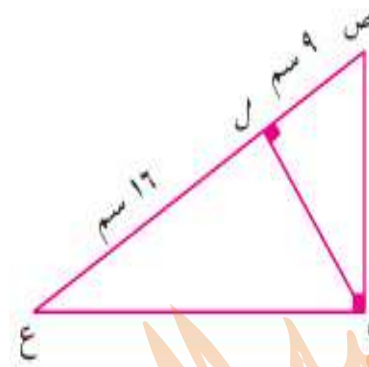
(هـ) إذا تشابه مضلعان ، فإن : أطوال أضلاعهما المتناظرة تكون
(متساوية أ متوازية أ متناسبة أ متقاطعة)

٢ أكمل ما يأتى :

(أ) إذا كانت نسبة التكبير بين مثلثين متشابهين تساوى ١ ، فإن : المثلثين

(ب) متوسط المثلث يقسم سطحه إلى مثلثين

٤٠ (١) فى الشكل المقابل :



س ص ع مثلث فيه : $\angle س = ٩٠^\circ$

س ل \perp ص ع ، فإذا كان : ل ع = ١٦ سم ٦

ص ل = ٩ سم ، أوجد :

(أولاً) طول س ل (ثانياً) مساحة Δ س ص ع

(ب) حدد نوع زاوية ح فى المثلث ا ب ح الذى فيه : ا ب = ٧ سم ٦

ب ح = ٣ سم ٦ ا ح = ٥ سم

الإجابة

(١) (أولاً) $\therefore (س ل)^2 = ل ص \times ل ع$

$\therefore (س ل)^2 = ٩ \times ١٦ \therefore س ل = ١٢ سم$

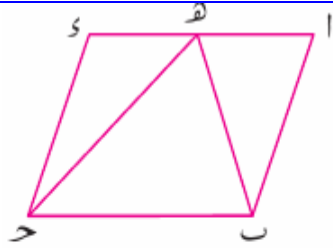
(ثانياً) مساحة Δ س ص ع = $\frac{١}{٢} \times ١٢ \times ٢٥ = ١٥٠ سم^2$

(ب) $\therefore (ا ب)^2 < (ب ح)^2 + (ا ح)^2$

$\therefore \Delta$ ح منفرجة

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ٢٣) منتري توجيه الرياضيات ٢ / عاون اوولر

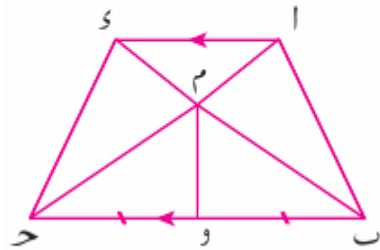
٤ (١) في الشكل المقابل :



مساحة متوازي الأضلاع $ABCD = 18 \text{ سم}^2$
 $CE = 6$ ،

أوجد : مساحة $\triangle ABC$

(ب) في الشكل المقابل :



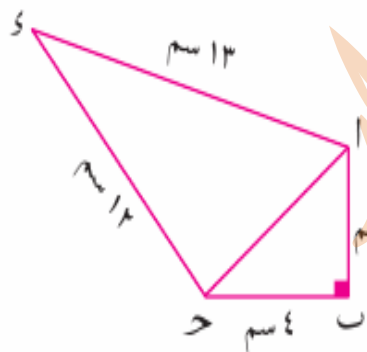
$BC = 6$
 $AD \parallel BC$ ،

أثبت أن :

(أولاً) مساحة $\triangle ABC =$ مساحة $\triangle CDM$

(ثانياً) مساحة الشكل $ABCD =$ مساحة الشكل CDM

٥ (١) في الشكل المقابل :



$\angle ABC = 90^\circ$

$AB = 3 \text{ سم}$ ، $BC = 4 \text{ سم}$ ،

$AD = 13 \text{ سم}$ ، $CD = 12 \text{ سم}$ ،

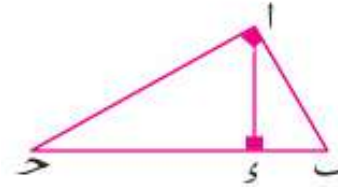
(أولاً) أوجد : طول AC

(ثانياً) أثبت أن : $\angle ACD = 90^\circ$

(ح) في $\triangle ABC$ إذا كان : $(\angle C) = (\angle B)$ ، $(\angle A) = (\angle B)$ ،

فإن : $\angle C = (\dots\dots\dots)$ ، 90°

(د) في الشكل المقابل :

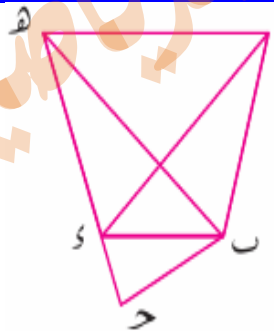


$(AB) \times \dots\dots\dots = 18$

(هـ) شبه المنحرف طول قاعدته المتوسطة ٩ سم وارتفاعه ٥ سم ،

فإن : مساحته = $\dots\dots\dots \text{ سم}^2$.

٣ (١) في الشكل المقابل :

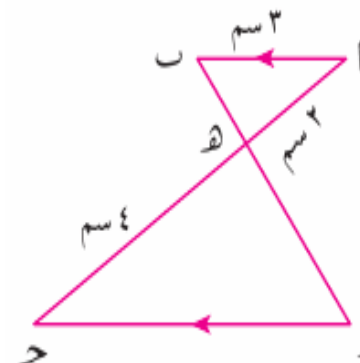


مساحة الشكل $ABCD =$

مساحة $\triangle ABC$

أثبت أن : $AD \parallel BC$

(ب) في الشكل المقابل :



$AB \parallel CD$ ، $AD \parallel BC$ ، $AC = 2 \text{ سم}$ ،

$BC = 4 \text{ سم}$ ، $AB = 3 \text{ سم}$ ،

(أولاً) أثبت أن : $\triangle ABC \sim \triangle CDE$

(ثانياً) أوجد : طول CD

إجابة النموذج (١)

١ (١) ١٢ سم^٢ (ب) ٦ سم (ج) حاد الزوايا
(هـ) متناسبة

٢ (١) متطابقان (ب) متساويين في المساحة
(ج) و (د) (ص) (ي) ب و (هـ) ٤٥ سم^٢

٣ (١) م (الشكل اب ح ي) = م (Δ هـ ب ح)

بطرح م (Δ ب ح ي) من كل منهما

∴ م (Δ اب ي) = م (Δ هـ ب ي)

وهما مرسومان على ب ي ، ورأساهما على آ هـ

∴ آ هـ // ب ي

(ب) (أولاً) راجع الحلول السابقة

$$\frac{٣}{ح ي} = \frac{٢}{٤} \therefore \frac{اب}{ح ي} = \frac{اه}{ح هـ} \therefore \text{(ثانيًا)}$$

$$\therefore ح ي = ٦ \text{ سم}$$

٤ (١) م (Δ هـ ب ح) = ٩ سم^٢

(ب) راجع الحلول السابقة

٥ (أولاً) في Δ اب ح : ا ح = ٥ سم

(ثانيًا) في Δ ا ح ي :

$$\therefore \angle (ا ي) = \angle (ا ح) + \angle (ح ي)$$

$$\therefore \angle (ا ح ي) = ٩٠^\circ$$

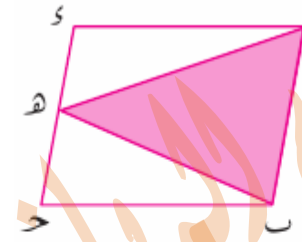
المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ٢٥) مندرى توجيه الرياضيات ٢ / عاقل اولاد

نموذج (٢) هندسة

١ اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين :

(١) مساحة المربع الذي طول قطره ٦ سم = سم^٢ . (٦ ١٢ ١٨ ٣٦ ٦٠)

(ب) في الشكل المقابل :



أب ح د متوازي أضلاع ما \Rightarrow ح د .
فإذا كانت مساحة Δ ا ه ب = ١٥ سم^٢ ،

فإن : مساحة متوازي الأضلاع أب ح د = سم^٢

(١٥ ٣٠ ٤٥ ٦٠ ٢٢٥)

(ج) أب ح د فيه : $\angle(أ ب) < \angle(أ ح) + \angle(أ د)$ ،

فإن : $(\angle ح د)$ تكون
(منفرجة أو قائمة أو حادة أو منعكسة)

(د) مساحة المثلث الذي طول قاعدته ٦ سم وارتفاعه ٤ سم = سم^٢ .

(٦ ٢٤ ١٢ ١٠ ٦٠)

(هـ) إذا كان : Δ أب ح د $\sim \Delta$ س ص ع ما $\frac{١}{٢} = \frac{س ص}{١٠}$ ، فإن : محيط Δ أب ح د

= محيط Δ س ص ع .
(٤ ١٤ ٢٤ ١٠ ١٢)

٢ أكمل ما يأتي بالإجابة الصحيحة :

(١) قطرا شبه المنحرف المتساوي الساقين

(ب) متوسط المثلث يقسم سطحه إلى سطحي مثلثين في المساحة .

(ج) يتشابه المضلعان إذا كانت الأضلاع المتناظرة والزوايا المتناظرة

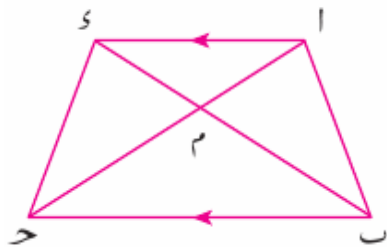
(د) في Δ أب ح د إذا كان : $\angle(أ ب) = \angle(أ ح) + \angle(أ د)$ ،

فإن : $\angle(أ د) = ٩٠^\circ$

(هـ) مساحة متوازي الأضلاع = طول قاعدته \times

٣ (١) أوجد مساحة المعين الذي طول قطريه ٦ سم ٨ سم .

(ب) في الشكل المقابل :

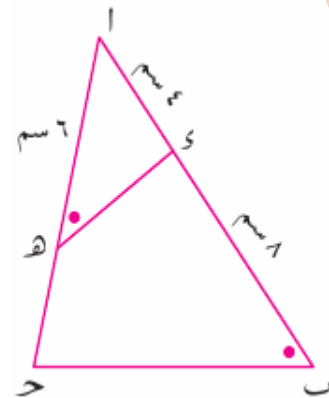


أو $\overline{أ ب} \parallel \overline{أ د} \cap \overline{أ ب} = \{م\}$ ،

أثبت أن :

مساحة Δ ا م ب = مساحة Δ د م ح

٤ في الشكل المقابل :



و $(\angle ا ه د) = (\angle ا ب د)$ و $(\angle ا ب د) = ٦٠^\circ$

أي $= ٤$ سم ما ا ه $= ٤$ سم ما ب $= ٨$ سم

(أولاً) برهن أن : $\Delta ا ب د \sim \Delta ا ه د$

(ثانياً) أوجد : طول ا ه ح

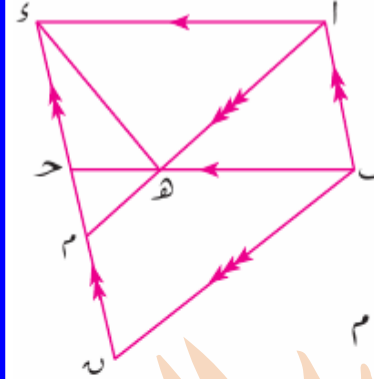
إجابة نموذج (٢)

- ١ (أ) ١٨ سم^٢ (ب) ٣٠ سم^٢ (ج) منفرجة
(د) ١٢ سم^٢ (هـ) $\frac{1}{4}$

- ٢ (أ) متطابقان (ب) متساويين
(ج) متناسبة الزوايا المتناظرة متساوية في القياس
(د) $\frac{1}{4}$ (هـ) الارتفاع المناظر لها

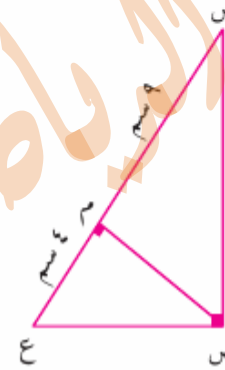
- ٣ (أ) مساحة المعين = ٢٤ سم^٢
(ب) راجع الحلول السابقة

٥ (أ) في الشكل المقابل :



مساحة $\triangle AEF = \frac{1}{4}$ مساحة $ABCD$

(ب) في الشكل المقابل :



س م = ٩ سم

ع م = ٤ سم

أوجد : طول ص م

نموذج (٣) هندسة

١ أكمل ما يأتى :

- (أ) متوسط المثلث يقسم سطحه إلى مثلثين
- (ب) يتشابه المثلثان إذا كان أطوال أضلاعها المتناظرة
- (ج) المربع الذى طول قطره ١٠ سم تكون مساحته سم^٢
- (د) شبه منحرف طولاه قاعدتيه المتوازيتين : ٤ سم ٦ سم وارتفاعه ٤ سم ، فإن مساحته سم^٢
- (هـ) المثلثان المرسومان على قاعدة واحدة ورأساهما على مستقيم يوازي هذه القاعدة يكونان

٢ تخير الإجابة الصحيحة :

- (أ) معين طولاه قطريه ٦ سم ١٠ سم ، فإن : مساحته = سم^٢ .
(٣٠ أ ١٥ أ ١٠ أ ٦٠)
- (ب) فى Δ ل م ن ، إذا كان : $(ل م) < (ل ن) + (ن م)$ ،
تكون : Δ ن (حادة أ منفرجة أ قائمة أ مستقيمة)

٤ (أولاً) فى Δ ا هـ ٦ ا ح ب

Δ مشتركة ٦ و $(\Delta$ ا هـ ٤) = و $(\Delta$ ب

Δ ا هـ ٦ - Δ ا ح ب

(ثانياً) $\therefore \frac{ا هـ}{ا ب} = \frac{ا هـ}{ا ح} \therefore \frac{٤}{١٢} = \frac{٤}{٦ + ح} \therefore \frac{٤}{١٢} = \frac{٤}{٦ + ح}$

$\therefore ٨ = ٦ + ح \therefore ح = ٢$ سم

٥ (أ) م $(\Delta$ هـ ا د)

$\frac{١}{٤} =$ م (متوازي الأضلاع ا ب ح د)

\therefore م (متوازي الأضلاع ا ب ح د)

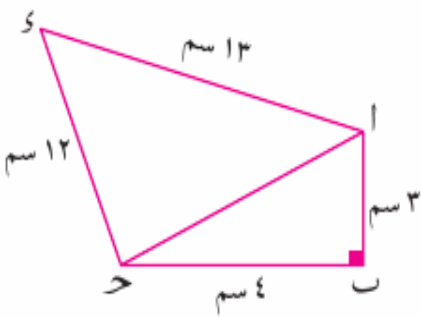
$=$ م (متوازي الأضلاع ا ب ح د)

\therefore م $(\Delta$ هـ ا د)

$\frac{١}{٤} =$ م (متوازي الأضلاع ا ب ح د)

(ب) $\therefore (ص م) = ٩ \times ٤ \therefore ص م = ٦$ سم

المراجعة النهائية في الهندسة / الفصل الدراسي الثاني / الصف الثاني (الأعداد ٢٨) مندرى توجيه الرياضيات ٢ / عاون اوول



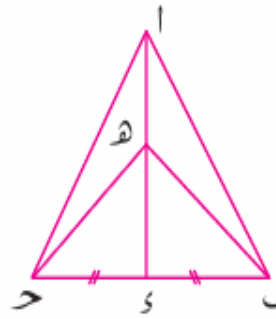
٤ (١) في الشكل المقابل :

$$AB = 3 \text{ سم} \quad AC = 6 \text{ سم} \quad \angle A = 90^\circ$$

$$AD = 13 \text{ سم} \quad AE = 12 \text{ سم}$$

$$\angle B = 90^\circ$$

$$\text{أثبت أن : } \angle A = 90^\circ$$

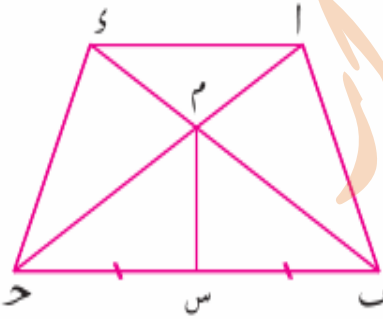


(ب) في الشكل المقابل :

$$\Delta ABC \text{ فيه : } \overline{DE} \text{ متوسط}$$

$$\overline{DE} \parallel \overline{BC} \text{ و } \overline{DE} \text{ يقطع } \overline{AB} \text{ و } \overline{AC} \text{ عند } D \text{ و } E \text{ على التوالي}$$

$$\text{أثبت أن : مساحة } \Delta ABC = 4 \times \text{مساحة } \Delta ADE$$



٥ (١) في الشكل المقابل :

$$\overline{EF} \parallel \overline{AD} \text{ و } \overline{EF} \text{ يقطع } \overline{AB} \text{ و } \overline{CD} \text{ عند } E \text{ و } F \text{ على التوالي}$$

$$\text{أثبت أن :}$$

$$\text{(أولاً) مساحة } \Delta ABC = 4 \times \text{مساحة } \Delta DEF$$

$$\text{(ثانياً) مساحة الشكل } ABCD = 4 \times \text{مساحة الشكل } EFGH$$

(ج) مساحة متوازي الأضلاع الذي طولاه ضلعين متجاورين فيه ٦ سم و ٧ سم

$$\text{والارتفاع الأكبر ٥ سم} = \dots\dots\dots (٤٩ \text{ أ } ٣٥ \text{ ب } ٣٠ \text{ ج } ٤٢ \text{ د } ٤٦)$$

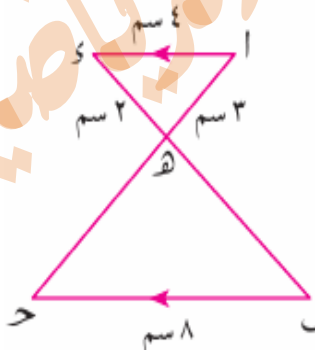
(د) مثلث مساحته ٢٤ سم^٢ وارتفاعه ٨ سم ، فإن : طول قاعدته

$$(١٦ \text{ أ } ٦ \text{ ب } ٢ \text{ ج } ٣ \text{ د } ٤)$$

(هـ) إذا كانت نسبة التكبير لمضلعين متشابهين تساوى كان المضلعان

$$(١ \text{ أ } ٢ \text{ ب } ٣ \text{ ج } ٤ \text{ د } ٥)$$

٣ (١) في الشكل المقابل :



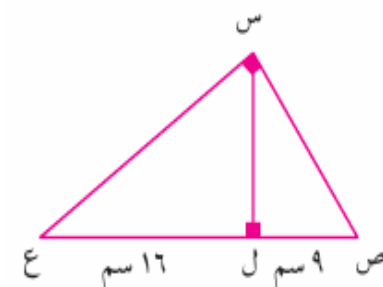
$$\overline{AD} \parallel \overline{BC} \text{ و } \overline{AD} \text{ يقطع } \overline{AB} \text{ و } \overline{AC} \text{ عند } D \text{ و } E \text{ على التوالي}$$

$$\overline{AD} = 3 \text{ سم} \quad \overline{BC} = 12 \text{ سم}$$

$$\text{(أولاً) أثبت أن : } \Delta ABC \sim \Delta ADE$$

$$\text{(ثانياً) أوجد : محيط } \Delta ABC$$

(ب) في الشكل المقابل :



$$\Delta ABC \text{ قائم الزاوية في } C$$

$$\overline{DE} \perp \overline{BC} \text{ و } \overline{DE} \text{ يقطع } \overline{AB} \text{ و } \overline{AC} \text{ عند } D \text{ و } E \text{ على التوالي}$$

$$\overline{DE} = 16 \text{ سم}$$

$$\text{أوجد : طول } \overline{BC}$$

إجابة نموذج (٣)

١ (١) متساويين في المساحة (ب) متناسبة

(ح) ٥٠ سم^٢ (د) ٢٠ سم^٢

(هـ) متساويين في المساحة

٢ (١) ٣٠ سم^٢ (ب) منفرجة (ح) ٣٠ سم^٢

(د) ٦ سم (هـ) ١

٣ (١) (أولاً) راجع الحلول السابقة

(ثانيًا) محيط المثلث هـ ب ح = ٩ × ٢ =

١٨ سم

(ب) س ل = ١٢ سم ٦ س ع = ٢٠ سم

٤ (١) في Δ ا ب ح : ا ح = ٥ سم

في Δ ا ح د :

$$\therefore (ا د)^2 = (ا ح)^2 + (ح د)^2 = ١٦٩$$

$$\therefore \angle ا ح د = ٩٠^\circ$$

(ب) راجع الحلول السابقة

٥ (١) راجع الحلول السابقة

مراجعة الهندسة

س١ اختار الاجابة الصحيحة مما بين الاجابات المعطاة :-

- (١) معين طولاً قطريه ٦ سم ، ٨ سم فإن مساحة سطحه = سم^٢
 (أ) ٤٨ (ب) ١٤ (ج) ٢٤ (د) ٢٨
- (٢) مثلثان متشابهان النسبة بين طولي ضلعين متناظرين فيهما ٣ : ٤ فإذا كان محيط الأصغر ٣٦ سم فإن محيط المثلث الأكبر = سم
 (أ) ٩ (ب) ١٢ (ج) ٢٤ (د) ٤٨
- (٣) إذا كان طول قاعدة متوازي أضلاع ٧ سم وارتفاعه المناظر لهذه القاعدة ٤ سم فإن مساحته = سم^٢
 (أ) ١١ (ب) ١٤ (ج) ٢٢ (د) ٢٨
- (٤) طول مسقط قطعة مستقيمة موازية لمستقيم معلوم على هذا المستقيم المعلوم طول القطعة المستقيمة
 (أ) > (ب) < (ج) = (د) ≥
- (٥) إذا تشابه مضلعان وكانت النسبة بين طولي ضلعين متناظرين ١ : ٢ فإن النسبة بين محيطيهما
 (أ) ١ : ٢ (ب) ٢ : ٣ (ج) ٣ : ٤ (د) ٤ : ٣
- (٦) في Δ م ب ج إذا كان $\angle م (ج) = \angle م (ب)$ فإن $\angle ب > \angle ج$ تكون
 (أ) قائمة (ب) حادة (ج) منفرجة (د) منعكسة
- (٧) إذا كانت مساحة متوازي أضلاع ٣٥ سم^٢ وطول أحد أضلاعه ٧ سم فإن الارتفاع الساقط عليه = سم
 (أ) ١٠ (ب) ٥ (ج) ٧ (د) $\frac{٥}{٧}$
- (٨) إذا كانت نسبة التكبير بين مضلعين متشابهين = فإن المضلعين متطابقان
 (أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٠.٥ (د) ٠.٢٥
- (٩) العمود المرسوم من رأس القائمة لمثلث قائم الزاوية على الوتر يقسمه لمثلثين
 (أ) متطابقين (ب) حادين (ج) متشابهين (د) منفرجي الزاوية
- (١٠) مساحة المثلث مساحة متوازي الأضلاع المشترك معه في القاعدة ورأسه على المستقيم الموازي لهذه القاعدة . (أ) تساوي (ب) نصف (ج) ضعف (د) ربع
- (١١) إذا كان $م ب \perp ب ج$ فإن مسقط م ج على ب ج هي
 (أ) م ب (ب) ب ج (ج) م ج (د) { م }
- (١٢) طول مسقط قطعة مستقيمة على مستقيم معلوم طول القطعة نفسها
 (أ) < (ب) ≥ (ج) ≤ (د) =
- (١٣) طولاً ضلعين متجاورين في متوازي أضلاع ٦ سم ، ٧ سم وارتفاعه الأكبر ٥ سم فتكون مساحته = سم^٢
 (أ) ٣٠ (ب) ٣٥ (ج) ٤٢ (د) ٤٩
- (١٤) إذا كان المثلث م ب ج ~ المثلث م س ص ، $\angle م (ب) = ٥٥^\circ$ فإن $\angle م (س) = \dots\dots\dots^\circ$
 (أ) ١٠٠ (ب) ١٣٠ (ج) ٤٠ (د) ٥٠
- (١٥) المضلعان المتشابهان زواياهما المتناظرة في القياس
 (أ) متساوية (ب) مختلفة (ج) متبادلة (د) متناسبة وغير متساوية

ليلة الامتحان في الرياضيات (جبر - هندسة) الصف الثاني (الأعداد) ترم ثان (٧)

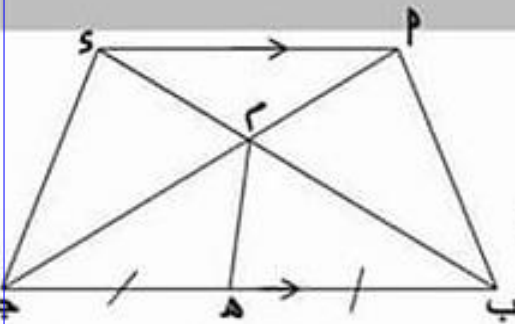
- (١٦) المثلث الذي طول قاعدته ١٢ سم ومساحته ٤٨ سم^٢ يكون ارتفاعه المناظر لهذه القاعدة (أ) ٣ سم (ب) ٤ سم (ج) ٦ سم (د) ٨ سم
- (١٧) $\triangle ABC$ متوازي أضلاع ، $\angle A = 120^\circ$ فإذا كانت مساحة $\triangle ABC = 35$ سم^٢ فإن مساحة متوازي الأضلاع $ABCD =$ سم^٢ (أ) ٣٥ (ب) ٧٠ (ج) ١٧ (د) ١٧.٥
- (١٨) مسقط قطعة مستقيمة عمودية على مستقيم معلوم هو (أ) نقطة (ب) قطعة مستقيمة (ج) مستقيم (د) شعاع
- (١٩) النسبة بين مساحة متوازي الأضلاع ومساحة المثلث المشترك معه في القاعدة والمحصور بين مستقيمين متوازيين تساوي (أ) ١ : ٢ (ب) ١ : ٣ (ج) ١ : ٢ (د) ٣ : ١
- (٢٠) الأطوال ١٣ سم ، ١١ سم ، ٢٠ سم تصلح أن تكون أطوالاً لأضلاع مثلث (أ) قائم الزاوية (ب) منفرج الزاوية (ج) حاد الزوايا (د) متساوي الساقين
- (٢١) مربع طول قطره ١٠ سم تكون مساحته = سم^٢ (أ) ٥٠ (ب) ١٠٠ (ج) ٣٠ (د) ٤٠
- (٢٢) معين مساحته ٣٦ سم^٢ وطول أحد قطريه ٩ سم فإن طول القطر الآخر سم (أ) ٤ (ب) ١٨ (ج) ٨ (د) ١٦
- (٢٣) مساحة شبه المنحرف الذي طول قاعدته المتوسطة ١٠ سم وارتفاعه ٨ سم = سم^٢ (أ) ٨٠ (ب) ٤٠ (ج) ١٠٠ (د) ١٦٠
- (٢٤) إذا كان $\triangle ABC$ فيه $\angle A < \angle B + \angle C$ فإن زاوية C تكون (أ) قائمة (ب) حادة (ج) منفرجة (د) مستقيمة
- (٢٥) في $\triangle ABC$ إذا كان $\angle A = 120^\circ$ ، $\angle B = 30^\circ$ ، فإن $\angle C$ تكون زاوية (أ) حادة (ب) منفرجة (ج) قائمة (د) مستقيمة
- (٢٦) المضلعان المتشابهان أضلاعهما المتناظرة (أ) متطابقة (ب) متساوية في الطول (ج) متناسبة (د) منطبقة
- (٢٧) شبه منحرف طولاً قاعدتيه المتوازيتين ٣ سم ، ٥ سم فإن طول قاعدته المتوسطة = سم (أ) ٣ (ب) ٤ (ج) ٥ (د) ٦
- (٢٨) عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الساقين هو (أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) صفر
- ٢. أكمل ما يأتي :-**
- (١) يتشابه المضلعان إذا كانت الأضلاع المتناظرة والزوايا المتناظرة
- (٢) مساحة شبه المنحرف الذي طولاً قاعدتيه المتوازيتين ٩ سم ، ١١ سم وارتفاعه ٤ سم تساوي سم^٢
- (٣) يتطابق المثلثان المتشابهان إذا كانت نسبة التكبير بينهما
- (٤) المثلث ABC فيه $\angle A = 120^\circ$ ، $\angle B = 30^\circ$ ، فإن $\angle C$ يكون قائم الزاوية في
- (٥) مربع مساحته ٣٢ سم^٢ فإن طول قطره = سم

ليلة الامتحان في الرياضيات (جبر - هندسة) الصف الثاني (الأعداد) ترم ثان (٨)

- (٦) المثلثان المرسومان على قاعدة واحدة ورأساهما على مستقيم يوازي هذه القاعدة
- (٧) إذا كان $\triangle P \sim \triangle D$ و $P = \frac{1}{4} D$ فإن محيط $\triangle P$ جـ $\triangle D$ هو
- (٨) المثلثان المتساويان في مساحتهما ، والمرسومان على قاعدة واحدة وفي جهة واحدة منها يكون
- (٩) متوسط المثلث يقسم سطحه إلى مثلثين
- (١٠) المثلث الذي أطوال أضلاعه ٦ سم ، ٨ سم ، ١٠ سم يكون الزاوية
- (١١) $\triangle P$ جـ قائم الزاوية في P ، $P \perp D$ جـ ، $D \in P$ جـ فيكون $P \times P$ جـ =
- (١٢) في المثلث P جـ إذا كان $(P) + (P) = 5 + (P)$ فإن $>$ جـ تكون
- (١٣) قَطْرًا شبه المنحرف المتساوي الساقين يكونان
- (١٤) طول مسقط قطعة مستقيمة عمودية على مستقيم يساوي
- (١٥) شبه منحرف طول القاعدة المتوسطة ٨ سم وطول إحدى قاعدتيه المتوازيتين = ٥ سم فإن طول القاعدة الأخرى

س٣ أسئلة مقالية

(١) في الشكل المقابل

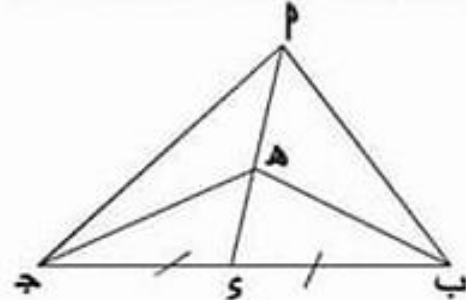


P جـ E شكل رباعي فيه $P \parallel E$ جـ
 $B = D$ جـ ، $P \cap B = E$ جـ
 أثبت أن مساحة الشكل P جـ $B = D$ جـ = مساحة الشكل E جـ D جـ

الحل
 $P \parallel E$ جـ

∴ مساحة $\triangle P$ جـ $B =$ مساحة $\triangle P$ جـ E لانهم مرسومان على قاعدة واحدة وفي جهة واحدة منها
 بطرح مساحة $\triangle P$ جـ E من الطرفين نجد أن مساحة $\triangle P$ جـ $B =$ مساحة $\triangle E$ جـ D (١)
 ∴ $B = D$ جـ
 ∴ مساحة $\triangle P$ جـ $B =$ مساحة $\triangle E$ جـ D (٢)
 بجمع (١) ، (٢) نجد أن
 مساحة الشكل P جـ $B = D$ جـ = مساحة الشكل E جـ D جـ

(٢) في الشكل المقابل

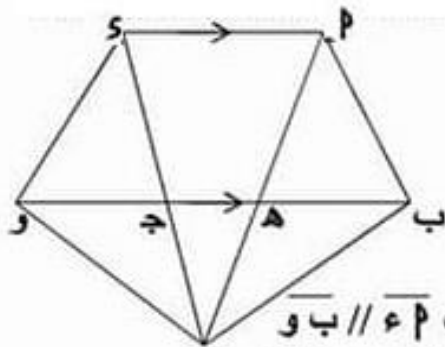


E منتصف P جـ ، $H \in P$ جـ
 أثبت أن مساحة $\triangle P$ جـ $B =$ مساحة $\triangle H$ جـ B جـ

الحل

∴ E منتصف P جـ في $\triangle P$ جـ B جـ
 ∴ E متوسط في $\triangle P$ جـ B جـ
 ∴ مساحة $\triangle P$ جـ $B =$ مساحة $\triangle H$ جـ B جـ (١)
 ∴ E منتصف P جـ في $\triangle H$ جـ B جـ ∴ H جـ متوسط في $\triangle H$ جـ B جـ
 ∴ مساحة $\triangle H$ جـ $B =$ مساحة $\triangle H$ جـ E جـ (٢)
 بطرح (١) ، (٢) نجد أن
 مساحة $\triangle P$ جـ $B =$ مساحة $\triangle H$ جـ B جـ

ليلة الامتحان في الرياضيات (جبر - هندسة) الصف الثاني (الأعداد) ترم ثان (٩)



(٣) في الشكل المقابل

$\overline{EH} \parallel \overline{SP}$ ، $\overline{EH} \parallel \overline{SO}$ متوازي أضلاع

$\overline{EH} \parallel \overline{PO}$ ، $\overline{EH} \parallel \overline{SO}$ متوازي أضلاع

اثبت أن مساحة $\triangle P$ ب س = مساحة $\triangle E$ و س

الحل

∴ $\overline{EH} \parallel \overline{SP}$ ، $\overline{EH} \parallel \overline{SO}$ متوازي أضلاع مشترك في القاعدة \overline{EH} ، $\overline{EH} \parallel \overline{SO}$

∴ مساحة متوازي الاضلاع $\overline{EH} \parallel \overline{SO}$ = مساحة متوازي الاضلاع $\overline{EH} \parallel \overline{SP}$ (١)

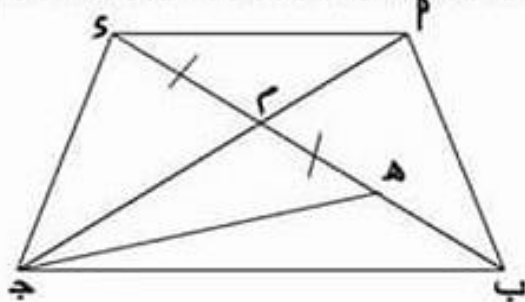
∴ $\triangle P$ ب س ، متوازي الاضلاع $\overline{EH} \parallel \overline{SO}$ مشترك في القاعدة \overline{EH} ، $\overline{EH} \parallel \overline{SO}$

∴ مساحة $\triangle P$ ب س = $\frac{1}{4}$ مساحة متوازي الاضلاع $\overline{EH} \parallel \overline{SO}$ (٢)

∴ $\triangle E$ و س ، متوازي الاضلاع $\overline{EH} \parallel \overline{SP}$ مشترك في القاعدة \overline{EH} ، $\overline{EH} \parallel \overline{SP}$

∴ مساحة $\triangle E$ و س = $\frac{1}{4}$ مساحة متوازي الاضلاع $\overline{EH} \parallel \overline{SP}$ (٣)

من (١) ، (٢) ، (٣) نجد أن مساحة $\triangle P$ ب س = مساحة $\triangle E$ و س



(٤) في الشكل المقابل

$\overline{SP} \parallel \overline{BJ}$ ، $\overline{SP} \parallel \overline{BJ}$ شكل رباعي تقاطع قطراه في م

$\overline{SP} \parallel \overline{BJ}$ حيث $\overline{SP} \parallel \overline{BJ}$ ، $\overline{SP} \parallel \overline{BJ}$

مساحة $\triangle P$ ب م = مساحة $\triangle M$ ج م

برهن أن $\overline{SP} \parallel \overline{BJ}$

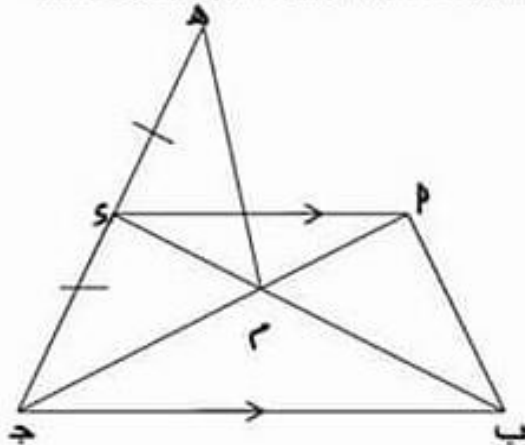
الحل

∴ $\overline{SP} \parallel \overline{BJ}$ ، $\overline{SP} \parallel \overline{BJ}$ شكل رباعي تقاطع قطراه في م

لكن من المعطيات مساحة $\triangle P$ ب م = مساحة $\triangle M$ ج م

من (١) ، (٢) نجد أن مساحة $\triangle P$ ب م = مساحة $\triangle M$ ج م باضافة مساحة $\triangle P$ م ج للطرفين

∴ مساحة $\triangle P$ ب م = مساحة $\triangle M$ ج م منها $\overline{SP} \parallel \overline{BJ}$



(٥) في الشكل المقابل

$\overline{EH} \parallel \overline{SP}$ ، $\overline{EH} \parallel \overline{SO}$ متوازي أضلاع

$\overline{EH} \parallel \overline{PO}$ ، $\overline{EH} \parallel \overline{SO}$ متوازي أضلاع

اثبت أن مساحة $\triangle P$ ب م = مساحة $\triangle E$ و س

الحل

∴ $\overline{EH} \parallel \overline{SP}$ ، $\overline{EH} \parallel \overline{SO}$ متوازي أضلاع

∴ مساحة $\triangle P$ ب م = مساحة $\triangle E$ و س

بطرح مساحة $\triangle P$ م ج من الطرفين

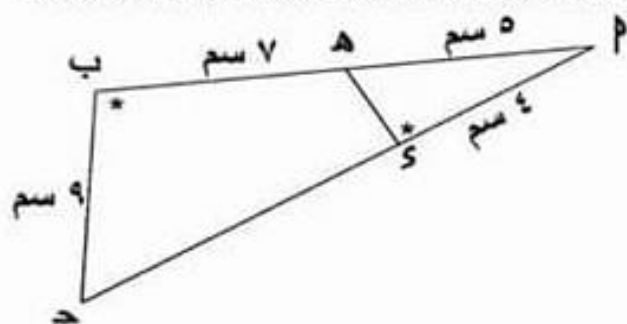
∴ مساحة $\triangle P$ ب م = مساحة $\triangle E$ و س (١)

∴ $\overline{EH} \parallel \overline{SP}$ ، $\overline{EH} \parallel \overline{SO}$ متوازي أضلاع

ليلة الامتحان في الرياضيات (جبر - هندسة) الصف الثاني الأعداد وترم ثان (١٠)

∴ مساحة Δ م ه ع = مساحة Δ م ج ع (٢)

من (١)، (٢) نجد أن مساحة Δ م ه ع = مساحة Δ م ج ع



(٦) في الشكل المقابل

ق (>) م ه ع = ق (>) م ج ع

م ه = ٥ سم ، م ج = ٧ سم

ب ج = ٩ سم ، ب ه = ٤ سم

(١) أثبت أن Δ م ه ع ~ Δ م ج ع

(٢) أوجد طول كلا من م ه ، م ج

الحل

Δ م ه ع ، Δ م ج ع فيهما

م > مشتركة ، ق (>) م ه ع = ق (>) م ج ع ∴ ق (>) م ه ع = ق (>) م ج ع

∴ Δ م ه ع ~ Δ م ج ع

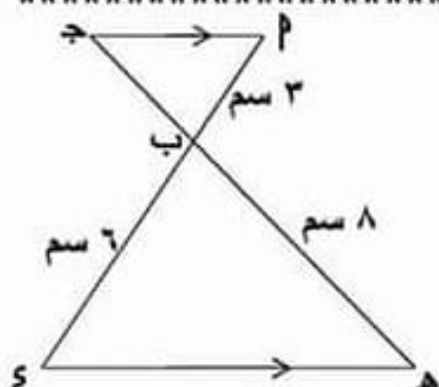
$$\frac{5}{م ج} = \frac{م ه}{٩} = \frac{٤}{١٢} \text{ منها}$$

$$\frac{م ه}{م ج} = \frac{٤}{٩} = \frac{٥}{١٢}$$

منها م ه ج = ١٥ - ٤ = ١١ سم

م ج = $\frac{٥ \times ١٢}{٤} = ١٥$ سم

م ه = $\frac{٤ \times ٩}{١٢} = ٣$ سم



(٧) في الشكل المقابل

إذا كان م ج // م ه ، م ب = ٣ سم

ب ه = ٨ سم ، ب ج = ٦ سم

(١) أثبت أن Δ م ج ه ~ Δ م ب ه

(٢) أوجد طول م ج

الحل

∴ م ج // م ه

∴ ق (>) م ج ه = ق (>) م ب ه ، ق (>) م ج ه = ق (>) م ب ه بالتبادل

Δ م ج ه ، Δ م ب ه فيهما

ق (>) م ج ه = ق (>) م ب ه ، ق (>) م ج ه = ق (>) م ب ه بالتبادل

ق (>) م ج ه = ق (>) م ب ه بالتبادل بالراس

∴ Δ م ج ه ~ Δ م ب ه

$$ب ج = \frac{٨ \times ٣}{٦} = ٤ \text{ سم}$$

$$\frac{ب ج}{٨} = \frac{٣}{٦} \text{ منها}$$

$$\frac{ب ج}{٨} = \frac{٣}{٦}$$

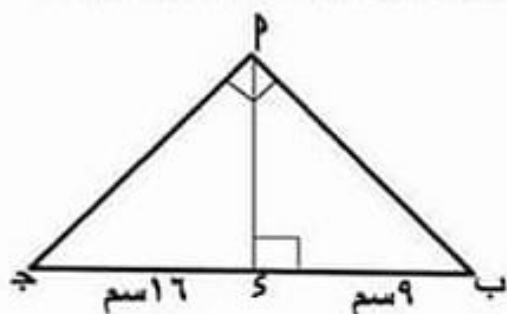
(٨) إذا كان Δ م ج ه فيه م ب = ٧ سم ، ب ج = ٣ سم ، م ه = ٥ سم . حدد نوع Δ م ج ه

بالنسبة لزواياه .

الحل (م ب) = ٩ ، (م ج) = ٢ ، (م ه) = ٢ ، ٩ = ٢ + ٢ ، ٩ = ٢ + ٢ ، ٩ = ٢ + ٢

ليلة الامتحان في الرياضيات (جبر - هندسة) الصف الثاني (الأعداد) ترم ثان (١١)

 $\therefore \Delta PAB$ منفرج الزاوية في ج



(٩) في الشكل المقابل

ΔPAB مثلث قائم الزاوية في P ، $PS \perp AB$
 $PS = 5$ سم، $AS = 16$ سم
 أوجد طول كلا من PA ، PB

الحل

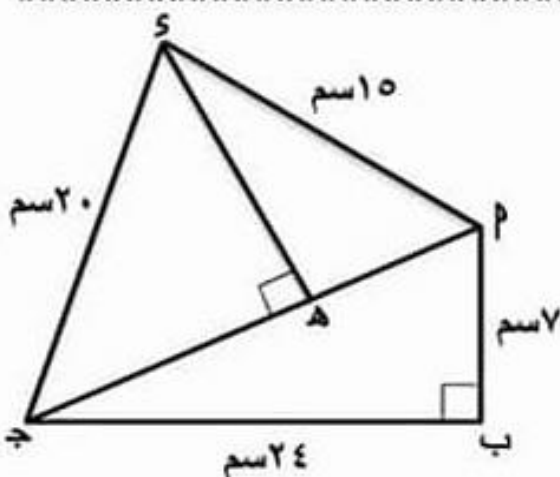
ΔPAB منفرج الزاوية في P ، $PS \perp AB$

$$\therefore (PA)^2 = AS \times AB = 16 \times 25 = 400$$

$$PA = \sqrt{400} = 20 \text{ سم}$$

$$PB = \sqrt{25 \times 25} = 25 \text{ سم}$$

$$(PB)^2 = PS \times AB = 5 \times 25 = 125$$



(١٠) في الشكل المقابل

ΔPAB مثلث قائم الزاوية فيه

ق ($\angle P$) = 90° ، $PS \perp AB$

$PS = 7$ سم، $AS = 24$ سم، $AB = 10$ سم

أوجد طول PA

(١) أوجد طول PA

(٢) أثبت أن ق ($\angle P$) = 90°

(٣) أوجد طول مسقط P على AB

الحل

ΔPAB منفرج الزاوية في P

$$\therefore (PA)^2 = AS \times AB = 24 \times 34 = 816$$

$$PA = \sqrt{816} = 28.56 \text{ سم}$$

$$PB = \sqrt{7 \times 34} = 24 \text{ سم}$$

$$\therefore (PA)^2 + (PB)^2 = (AB)^2 \Rightarrow 816 + 588 = 1404 = (34)^2$$

$$\therefore \Delta PAB$$
 منفرج الزاوية في P

$$PS = \frac{PA \times PB}{AB} = \frac{28.56 \times 24}{34} = 20 \text{ سم}$$

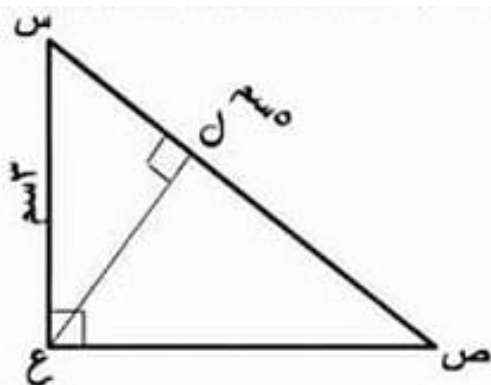
(١١) أوجد مساحة شبه المنحرف الذي طولاه قاعدتيه المتوازيين ٨ سم، ٦ سم وارتفاعه ١٠ سم

الحل

$$\text{مساحة شبه المنحرف} = \frac{1}{2} (\text{مجموع القاعدتين المتوازيين}) \times \text{الارتفاع}$$

$$= \frac{1}{2} (6 + 8) \times 10 = 70 \text{ سم}^2$$

ليلة الامتحان في الرياضيات (جبر - هندسة) الصف الثاني الأعداد ترم ثان (١٢)



(١٢) في الشكل المقابل

Δ س ص ع فيه \angle (> س ص ع) = 90°
 ، $\overline{ل} \perp \overline{س ع}$ حيث $\overline{س ص} = 3$ سم ، $\overline{س ع} = 4$ سم
 احسب طول كلا من $\overline{ل ع}$ ، $\overline{ل ع}$

الحل

Δ : س ص ع فيه \angle (> س ص ع) = 90°

$$\therefore (\text{س ص ع})^2 = (\text{س ص س})^2 + (\text{س ص ع})^2$$

$$16 = 9 - 25 =$$

$$\text{ص ع} = 4 \text{ سم}$$

$$\therefore \overline{ل ع} = \frac{12}{5} = \frac{3 \times 4}{5} = 2.4 \text{ سم}$$

$$\therefore \overline{ل ع} \perp \overline{س ص}$$

(١٣) مثلثان متشابهان أطوال اضلاع أحدهما ٣ سم ، ٤ سم ، ٥ سم ، محيط الآخر ٣٦ سم أوجد أطوال اضلاع المثلث الآخر .

الحل

نفرض أطوال اضلاع المثلث الآخر س ، ص ، ع ، محيطه ٣٦ سم

$$\therefore \text{المثلثان متشابهان} \quad \therefore \frac{36}{12} = \frac{ع}{5} = \frac{ص}{4} = \frac{س}{3}$$

$$\text{س} = \frac{3 \times 36}{12} = 9 \text{ سم} , \quad \text{ص} = \frac{4 \times 36}{12} = 12 \text{ سم} , \quad \text{ع} = \frac{5 \times 36}{12} = 15 \text{ سم}$$

(١٤) معين النسبة بين طولي قطريه ٥ : ٨ فإذا كانت مساحته ٢٠٠٠ سم^٢ فأوجد طولاً قطريه .

الحل

نفرض ان طولاً قطري المعين ٥ س ، ٨ س

مساحة المعين = $\frac{1}{2}$ حاصل ضرب طولاً قطريه

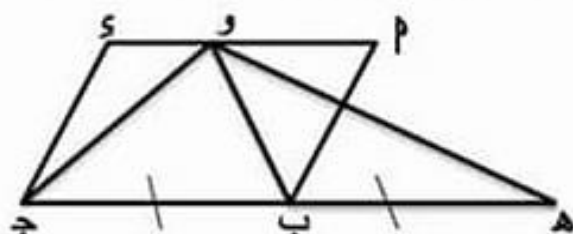
$$2000 = \frac{1}{2} \times 5 \text{ س} \times 8 \text{ س}$$

$$2000 = 20 \text{ س}^2$$

$$100 = \text{س}^2$$

$$10 = \text{س}$$

طولاً قطري المعين ٥٠ سم ، ٨٠ سم



اجب بنفسك

في الشكل المقابل

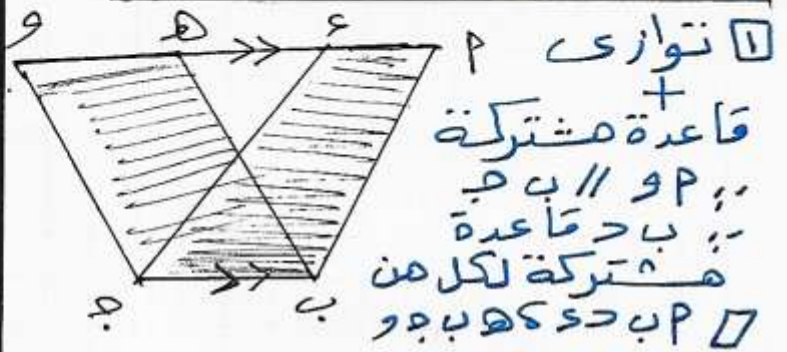
P ب ج د متوازي اضلاع ،

و $\overline{P} \supset \overline{B}$ ، $\overline{H} \supset \overline{J}$

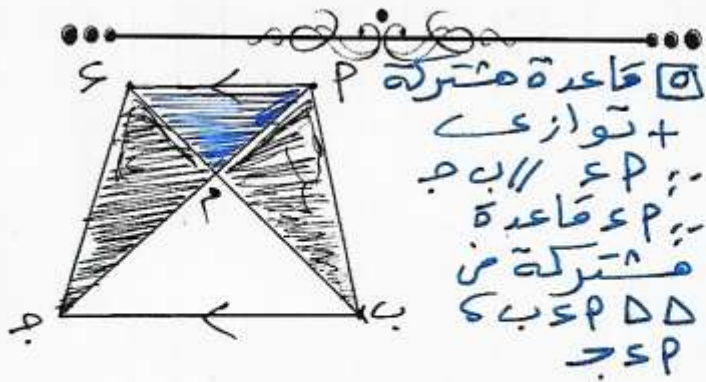
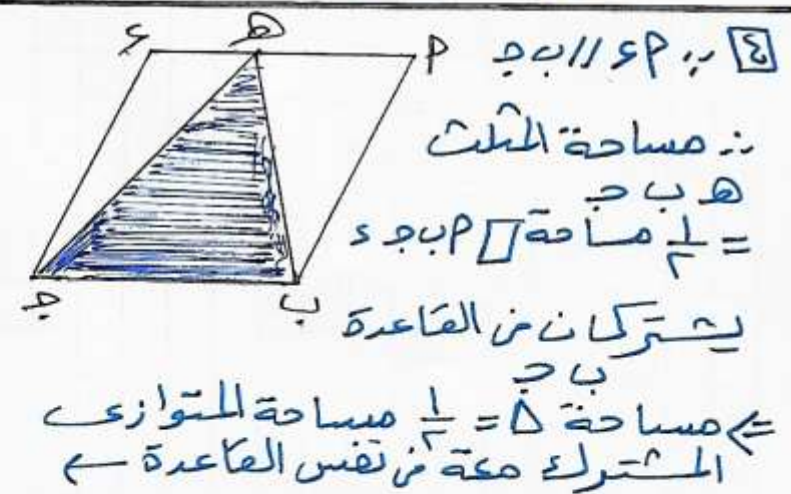
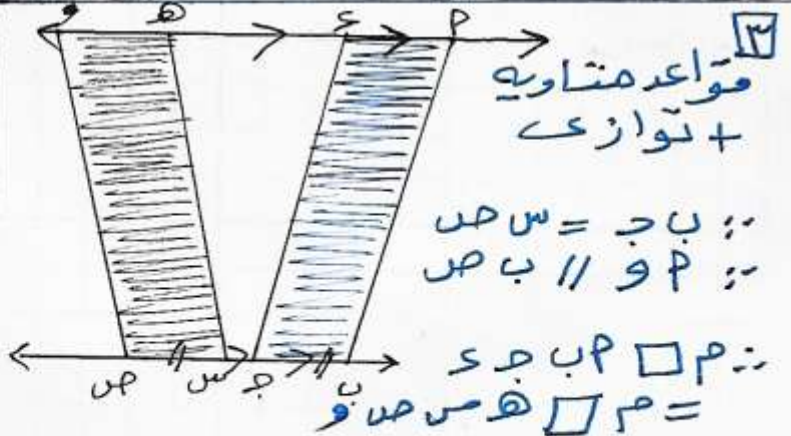
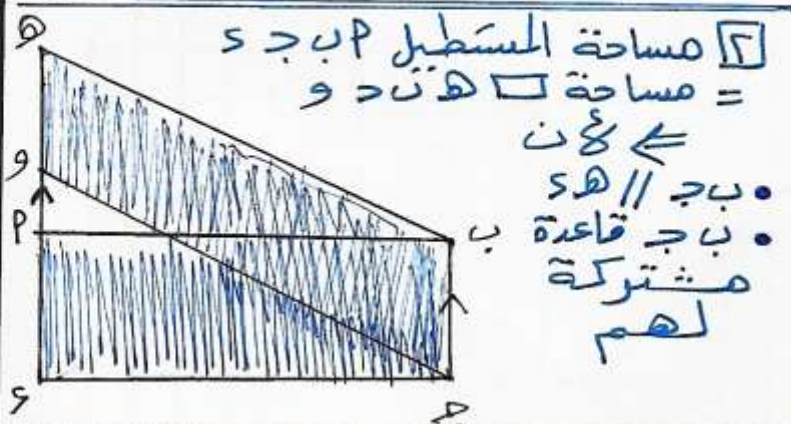
، $\overline{H} \supset \overline{J}$ حيث $\overline{H} = \overline{B}$ ج د

أثبت أن مساحة Δ و ه ج = مساحة \square P ب ج د

أولاً: المساحات



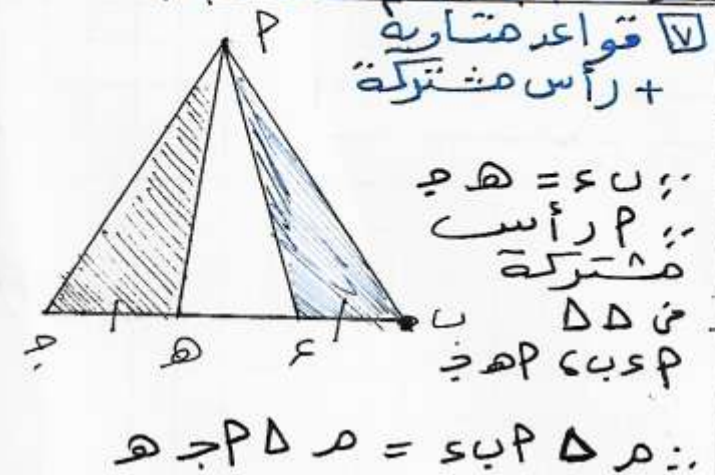
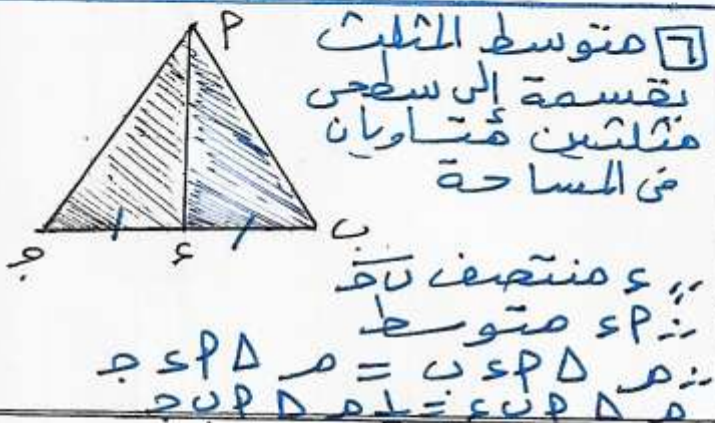
مساحة $\square P ب د د هـ ب د$ = مساحة $\square هـ ب د و$



مساحات $\triangle P ب د$ = مساحات $\triangle P د هـ ب د$
 \Leftarrow بحذف مساحة $\triangle P د هـ ب د$ من
 الطرفين

$\therefore م P ب د = م م د هـ ب د$

لاحظ: القاعدة المشتركة أحد طرفي التوازي.



٨ مساحة متوازي / الأضلاع
 = طول القاعدة \times الارتفاع المأخوذ
 = طول القاعدة الكبرى \times الارتفاع الأصغر
 = القاعدة الصغرى \times الارتفاع الأكبر

المسألة الثالثة:

في الشكل المقابل:

$PE \parallel AB$
أثبت أن:

$$m\triangle PAB = m\triangle PBC = m\triangle PCA$$

البرهان

في $\triangle PAB$ و $\triangle PCA$
① قاعدة مشتركة لهما
فيما $PE \parallel AB$

\therefore مساحة $\triangle PAB =$ مساحة $\triangle PCA$
بحذف $m\triangle PBE$ من الطرفين

$$\therefore m\triangle PAB = m\triangle PCA \quad \#$$

③ من منتصف AB

من منتصف BC

أثبت أن:

مساحة $\triangle PAB =$

$=$ مساحة $\triangle PCA$

البرهان

من منتصف AB
من منتصف BC
 \therefore من $PE \parallel AB$

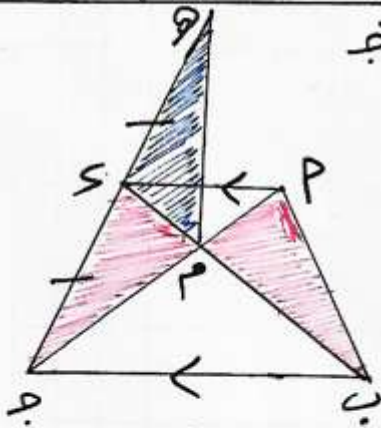
في $\triangle PAB$ و $\triangle PCA$
 \therefore من $PE \parallel AB$
 \therefore من قاعدة مشتركة لهما

\therefore مساحة $\triangle PAB =$ مساحة $\triangle PCA$
بإضافة $m\triangle PBE$ من الطرفين

$$\therefore m\triangle PAB = m\triangle PCA \quad \#$$

④ $PE \parallel AB$

من منتصف BC
أثبت أن



$$m\triangle PAB = m\triangle PCA$$

البرهان

في $\triangle PAB$ و $\triangle PCA$

\therefore من $PE \parallel AB$

\therefore قاعدة مشتركة لهما

\therefore مساحة $\triangle PAB =$ مساحة $\triangle PCA$

بحذف $m\triangle PBE$ من الطرفين

$$\therefore m\triangle PAB = m\triangle PCA \quad \#$$

في $\triangle PAB$ و $\triangle PCA$

من منتصف BC

\therefore من $PE \parallel AB$

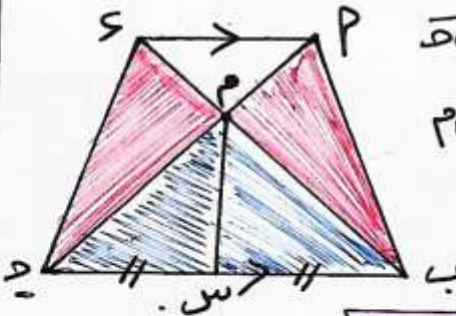
\therefore من قاعدة مشتركة لهما

$$\therefore m\triangle PAB = m\triangle PCA \quad \#$$

01110783184

⑤ $PE \parallel AB$

من منتصف BC
أثبت أن:
مساحة الشكل $PAB =$ مساحة الشكل PCA
عج س م



البرهان

في $\triangle PAB$ و $\triangle PCA$

\therefore قاعدة مشتركة لهما

\therefore مساحة $\triangle PAB =$ مساحة $\triangle PCA$

بحذف $m\triangle PBE$ من الطرفين

$$\therefore m\triangle PAB = m\triangle PCA \quad \#$$

في $\triangle PAB$ و $\triangle PCA$

من منتصف BC

\therefore من $PE \parallel AB$

\therefore من قاعدة مشتركة لهما

$$\therefore m\triangle PAB = m\triangle PCA \quad \#$$

من ① و ② بالجمع

$$\therefore m\triangle PAB = m\triangle PCA \quad \#$$

hossam nady

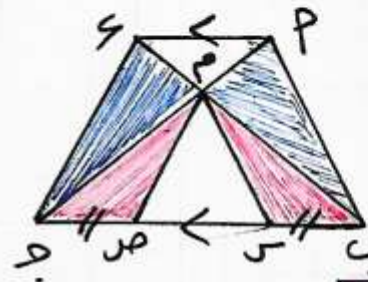
تابع سؤال ④

م م متو سط
 $\Delta م ه = \Delta م د$ من ① ②
 $\Delta م ه = \Delta م د$ من ③ ④

$\Delta م د = \Delta م ه$ #

⑤ $پ // س$ ج

ب س = ص ج
 أثبت أن
 مساحة الشكل
 پ س م =
 مساحة الشكل
 د ج ص م



البرهان

في $\Delta پ د س$ ب ك $پ د$ ج

$پ // س$ ج
 $پ$ قاعدة مشتركة لهما
 $\Delta پ د ب = \Delta پ د ج$
 بحذف م من الطرفين
 $\Delta م د ب = \Delta م د ج$ ① ②

في $\Delta م د س$ ب س ك م ج

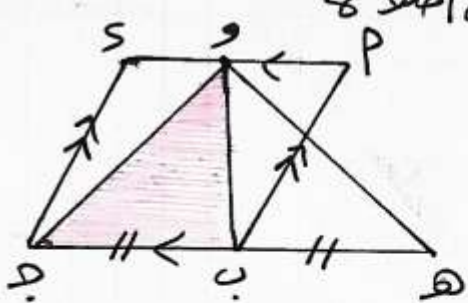
ب س = ص ج
 م رأس مشتركة لهما
 $\Delta م ب س = \Delta م ج س$
 من ① ② بالجمع

$\Delta م د ب + \Delta م د ج = \Delta م د س + \Delta م ج س$

⑦ $پ د$ متوازي أصلا

و $پ د$ ج
 ه ب = ج

أثبت أن:



مساحة Δ وه ج = مساحة Δ پ د ج

البرهان

⑧ $پ د$ متوازي أصلا

$\Delta م د ب = \Delta م د ج$ من ① ②

يتركبان من القاعدة د ه

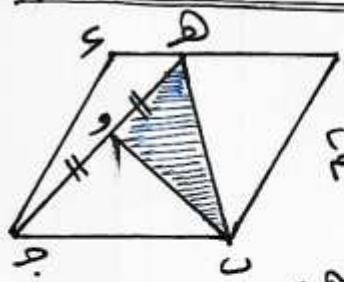
في $\Delta ه و ج$
 $ه ب = ب ج$

$\Delta م د ب = \Delta م د ج$
 يتركبان من الرأس م

$\Delta م د ب = \Delta م د ج$ من ① ②

من ③ ④

$\Delta م د ب = \Delta م د ج$



⑦ $پ د$ متوازي أصلا
 مساحته = $\frac{1}{2} \times د ه$
 و منتصف ه د

أوجد: مساحة Δ ه و ج

البرهان

$\Delta ه ب د$ $\Delta م د ب$ ج
 يتركبان من القاعدة ب ج
 $پ // س$ ج

$\Delta م د ب = \Delta م د ج$ من ① ②

$\frac{1}{2} \times 6 = 3$ سم

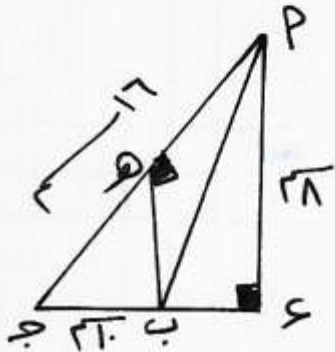
و منتصف ه د

$\Delta م د ب$ و متوسط من $\Delta م د ج$
 $\Delta م د ب = \Delta م د ج$

$\frac{6}{2} = 3$ سم

$PE \parallel BH$
 PE قاعدة مشتركة لكل من
 $\square PBJ$ و $\square PSH$

$\therefore m \square PBJ = m \square PSH$
 بحذف $m \triangle PHE$ من الطرفين
 $\therefore m \text{ الشكل } PBJH = m \text{ الشكل } PSHH$



$\square PBJ = 20$
 $PE = 16$
 $PJ = 16$
 أوجد
 ① مساحة $\triangle PBE$
 ② طول BH

البرهان

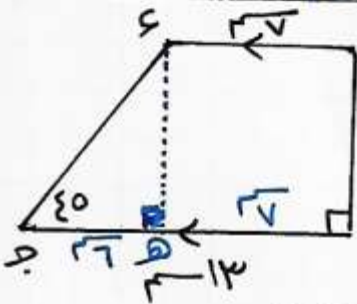
\therefore مساحة $\triangle = \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}$

مساحة $\triangle PBE = \frac{1}{2} \times BE \times PH = \frac{1}{2} \times 20 \times 16 = 160$

$\frac{1}{2} \times 20 \times 16 = 160$

$\therefore BH = \frac{160}{16} = 10$

$\frac{160}{16} = 10$



$\square PBJH$ شبه
 منحرف
 $\angle H = 90^\circ$
 $PH = 16$
 $BH = 10$
 أوجد مساحة
 شبه المنحرف $PBEH$

البرهان

عمل: نرسم $PH \perp BE$

$\therefore PH = BH = PE = 16$

$\therefore BH = 16 - 6 = 10$

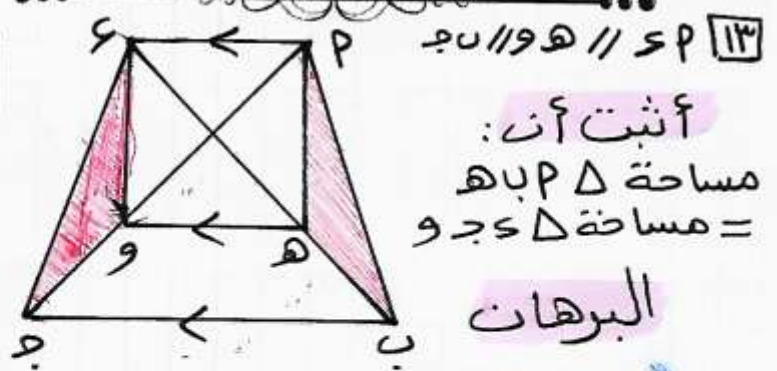
$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

01110783184

$\frac{1}{2} \times (16 + 10) \times 16 = 160$



أثبت أن:
 مساحة $\triangle PBE$
 = مساحة $\triangle PSH$

البرهان

في الشكل $PBEH$ و $PE \parallel BH$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

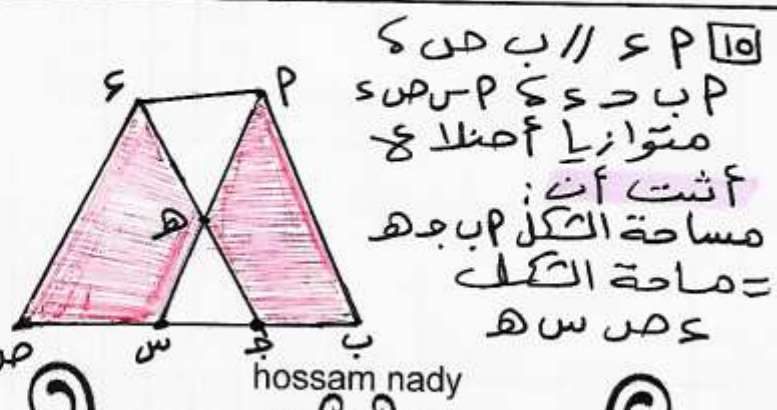
$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$

$\therefore \angle H = 90^\circ$



$\square PBEH$ شبه

منحرف

$\angle H = 90^\circ$

$PH = 16$

$BH = 10$

أوجد مساحة

شبه المنحرف $PBEH$

hossam nady

$29 = 5P$ و $28 = 6P$
 $3 = 5P$
 $6 = 6P$
 أثبت أن:
 $\triangle P \sim \triangle E$
 أوجد طول EP

البرهان
 $\because EP \parallel PB$

- ① $\angle P = \angle E$ (بالتناظر)
 ② $\angle P = \angle E$ (بالتناظر)
 ③ $\angle P = \angle E$ (زاوية مشتركة)

$\therefore \triangle P \sim \triangle E$

$$\frac{EP}{PB} = \frac{EP}{EB} = \frac{EP}{PB}$$

$$\frac{EP}{7} = \frac{EP}{12} = \frac{3}{9}$$

$$\frac{EP}{7} = \frac{3}{9} \quad \frac{EP}{12} = \frac{3}{9}$$

$$7 \times 3 = EP \quad 12 \times 3 = EP$$

$$21 = EP$$

$28 = 6P$ و $27 = 5P$
 $27 = 5P$
 $28 = 6P$
 أوجد طول EP
 الحل:
 $\triangle P \sim \triangle E$
 $\frac{EP}{PB} = \frac{EP}{EB} = \frac{EP}{PB}$

① في الشكل المقابل
 $PS \parallel PB$
 ومنتصف SB
 أثبت أن:
 $\triangle P \sim \triangle E$

البرهان

$\because PS \parallel SB$

- ① $\angle P = \angle E$ (بالتناظر)
 ② $\angle P = \angle E$ (بالتناظر)

في $\triangle P$ و $\triangle E$

$\because PS \parallel SB$

$\therefore \triangle P \sim \triangle E$

من ① و ② بالجمع

$\therefore \triangle P \sim \triangle E$

② $PS \parallel PB$
 متوازي
 أوجد طول EP
 الحل:
 $\triangle P \sim \triangle E$
 $\frac{EP}{PB} = \frac{EP}{EB} = \frac{EP}{PB}$

البرهان

$\because PS \parallel PB$

$\therefore \triangle P \sim \triangle E$

من ① و ② بالجمع

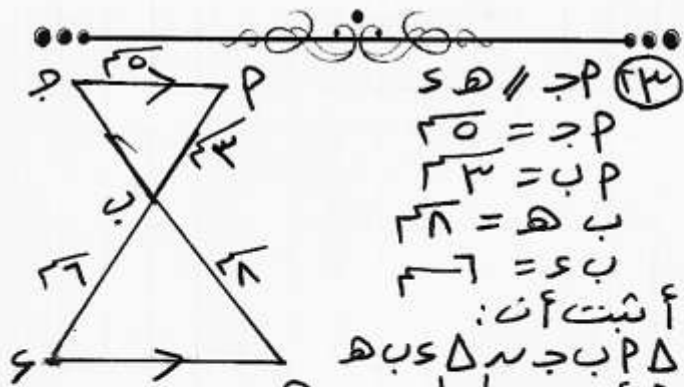
$\therefore \triangle P \sim \triangle E$

حل آخر

مساحة $\triangle P = \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}$

$\therefore \triangle P = \frac{1}{2} \times 28 \times 3 = 42$

$\therefore \triangle E = \frac{1}{2} \times 27 \times 3 = 40.5$



(٢٣) $PA \parallel HB$
 $PA = 5$
 $AB = 3$
 $PB = 4$
 $HB = 6$
 $AB = 3$
 $PB = 4$

أثبت أن:
 $\triangle PAB \sim \triangle HBA$
 ثم أوجد طول
 كل من PA و HB

البرهان
 في $\triangle PAB$ و $\triangle HBA$ AB و BA ج

- ١ $\angle PAB = \angle HBA$ (زاوية الرأس)
 ٢ $\angle APB = \angle BHA$ (زاوية الرأس)
 ٣ $\angle PBA = \angle ABH$ (زاوية الرأس)

التقابل بالرأس
 $\triangle PAB \sim \triangle HBA$ ج

$$\frac{PA}{HB} = \frac{AB}{BA} = \frac{PB}{AB}$$

$$\frac{5}{6} = \frac{3}{3} = \frac{4}{3}$$

$$\frac{5}{6} = \frac{3}{3} \quad \frac{PA}{HB} = \frac{3}{3}$$

$$PA = \frac{3 \times 5}{3} = 5 \quad HB = \frac{3 \times 3}{3} = 3$$

(٢٤) مربع مساحته تساوي مساحة
 مستطيل بعرض ٤ سم و ٣٨
 أوجد طول قطر المربع؟

الحل

مساحة المستطيل = الطول \times العرض
 $38 \times 4 = 152$ سم

مساحة المربع = ١٥٢ سم
 طول القطر = $\sqrt{\frac{152}{2}}$

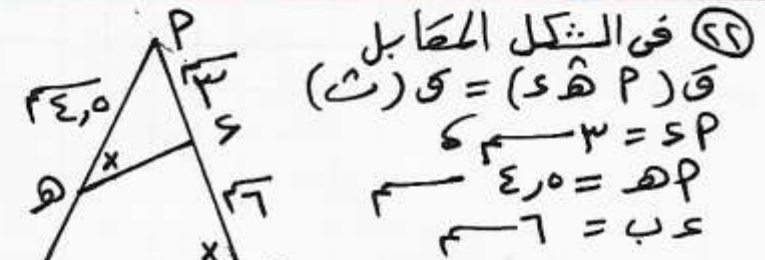
$\sqrt{76} = 8.7$ سم

$$\frac{PA}{HB} = \frac{AB}{BA} = \frac{14}{7}$$

$$PA = \frac{14 \times 7}{7} = 14$$

$$HB = 7 - 14 = -7$$

$$\frac{PA}{HB} = \frac{7}{14} = \frac{1}{2}$$



- ١ $\angle PAB = \angle HBA$ (زاوية الرأس)
 ٢ $\angle APB = \angle BHA$ (زاوية الرأس)
 ٣ $\angle PBA = \angle ABH$ (زاوية الرأس)

البرهان

في $\triangle PAB$ و $\triangle HBA$ AB و BA ج
 ١ $\angle PAB = \angle HBA$ (زاوية الرأس)
 ٢ $\angle APB = \angle BHA$ (زاوية الرأس)
 ٣ $\angle PBA = \angle ABH$ (زاوية الرأس)

$\triangle PAB \sim \triangle HBA$ ج

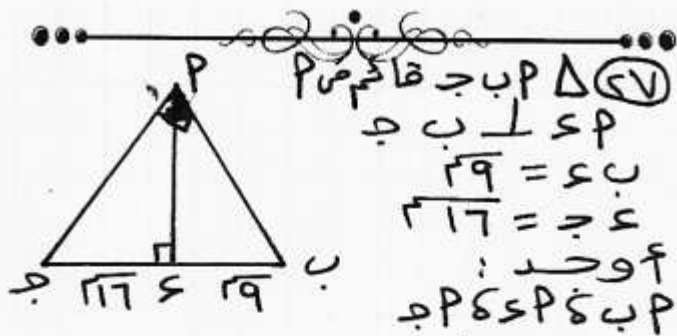
$$\frac{PA}{HB} = \frac{AB}{BA} = \frac{PB}{AB}$$

$$\frac{5}{6} = \frac{3}{3} = \frac{4}{3}$$

$$PA = \frac{3 \times 5}{3} = 5$$

$$HB = 7 - 5 = 2$$

$$\frac{PA}{HB} = \frac{9}{2} = 4.5$$



٢٧) ΔPBC قائم من P
 $PE \perp BC$
 $PE = 9$
 $BC = 16$
 أوجد:
 ΔPBC مساحته

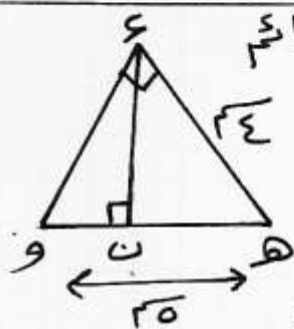
البرهان

ق (P) = 90° $\therefore PE \perp BC$

$$\therefore \Delta PBC = \frac{1}{2} \times BC \times PE = \frac{1}{2} \times 16 \times 9 = 72$$

$$\therefore \Delta PBC = \frac{1}{2} \times BC \times PE = \frac{1}{2} \times 16 \times 9 = 72$$

$$\therefore \Delta PBC = \frac{1}{2} \times BC \times PE = \frac{1}{2} \times 16 \times 9 = 72$$



٢٨) ΔPBC قائم من P

في E

$PE \perp BC$

$PE = 9$

$BC = 16$

أوجد طول:

PE و BC من E من

البرهان

في ΔPBC $\angle P = 90^\circ$ ق (P)

من نظرية فيثاغورث

$$\therefore PE^2 = (BC^2 - BE^2) - (CE^2 - BE^2)$$

$$\therefore PE^2 = (16^2 - BE^2) - (CE^2 - BE^2)$$

$$\therefore PE^2 = (16^2 - BE^2) - (CE^2 - BE^2)$$

$$\therefore PE^2 = (16^2 - BE^2) - (CE^2 - BE^2)$$

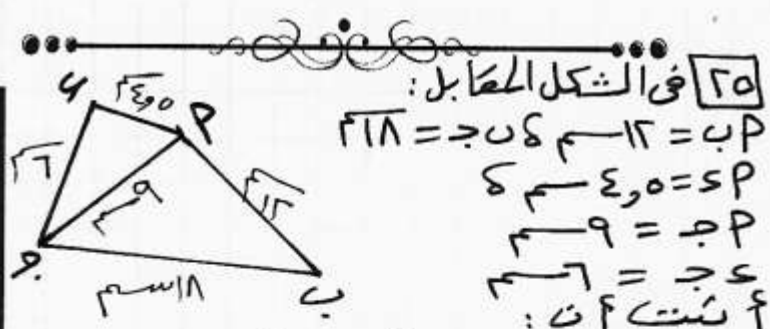
$$\therefore PE^2 = (16^2 - BE^2) - (CE^2 - BE^2)$$

$$\therefore PE^2 = (16^2 - BE^2) - (CE^2 - BE^2)$$

$$\therefore PE^2 = (16^2 - BE^2) - (CE^2 - BE^2)$$

$$\therefore PE^2 = (16^2 - BE^2) - (CE^2 - BE^2)$$

01110783184



٢٥) في الشكل المقابل:

$$P = 12 \text{ سم } BC = 18 \text{ سم}$$

$$PE = 9 \text{ سم}$$

$$P = 9 \text{ سم}$$

$$PE = 9 \text{ سم}$$

$$PE = 9 \text{ سم}$$

$$\Delta PBC \sim \Delta PCE$$

$$PE \parallel BC$$

البرهان

معلومية جميع الأضلاع هي ثابت
 التناسل بين أضلاع ΔPBC

في ΔPBC ΔPCE

$$\frac{PE}{BC} = \frac{PC}{PB} = \frac{CE}{CB}$$

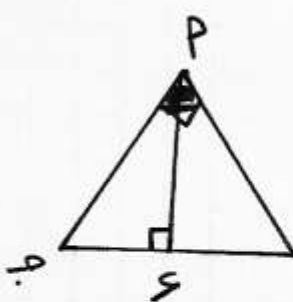
$$\frac{PE}{BC} = \frac{PC}{PB} = \frac{CE}{CB}$$

$$\frac{PE}{BC} = \frac{PC}{PB} = \frac{CE}{CB}$$

الأضلاع المتناظرة متناسبة
 $\Delta PBC \sim \Delta PCE$

فنتج من التشابه
 ق (P) = ق (P) \therefore ق (P) = ق (P)

وهما في وضع التباديل
 $\therefore PE \parallel BC$



٢٦) أقل يدس

ق (P) = 90°

$PE \perp BC$

$$\Delta PBC \sim \Delta PCE$$

$$\Delta PBC \sim \Delta PCE$$

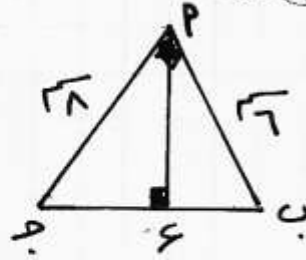
$$\Delta PBC \sim \Delta PCE$$

$$\Delta PBC \sim \Delta PCE$$

$$\Delta PBC \sim \Delta PCE$$

hossam nady

٢٩ أوجد



- ① طول ب ج
② طول مسقط
P على ب ج
③ طول P البرهان

① ق (P) = 90°
∴ ب ج = √(ب ج)² + (ج ج)² =

√(10)² + (6)² = √136 =

② طول مسقط P على ب ج
= 6
∴ المطلوب هو ب ج

∴ ق (P) = 90° ∴ P ك ج
∴ (ب ج)² = ب ج × ك ج

36 = 10 × ك ج
∴ ب ج = 36/10 = 3.6

③ طول P = (ب ج × ج ج) / ب ج = (8 × 6) / 10 = 4.8

٣٠ أثبت أن:



ق (P ج) = 90°

البرهان
في Δ P ج ب ج:

∴ ق (P ج) = 90°
∴ ب ج = √(ب ج)² + (ج ج)² = √(3)² + (4)² = 5 سم

في Δ P ج ب ج:
∴ طول ضلع في المثلث P ج
∴ (P ج)² = (ب ج)² = 169

∴ ب ج = √(ب ج)² + (ج ج)² = √(13)² + (5)² = 169

∴ (ب ج)² + (ج ج)² = (م ج)²

∴ ق (P ج) = 90°

hossam nady

٣١ شبة منحرف طول قاعدته
المتوسطة ٣ سم والنسبة بين
طول قاعدتيه المتوازيتين
٣:٢ أوجد طول كل ضلعا
وإذا كان ارتفاعه ٢٤ سم أوجد
مساحته

الحل

نفرض أن طول القاعدتين ٢ سم و ٣ سم
ل = ٢ سم ك = ٣ سم

∴ القاعدة المتوسطة = 1/3 (ل + ك)

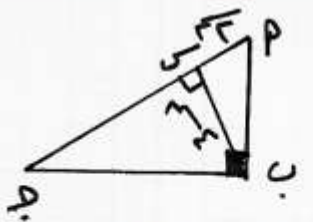
3 = 1/3 (٢ + ٣) ∴

٦ = ٥ سم ∴ ١٢ = 7 سم

∴ ل = ٢ سم = ١٢ × ٢ = ٢٤ سم
∴ ك = ٣ سم = ١٢ × ٣ = ٣٦ سم

∴ المساحة = 1/2 (ل + ك) × ٤

= 1/2 (٣٦ + ٢٤) × ٤ = ١٢٠ سم²



٣٢ ٢ سم = ٢ سم

٣ سم = ٣ سم

أوجد طول

س ج ك ج

البرهان

∴ ق (P ج) = 90° ∴ ب ج × س ج = ب ج × ك ج

∴ (ب ج)² = ب ج × ك ج

(٤)² = ٢ × س ج

١٦ = ٢ × س ج

∴ س ج = ٨ = ٢ ÷ ١٦

∴ (ب ج)² = ب ج × س ج

٢٠ = ١٠ × ٢ =

∴ ب ج = √(ب ج)² + (ج ج)² = √(٥)² + (٤)² = ٥

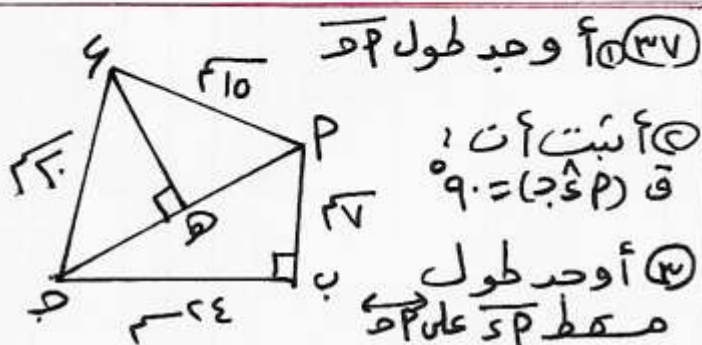
٣٣ مربع طول قطرة ١٠ سم

فإن مساحته =

= 1/2 × ١٠ × ١٠ = ٥٠ سم²

01110783184

٣٦) حدد نوع ΔP حيث
 $PA = 15$, $AB = 20$, $PB = 25$



البهران

في ΔPAB ج : ق (ث) $= 90^\circ$
 $\therefore PA^2 = PB^2 - AB^2 = 25^2 - 20^2 = 15^2$

في ΔPAB ج : ق (ث) $= 90^\circ$
 $\therefore PA^2 = PB^2 - AB^2 = 25^2 - 20^2 = 15^2$

$\therefore PA^2 = PB^2 - AB^2 = 25^2 - 20^2 = 15^2$
 $\therefore PA^2 = PB^2 - AB^2 = 25^2 - 20^2 = 15^2$

$\therefore PA^2 = PB^2 - AB^2 = 25^2 - 20^2 = 15^2$

لذلك PH هو منقط P على AB $PH \perp AB$

$$PH = \frac{PA^2}{AB} = \frac{15^2}{20} = \frac{225}{20} = 11.25$$

٣٤) ΔPAB قائم في P
 $PA^2 + PB^2 = AB^2$

٣٥) ΔPAB منفرج في P
 $PA^2 + PB^2 < AB^2$

٣٦) ΔPAB حاد الزوايا
 $PA^2 + PB^2 > AB^2$

مثال: $PA = 6$, $PB = 8$, $AB = 10$
 $6^2 + 8^2 = 36 + 64 = 100 = 10^2$
 $\therefore \Delta PAB$ قائم في P

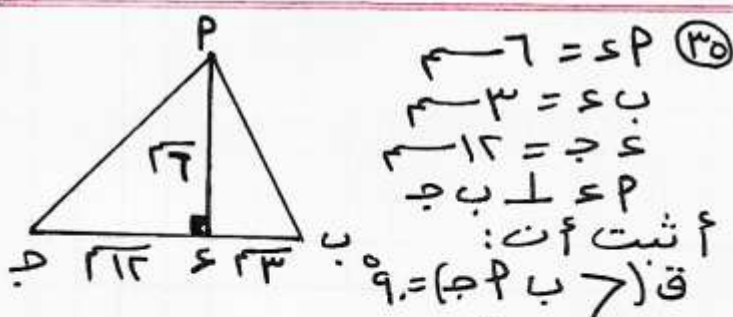
الحل

في ΔPAB ج : ق (ث) $= 90^\circ$
 $\therefore PA^2 = PB^2 - AB^2 = 25^2 - 20^2 = 15^2$

$\therefore PA^2 = PB^2 - AB^2 = 25^2 - 20^2 = 15^2$

$\therefore PA^2 = PB^2 - AB^2 = 25^2 - 20^2 = 15^2$

$\therefore \Delta PAB$ حاد الزوايا



البهران

في ΔPAB ج : ق (ث) $= 90^\circ$
 $\therefore PA^2 = PB^2 - AB^2 = 25^2 - 20^2 = 15^2$

$\therefore PA^2 = PB^2 - AB^2 = 25^2 - 20^2 = 15^2$

في ΔPAB ج : ق (ث) $= 90^\circ$
 $\therefore PA^2 = PB^2 - AB^2 = 25^2 - 20^2 = 15^2$

$\therefore PA^2 = PB^2 - AB^2 = 25^2 - 20^2 = 15^2$

$\therefore PA^2 = PB^2 - AB^2 = 25^2 - 20^2 = 15^2$

$\therefore PA^2 = PB^2 - AB^2 = 25^2 - 20^2 = 15^2$

٤ شبه المنحرف (هام جداً)

① في شبه المنحرف المتساوي الساقين
القطران متساويان في الطول

② عدد محاور تماثل شبه المنحرف
المتساوي الساقين = ١

③ عدد محاور تماثل شبه المنحرف = صفر

④ القاعدة المتوسطة
 $\frac{1}{2} = \frac{\text{مجموع القاعدتين المتوازيتين}}{\text{الارتفاع}} = \frac{1}{2} (a + b)$

⑤ مساحة شبه المنحرف
= $\frac{\text{القاعدة المتوسطة} \times \text{الارتفاع}}{2} = \frac{1}{2} (a + b) \times h$

⑥ $\frac{\text{مساحة شبه المنحرف}}{\text{القاعدة المتوسطة}} = \text{الارتفاع}$

⑦ $\frac{\text{القاعدة المتوسطة}}{\text{الارتفاع}} = \frac{\text{مساحة شبه المنحرف}}{\text{القاعدة المتوسطة}}$

⑧ $\frac{\text{مساحة شبه المنحرف} \times 2}{\text{مجموع القاعدتين}} = \text{الارتفاع}$

⑨ طول أحد قاعدتيه =

$\frac{\text{مساحة شبه المنحرف} \times 2}{\text{الارتفاع}} - \text{القاعدة المعلوم}$

⑤ المثلث

① مساحة $\Delta = \frac{1}{2} \times \text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع}$

② $\frac{\text{المساحة} \times 2}{\text{القاعدة}} = \text{الارتفاع}$

③ $\frac{\text{المساحة} \times 2}{\text{الارتفاع}} = \text{القاعدة}$

قوانين الاشكال الهندسية

المربع :

① مساحة المربع = طول الضلع \times نفسه = a^2

② مساحة المربع = $\frac{1}{2} \times \text{مربع قطرة} = \frac{1}{2} d^2$

③ طول ضلع المربع = $\sqrt{\text{المساحة}}$

④ طول ضلع المربع = المحيط $\div 4$

⑤ طول قطر المربع = $\sqrt{\text{المساحة} \times 2}$

⑥ القطران متعامدان ومتساويان في الطول

المستطيل :

① مساحة = الطول \times العرض = $l \times b$

② محيط = (الطول + العرض) $\times 2$

③ $\frac{\text{المساحة}}{\text{العرض}} = \text{الطول}$ ، $\frac{\text{المساحة}}{\text{الطول}} = \text{العرض}$

④ $\frac{1}{2} \times \text{المحيط} = \text{العرض} + \text{الطول}$

⑤ $\frac{1}{2} \times \text{المحيط} = \text{العرض} + \text{الطول}$

⑥ $\sqrt{\text{الطول}^2 + \text{العرض}^2} = \text{طول القطر}$

المعين :

① مساحة = طول الضلع \times الارتفاع = $a \times h$

② مساحة = $\frac{1}{2} \times \text{حاصل ضرب القطرين}} = \frac{1}{2} d_1 \times d_2$

③ طول الضلع = $\frac{\text{المساحة}}{\text{الارتفاع}}$

④ $\frac{\text{المساحة}}{\text{طول الضلع}} = \text{الارتفاع}$

⑤ طول قطر المعين = $\sqrt{\text{المساحة} \times 2}$

⑥ القطران متعامدان وغير متساويان

المسألة الموحدة
القاعدة المتوسطة = المساحة ÷ الارتفاع
 $100 \div 5 = 20$ سم

⑪ مربع طول قطره ١٢ سم تكون
مساحته = --- سم^٢

المساحة = $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 12 \times 12 = 72$ سم^٢

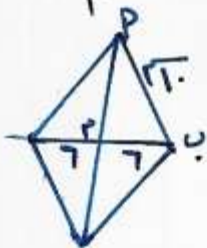
⑫ مربع مساحته ٥٠ سم^٢ فإن
طول قطره = --- سم

طول القطر = $\sqrt{المساحة \times 2}$

$\sqrt{2 \times 50} = \sqrt{100} = 10$ سم

⑬ معين محيطه ٤٠ سم وطول
أحد قطريه ١٢ سم يكون
طول القطر الآخر = --- سم

مساحته = --- سم^٢



القطر
طول الضلع = $40 \div 4 = 10$ سم

$\therefore PP = \sqrt{(10)^2 - (6)^2} = 8$ سم

\therefore القطر الآخر = $8 + 8 = 16$ سم

المساحة = $\frac{1}{2} \times 12 \times 16 = 96$ سم^٢

96 سم^٢

⑭ معين طولاً قطريه ٦ سم ٨ سم
وارتفاعه ٨ و ٤ سم فإن طول
ضلعه = --- سم

المساحة = $\frac{1}{2} \times 6 \times 8 = 24$ سم^٢

طول الضلع = المساحة ÷ الارتفاع

$24 \div 6 = 4$ سم

المسألة الموحدة

① مسقط نقطه على مستقيم هو نقطة

② مسقط نقطه تنتهي على مستقيم على
هذا المستقيم هو نفس النقطة

③ مسقط قطعة مستقيمة على مستقيم
معلوم هو قطعة مستقيمة

④ مسقط قطعة مستقيمة على
مستقيم معلوم هو نقطة

⑤ طول مسقط قطعة مستقيمة
على مستقيم معلوم \geq القطعة الأصلية

⑥ طول مسقط قطعة مستقيمة
موازية لمستقيم معلوم
= القطعة نفسها

⑦ طول مسقط قطعة مستقيمة
عمودية على مستقيم معلوم = صفر
لأن النقطة ليس لها طول

⑧ معين طولاً قطريه ٦ سم ٨ سم

تكون مساحته = --- سم^٢

المساحة = $\frac{1}{2} \times 6 \times 8 = 24$ سم^٢

⑨ مربع محيطه ٢٠ سم تكون

مساحته = --- سم^٢

طول الضلع = $\frac{20}{4} = 5$ سم

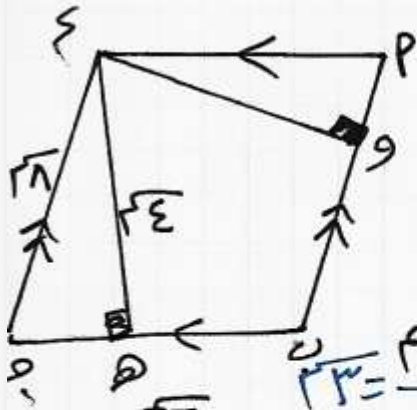
المساحة = $5 \times 5 = 25$ سم^٢

⑩ شبه منحرف مساحته ١٠ سم^٢

وارتفاعه ٥ سم فإن طول

قاعدته المتوسطة = --- سم

⑬ في الشكل المقابل



$$PH = 6$$

$$RS = 6$$

$$RS = 6$$

$$\text{طول } RS = 6$$

$$PH = \frac{36}{6} = 6$$

⑭ مثلث طول قاعدته ٤ سم

ومساحيته ٦ سم^٢ فإن الارتفاع

$$\text{المناظر للقاعدة} = \frac{6 \times 2}{4} = 3 \text{ سم}$$

$$[3 \text{ سم} \times 4 \text{ سم} = 12 \text{ سم}^2]$$

⑮ إذا كان مساحة متوازي

أصلاحي = ٣٦ سم^٢ فإن مساحة

المستطيل المشترك معه من

القاعدة ومضروبين بين هذين

متوازيان = ---

$$[36 \text{ سم}^2 \times 18 \text{ سم} = 648 \text{ سم}^2]$$

⑯ قطر المستطيل يقسم

سطحه إلى مثلثين ---

[متساويان في المساحة متماثلان]

متطابقان في مختلفات

⑰ مستطيل طول بعده

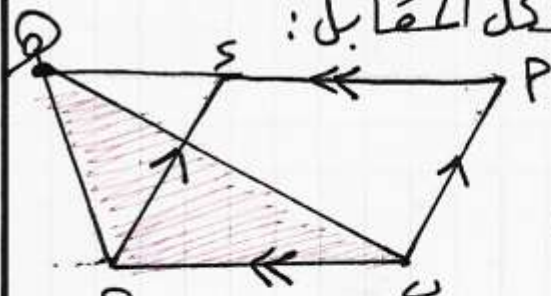
٣ سم ومساحه ١٨ سم^٢ فما طول البعد الآخر

01110783184

طول القطر

١١٧

⑮ في الشكل المقابل:



UP و P
متوازي
أصلاحي

إذا كان مساحة Δ هـ نـ م = ١٠ سم^٢

فإن مساحة \square UP و P = --- سم^٢

$$[10 \text{ سم}^2 \times 2 = 20 \text{ سم}^2]$$

$$[10 \text{ سم}^2 \times 2 = 20 \text{ سم}^2]$$

$$[10 \text{ سم}^2 \times 2 = 20 \text{ سم}^2]$$

⑯ إذا كان طول ضلعين متجاورين

في متوازي الأضلاع ١٢ سم و ١٥ سم والارتفاع

الأكبر ٥ سم فإن مساحته = ---

$$[5 \text{ سم} \times 12 \text{ سم} = 60 \text{ سم}^2]$$

⑰ مساحة المستطيل الذي بعده

٥ سم ومساحه ١٨ سم^٢ فما طول البعد الآخر

الارتفاع ٣ سم

$$[18 \text{ سم}^2 \div 3 \text{ سم} = 6 \text{ سم}]$$

⑱ إذا كان طول ضلعين متجاورين

٦ سم و ٨ سم وارتفاعه الأصغر ٣ سم

فإن الارتفاع الأكبر = --- سم

$$[3 \text{ سم} \times 2 = 6 \text{ سم}]$$

hossam nady

٣١ عدد أضلاع الخماس ---
 $0 = 0 - 4 + 3 + 2 + 1 =$

٣٢ عدد أضلاع السداس ---
 $9 = 6 - 0 + 4 + 3 + 2 + 1 =$

٣٣ عدد محاور تماثل المربع ٤
 المعين ٢ المستطيل ٢ شبه
 المنحرف متساوي الساقين ١
 شبه المنحرف صفر متوازي
 الأضلاع صفر ٢ مثلث متساوي
 الأضلاع ٣ ٢ مثلث متساوي
 الساقين ١ ٢ مثلث مختلف
 الأضلاع صفر

٣٤ النسبة بين مساحة متوازي
 الأضلاع ومساحة المثلث
 المشترك معه في القاعدة ومحصور
 بين مستقيمين متوازيين ٢ : ١

٣٥ $P \cup Q \supseteq \Delta$ فيه: $(P \cap Q) \subset (P \cup Q)$
 فتكون P حادة لأن Δ منفرج ضيق

٣٦ مسقط النقطة $(\delta - \epsilon)$
 على محور السينات هو النقطة
 $(\delta - \epsilon)$
 . تقطع على السينات $\epsilon = \delta$
 . تقطع على الصادات $\epsilon = \delta$

٣٧ جميع المضلعات المنتظمة التي

لها نفس العدد من الأضلاع متشابهة

٣٨ كل المربعات متشابهة

٣٩ معين مساحته ٤٢ سم^٢

طول أحد قطريه ١٢ سم فإن طول

قطره الأخرى = $\frac{2 \times 42}{12} = \frac{2 \times \text{المساحة}}{\text{القطر المعلوم}}$

٧ = 01110783184

١٩ المضلعان المتشابهان لثالث متشابهان

٢٠ إذا كان S من L من E فإن مسقط
 S من على L هو النقطة E

٢١ قياس الزاوية الخارجة عن المثلث
 المتساوي الأضلاع = ١٢٠°

٢٢ في Δ S من E إذا كان:
 $(S \cap E) + (S \cap E) < (S \cap E)$
 فإن زاوية S تكون حادة

٢٣ المثلث الذي أطوال أضلاعه:

٦ سم ٨ سم ١٠ سم يكون
 مساحته = $\frac{1}{2} \times 6 \times 8 = 24$ سم^٢

٢٤ إذا كانت نسبة التكبير بين مثلثين
 تساوي ١ فإن المثلثين متشابهان

٢٥ الزاويتان المتكاملتان مجموعهم ١٨٠°

٢٦ الزاويتان المتتامتان مجموعهم ٩٠°

٢٧ Δ S من E فيه: $Q \subset (S \cap E)$ = ٥٠°

$(S \cap E) = (S \cap E) + (S \cap E)$ فإن

$Q \subset (S \cap E) = 180 - (50 + 90) = 40°$

٢٨ المضلعان المتشابهان زواياهما

المتناظرة متساوية في القياس

والأضلاع المتناظرة متناسبة

٢٩ مثلث طول قاعدته ١٢ سم

ومساحته ٤٨ سم^٢ يكون ارتفاعه

المتناظر لعمدة القاعدة = ٨ سم

المساحة = $\frac{2 \times 48}{12} = \frac{2 \times \text{المساحة}}{\text{القاعدة}}$

٣٠ $P \cup Q \supseteq \Delta$ متوازي أضلاع فيه

$Q \subset (P \cap Q) = 60°$ فإن $Q \subset (P \cap Q) = 120°$

hossam nady

طول الضلع = المحيط $\div 4 = 8 \div 4 = 2$
 المساحة المعين = طول الضلع \times الارتفاع
 $6 \times 3 = 18$ سم

٥٠ مجموع قياسات الزوايا المتجه
 حول نقطة = 360°

٥١ ب ج د متوازي أ ح تلاخ
 فيه ب د = ٥ سم د ب ج = ١٠ سم
 وارتفاعه الأصغر ٤ سم
 فإن ارتفاعه الأكبر = ٨ سم
 المساحة = الارتفاع \times القاعدة الكبرى
 $10 \times 4 = 40$ سم

الارتفاع الأكبر = $\frac{40}{5} = 8$ سم

٥٢ ق (ب ج د) = ٤٥ طيات

ق (ب ج د) المنفكة = $360 - 45 = 315$

٥٣ ب ج د متوازي أ ح تلاخ

مساحته ١٠ سم ٤ هـ د ب

فإن مساحة د هـ ب د = ٥ سم

٥٤ قطر شبه المنحرف المتساوي
 القاعين متساويان في الطول

٥٥ إذا كانت ب د ل فإن مسقط
 م على ل هو نقطة م

٥٦ في د س ص ع إذا كان:

(س ع) = (س ص) + (ص ع) فإن

ق (ب ج د) = 90°

٥٧ مسقط النقطة (٥ ٤ ٣)
 على محور الصادات هو (٥ ٤ ٠)

٤٠ مستطيل محيطه ٢٨ سم وطوله ٨ سم
 فإن طول قطره = ٥ سم

العرض = $\frac{1}{4}$ المحيط - الطول = $14 - 8 = 6$
 طول القطر = $\sqrt{(\text{العرض})^2 + (\text{الطول})^2}$

$\sqrt{6^2 + 8^2} = \sqrt{36 + 64} = \sqrt{100} = 10$ سم

٤١ شبه منحرف ارتفاعه ٥ سم ومساحته
 ٧٥ سم ٥ طيات
 طول القاعدة المتوسطة = المساحة \div الارتفاع
 $75 \div 5 = 15$ سم

٤٢ في المثلث القائم الزاوية مساحة
 المربع المنشأ على أحد ضلعي القائم
 تساوي مساحة المستطيل الذي بعده
 طول مسقط هذا الضلع على الوتر
 وطول الوتر

٤٣ إذا كان م ن // س ص فطول مسقط
 م على س ص = طول م ن

٤٤ إذا كانت النسبة بين ضلعين
 متناظرين في مثلثين متشابهين
 $\frac{2}{5}$ فإن النسبة بين محيطيهما $\frac{2}{5}$

٤٥ طول مسقط نقطة على مستقيم = صفر

٤٦ الزاوية الحادة تكمل منفرجه

٤٧ الزاوية الحادة تتم حادة

٤٨ الشكل الرباعي الذي مساحته
 تساوي نصف مربع طول قطره
 هو المربع

٤٩ مساحة المعين الذي محيطه
 ٨ سم وارتفاعه ٣ سم = ٨ سم

٦٨ مسقط النقطة (٣٤٠) على محور
الصادات هو النقطة (٣٤٠)

٥٩ في $\Delta P \text{ ب ج د}$ إذا كان:

$$P(J) + (J \text{ ب ج}) = (P \text{ ب ج}) - ٥ \text{ فإن}$$

$$J \text{ تكون منفرجه}$$

$$\text{لاحظ: أن } P(J) + (J \text{ ب ج}) > (P \text{ ب ج})$$

$$٦٠ \Delta P \text{ ب ج د} = ٥ - ٥ \text{ ص ص ع ج} \text{ فإن}$$

$$P \text{ ب ج} - ٥ \text{ ص ص} = ٥ \text{ ص ص}$$

٦١ $\Delta P \text{ ب ج د}$ مثلث حاد الزوايا فيه
 $٥٠ = P \text{ ب ج} = ٣٦$ $٤٠ = P \text{ ب ج} = ٣٨$ فإن
طول $P \text{ ب ج} = \dots$ سم

$$[٢ \text{ ك } ٦ \text{ ك } ١٠ \text{ ك } ١٤]$$

٦٢ قياس الزاوية المستقيمة = ١٨٠°

٦٣ $\Delta P \text{ ب ج د}$ ص ص ع يشابه $\Delta ع ه و$

$$٤٠ ق (ص) = ٥٠ \text{ فإن ق (هـ)} = ٥٠^\circ$$

٦٤ في $\Delta P \text{ ب ج د}$: $P \text{ ب ج} + J \text{ ب ج} = P \text{ ج د}$

٦٥ الزاوية التي قياسها ١٣° تكملها

$$\text{زاوية قياسها} = ١٨٠ - ١٣ = ١٦٧^\circ$$

٦٦ متوسط المثلث يقسم

سطحة إلى مثلثين متساويين
في المساحة

$$٦٧ \Delta P \text{ ب ج د}: (P \text{ ب ج}) + (P \text{ ج د}) = ٥ + (P \text{ ب ج}) + (J \text{ ب ج})$$

فإن $J \text{ ب ج}$ تكون حادة

٦٨ إذا كان مجموع مساحة

المربعين المنشأين على ضلعين

في مثلث يوازي مساحة المربع

المنشأ على الضلع الثالث فإن الزاوية

المقابلة لهذا الضلع تكون قائمة

٦٩ إذا كانت نسبة التكبير بين

مثلثين متساويين ٣ : ٢ وكان

طول أحد أضلاع المثلث الأكبر

= ١٥ سم فإن طول الضلع المناظر

له في المثلث الآخر = ... سم

$$\frac{١٥}{٣} = \frac{٣}{٢}$$

$$\therefore \text{سم} = \frac{١٥ \times ٢}{٣} = ١٠ \text{ سم}$$

٧ المثلثان المتساويان في

مساحتهما والمرسومان على

قاعدة واحدة فهما وفي

حجة واحدة يكون رأسا هما

على متتقم يوازي هذه

القاعدة



الجزء الأول

أولاً : أكمل ما يأتى :

- (١) مساحة المثلث الذى طوله قاعدته ١٠ سم وارتفاعه ٦ سم = سم^٢ .
- (٢) المثلثان المرسومان على قاعدة واحدة ورأساهما على مستقيم يوازى هذه القاعدة يكونان فى المساحة .
- (٣) مساحة المعين الذى طولاً قطريه ١٢ سم ، ٨ سم = سم^٢ .
- (٤) متوسط المثلث يقسمه إلى مثلين فى المساحة .
- (٥) مساحة شبه المنحرف الذى طولاً قاعدتيه المتوازيين ٦ سم ، ١٠ سم ، وارتفاعه ٥ سم =
- (٦) المثلثان المتساويان فى المساحة والمرسومان على قاعدة واحدة وفى جهة واحدة منها
- (٧) سطحاً متوازى الأضلاع المشتركين فى القاعدة والمحصوران بين مستقيمين متوازيين
- (٨) متوسط المثلث يقسم سطحه إلى
- (٩) مساحة متوازى الأضلاع تساوى
- (١٠) المثلثات التى قواعدها متساوية فى الطول ومحصورة بين مستقيمين تكونان
- (١١) مساحة المعين الذى طولاً قطريه ٨ سم ، ٦ سم هى
- (١٢) مساحة المثلث القائم الزاوية الذى طولاً ضلعي القائمة ٦ سم ، ٨ سم =
- (١٣) مساحة شبه المنحرف الذى طول قاعدته المتوسطة ٩ سم وارتفاعه ٦ سم =
- (١٤) زاويتا كل من قاعدتي شبه المنحرف متطابق الساقين
- (١٥) متوازى الأضلاع الذى طولاً ضلعين متجاورين فيه ٩ سم ، ٦ سم وإرتفاعه الأصغر ٤ سم يكون ارتفاعه الأكبر =
- (١٦) ارتفاع شبه المنحرف الذى طولاً قاعدتيه المتوازيين ٥ سم ، ٧ سم ومساحته ٤٢ سم^٢ = ...
- (١٧) مساحة المعين الذى محيطه ٢٠ سم وارتفاعه ٤ سم =
- (١٨) المربع الذى مساحته ٥٠ سم^٢ طول قطره يساوى سم .
- (١٩) طول ضلع المربع الذى مساحته تساوى مساحة مستطيل بعده ٩ سم ، ١٦ سم =
- (٢٠) شبه منحرف ارتفاعه ٥ سم ومساحته ٣٠ سم^٢ فإن طول قاعدته المتوسطة = سم .



ثانيًا : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- (١) طول قاعدة المثلث الذى مساحته ٣٠ سم^2 وارتفاعه ٦ سم بالسنتيمترات :
 (أ) ٥ (ب) ١٠ (ج) ١٥ (د) ٢٠
- (٢) مساحة متوازى أضلاع الذى طولاً ضلعين متجاورين فيه ٧ سم ، ٥ سم وطول ارتفاعه الأصغر ٤ سم بالسـم^٢ :
 (أ) ٣٥ (ب) ٢٥ (ج) ٢٨ (د) ٤٩
- (٣) مساحة شبه المنحرف الذى طول قاعدته المتوسطة ١٠ سم وارتفاعه ٨ سم بالسـم^٢ :
 (أ) ٨٠ (ب) ٦٠ (ج) ٤٠ (د) ٢٠
- (٤) الشكل الرباعى الذى مساحته تساوى نصف مربع قطره هو :
 (أ) متوازى الأضلاع (ب) المستطيل (ج) المعين (د) المربع
- (٥) قطراً شبه المنحرف المتطابق الساقين :
 (أ) يتطابقان (ب) يتعامدان
 (ج) ينصف كل منها الآخر (د) يتوازيان
- (٦) مساحة المعين الذى طولاً قطريه ٦ سم ، ٨ سم تساوى :
 (أ) ٢ سم^2 (ب) ١٤ سم^2 (ج) ٢٤ سم^2 (د) ٤٨ سم^2
- (٧) النسبة بين مساحة متوازى الأضلاع ومساحة المثلث المشترك معه فى القاعدة والمحصوران بين مستقيمين متوازيين =
 (أ) ٢ : ١ (ب) ٣ : ١ (ج) ٢ : ١ (د) ٣ : ٢
- (٨) إذا كان مربع مساحته ١٨ سم^2 فإن طول قطره = سم .
 (أ) ٣٦ (ب) ١٢ (ج) ٩ (د) ٦
- (٩) المثلثان المتساويان فى المساحة والمرسومان على قاعدة واحدة يكون رأساهما على مستقيم :
 (أ) عمودى على القاعدة (ب) ينصف القاعدة
 (ج) يوازى القاعدة (د) يقطع القاعدة
- (١٠) الشكل الرباعى الذى مساحته تساوى مربع طول ضلعه هو :
 (أ) متوازى الأضلاع (ب) المستطيل (ج) المعين (د) المربع



(١١) مساحة المستطيل الذى بعده ٥ سم ، ٤ سم تساوى :

(أ) ٩ سم^٢ (ب) ١٠ سم^٢ (ج) ٢٠ سم^٢ (د) ٤٠ سم^٢

(١٢) طول ضلع المربع الذى مساحته تساوى مساحة متوازى أضلاع طول قاعدته ٨ سم والارتفاع المناظر لها ٥,٤ سم يساوى :

(أ) ٦ سم (ب) ١٣ سم (ج) ١٨ سم (د) ٣٦ سم

(١٣) متوسط المثلث يقسم سطحه إلى مثلثين :

(أ) متطابقين (ب) متساويين (ج) متساوى الساقين (د) قائمة الزاوية

(١٤) محيط المربع الذى مساحته ٨١ سم^٢ يساوى :

(أ) ٢٤ سم (ب) ٨ سم (ج) ٩ سم (د) ٣٦ سم

(١٥) معين مساحته ٢٤ سم^٢ وطول أحد قطريه ٦ سم فإن طول القطر الآخر يساوى :

(أ) ٤ سم (ب) ٨ سم (ج) ١٠ سم (د) ١٢ سم

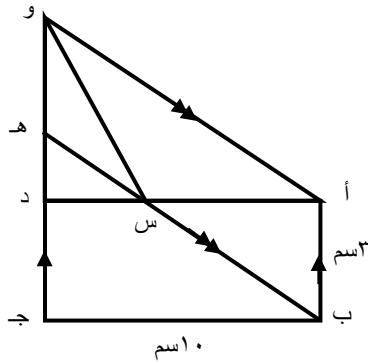
ثالثاً أسئلة إنتاج الإجابة :

(١) فى الشكل المقابل :

أ ب ج د مستطيل

أ ب هـ و متوازى أضلاع ، أ ب = ٣ سم ،

ب ج = ١٠ سم أوجد بالبرهان : مساحة \triangle أ س و



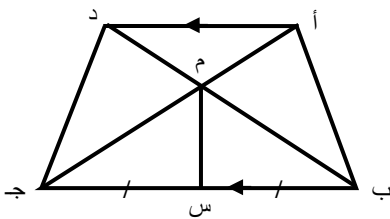
(٢) فى الشكل المقابل :

أ د // ب ج ، س منتصف ب ج

أثبت أن :

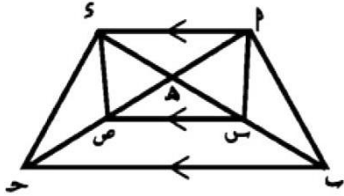
أولاً: مساحة \triangle أ م ب = مساحة \triangle د م ج

ثانياً: مساحة الشكل أ ب س م = مساحة الشكل د ج س م.





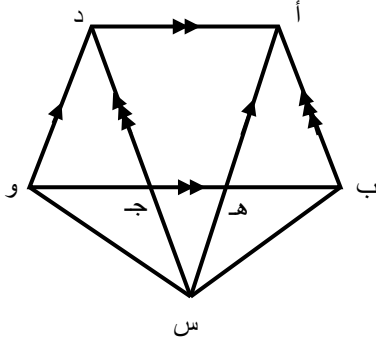
(٣) شبه منحرف مساحته ٨٨ سم^٢ وارتفاعه ٨ سم وطول إحدى قاعدتيه ١٠ سم أوجد طول القاعدة الأخرى .



(٤) فى الشكل المقابل :

$\overline{أد} \parallel \overline{بج}$ ، $م (\Delta أ س ب) = م (\Delta د ص ج)$

أثبت أن : $س ص \parallel أ د$



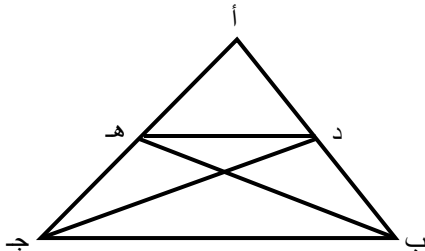
(٥) فى الشكل المقابل :

$أ ب \parallel د د$ ، $أ ه و د$ متوازي أضلاع

$أ ه \cap د ج = \{ س \}$

أثبت أن : $م (\Delta أ ب س) = م (\Delta د و س)$

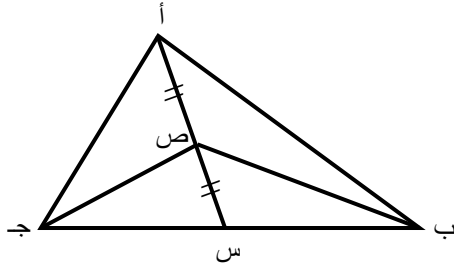
(٦) قطعتا أرض متساويتان فى المساحة الأولى على شكل مربع والثانية على شكل شبه منحرف طول قاعدتيه المتوازيتين ٧ متر ، ١١ متر وارتفاعه ٤ متر . أوجد محيط قطعة الأرض المربعة .



(٧) فى الشكل المقابل :

إذا كان $م (\Delta أ د ج) = م (\Delta أ ه ب)$

فأثبت أن : $د ه \parallel ب ج$

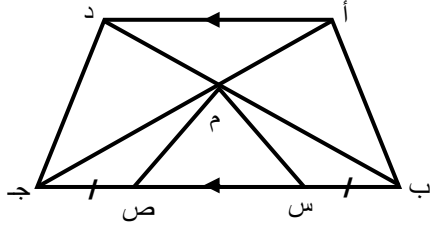


(٨) في الشكل المقابل :

أ س متوسط في Δ أ ب ج ،

ص \exists أ س رسم ب ص ، ج ص

أثبت أن : م (Δ أ ب ص) = م (أ ج ص)



(٩) فى الشكل المقابل :

أ د // ب ج ، أ ج \cap ب د = { م }

س ، ص \exists ب ج بحيث ب س = ج ص

أثبت أن :

م (الشكل أ ب س م) = م (الشكل د ج ص م)

(١٠) أ ب ج د متوازي أضلاع فيه د هـ \perp ب ج ، د و \perp أ ب فإذا كان أ ب = ٤ سم ،

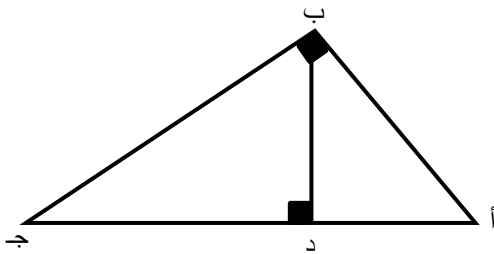
ب ج = ٦ سم ، د هـ = ٣ سم . أوجد طول د و



الجزء الثاني

أولاً : أكمل ما يأتى :

- (١) إذا كانت $\overline{AB} \perp \overline{BC}$ فإن مسقط \overline{A} على \overline{BC} هو
- (٢) فى Δ \overline{AB} ج إذا كان $\angle(\overline{AB}) = \angle(\overline{BC}) + \angle(\overline{AC})$ فإن $\angle(\overline{C}) = 90^\circ$
- (٣) المضلعان المشابهان لثالث
- (٤) يتشابه المثلثان إذا كانت زواياهما المتناظرة فى القياس .
- (٥) Δ \overline{AB} ج قائم الزاوية فى \overline{B} فيه $\overline{AB} = 5$ سم ، $\overline{BC} = 12$ سم فإن $\overline{AC} =$ سم.
- (٦) مسقط نقطة تنتمى لمستقيم على هذا المستقيم هى
- (٧) فى المثلث \overline{AB} ج إذا كان $\angle(\overline{AB}) + \angle(\overline{BC}) > \angle(\overline{AC})$ فإن زاوية \overline{A} تكون
- (٨) فى المثلث \overline{ABC} إذا كان $\angle(\overline{C}) + \angle(\overline{A}) < \angle(\overline{B})$ فإن زاوية \overline{C} تكون
- (٩) فى الشكل المرسوم :



Δ \overline{AB} ج قائم الزاوية فى \overline{B} ، $\overline{BD} \perp \overline{AC}$

(أ) مسقط \overline{AB} على \overline{AC} هو

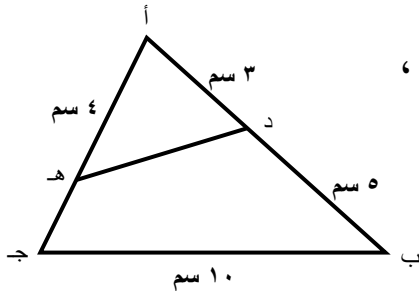
(ب) $\angle(\overline{AB}) = \angle(\overline{AD}) \times$

(ج) $\angle(\overline{BD}) = \angle(\overline{AD}) \times$

(د) $\angle(\overline{BC}) = \angle(\overline{CD}) \times$

(هـ) Δ \overline{AB} ج $\sim \Delta$ Δ

(١٠) فى الشكل المقابل :



إذا كان Δ $\overline{ADE} \sim \Delta$ \overline{ABC} ، $\overline{AD} = 3$ سم ، $\overline{AE} = 4$ سم ،

$\overline{BC} = 10$ سم ، $\overline{BD} = 5$ سم فإن :

(أ) $\angle(\overline{ADE}) = \angle(\overline{C}) > (\dots\dots\dots)$

(ب) $\angle(\overline{BAC}) = \angle(\overline{C}) > (\dots\dots\dots)$

(ج) $\overline{DE} =$ سم

(د) $\overline{DE} =$ سم



- (١١) مساحة المستطيل الذى طول أحد أبعاده ١٢ سم وطول قطره ١٣ سم يساوى
- (١٢) المثلث الذى أطوال أضلاعه ٣ سم ، ٤ سم ، ٥ سم يكون الزاوية .
- (١٣) مثلثان متشابهان أطوال أضلاع أحدهما ٩ سم ، ١٢ سم ، ١٦ سم ، ومحيط الآخر ١٤٨ سم
فإن أطوال أضلاع المثلث الآخر هى ، ،

ثانياً : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- (١) إذا كان Δ أ ب ج $\sim \Delta$ د ه و ، أ ب = $\frac{1}{4}$ د ه
فإن محيط Δ أ ب ج = محيط Δ د ه و
(أ) ٤ (ب) ٢ (ج) $\frac{1}{4}$ (د) $\frac{1}{4}$
- (٢) طول مسقط قطعة مستقيمة على مستقيم معلوم طول القطعة المستقيمة الأصلية .
(أ) \leq (ب) $<$ (ج) \geq (د) $>$
- (٣) Δ أ ب ج منفرج الزاوية فى أ فيه أ ب = ٥ سم ، ب ج = ٨ سم فإن أ ج = سم
(أ) ٥ (ب) ٧ (ج) ٨ (د) ١٣
- (٤) المثلث الذى أطوال أضلاعه ٣ سم ، ٤ سم ، ٥ سم تكون مساحته = سم^٢ .
(أ) ١٢ (ب) ١٠ (ج) ٨ (د) ٦
- (٥) إذا كانت نسبة التكبير بين مثلثين متشابهين تساوى فإن المثلثين متطابقان .
(أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٠,٥ (د) ٠,٢٥
- (٦) Δ أ ب ج فيه (أ ج) = (ب ج) - (أ ب) فإن الزاوية أ تكون :
(أ) حادة (ب) قائمة (ج) منفرجة (د) مستقيمة
- (٧) مثلث أطوال أضلاعه ٥ سم ، ١٢ سم ، ١٣ سم تكون مساحته بالسـم^٢ =
(أ) ٣٠ (ب) ٣٢,٥ (ج) ٧٨ (د) ١٤٤
- (٨) Δ أ ب ج منفرج الزاوية فى ب ، أ ب = ٣ سم ، ب ج = ٥ سم فإن أ ج =
(أ) ٨ سم (ب) ٧ سم (ج) ٥ سم (د) ٤ سم
- (٩) المضلعان المتشابهان زواياهما المتناظرة فى القياس .
(أ) متساوية (ب) مختلفة (ج) متناسبة (د) متبادلة



١٠) العمود المرسوم من رأس القائمة فى المثلث القائم الزاوية على الوتر يقسمه إلى مثلثين

(أ) منفرجى الزاوية (ب) حادى الزوايا

(ج) متساوى الأضلاع (د) متشابهين

١١) أ ب ج مثلث فيه $\overline{AD} \perp \overline{BC}$ ، فإن مسقط أ ب على ب ج هو :

(أ) \overline{BD} (ب) \overline{DC} (ج) \overline{AJ} (د) \overline{AB}

١٢) Δ أ ب ج فيه $\angle A = 90^\circ$ ، فإن $\angle B$ تكون :

(أ) حادة (ب) قائمة (ج) منفرجة (د) منعكسة

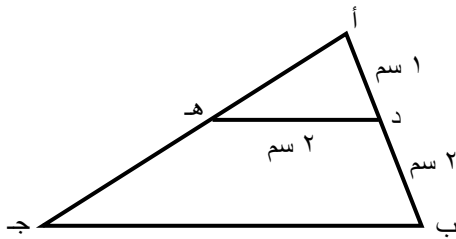
١٣) قطر المربع الذى مساحته ٥٠ سم^٢ تساوى :

(أ) ١٠ سم (ب) ٢٠ سم (ج) ٣٠ سم (د) ٤٠ سم

١٤) Δ أ ب ج فيه $\angle A = 90^\circ$ ، $\angle B = 40^\circ$ ، فإن $\angle C$ =

(أ) 40° (ب) 50° (ج) 90° (د) 130°

١٥) فى الشكل المقابل :



إذا كان $\Delta ADE \sim \Delta ABC$ ،

فإن طول ب ج بالسنتيمترات يساوى :

(أ) ٣ (ب) ٤

(ج) ٦ (د) ٨

ثالثاً : أسئلة المقال :

(١) حدد نوع $\angle B$ فى Δ أ ب ج اذا كان :

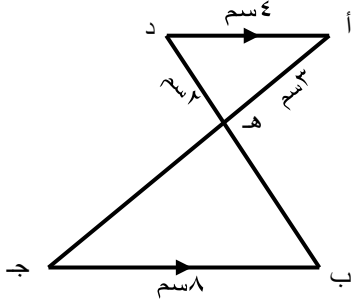
(أ) أ ب = ٧ سم ، ب ج = ١٢ سم ، أ ج = ٨ سم

(ب) أ ب = ٥ سم ، ب ج = ٨ سم ، أ ج = ١١ سم

(ج) أ ب = ٦ سم ، ب ج = ٣, ٦ سم ، أ ج = ٤, ٨ سم

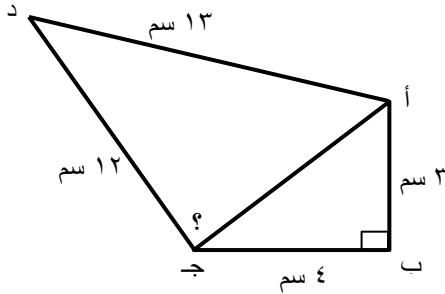


(٢) فى الشكل المقابل:



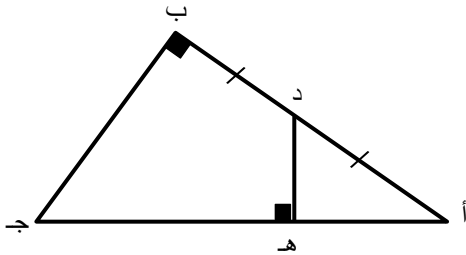
$\overline{AD} \parallel \overline{BE}$ ، $AD = 4$ سم
 $BE = 8$ سم ، $AE = 3$ سم ، $DE = 2$ سم
 أولاً : أثبت أن $\triangle ADE \sim \triangle ABC$
 ثانياً : اوجد محيط $\triangle ABC$

(٣) فى الشكل المقابل :



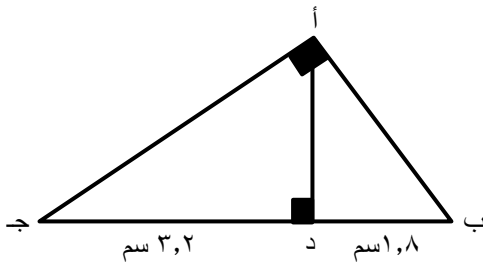
$AB = 3$ سم ، $BE = 4$ سم
 $AD = 13$ سم ، $DE = 12$ سم
 $\angle C = 90^\circ$
 أثبت أن $\angle ADE = 90^\circ$

(٤) فى الشكل المقابل :



AB جـ مثلث قائم الزاوية فى ب ،
 D منتصف AB ،
 $DE \perp AC$ ، $AD = 6$ سم ، $BE = 2$ سم
 اوجد طول DE

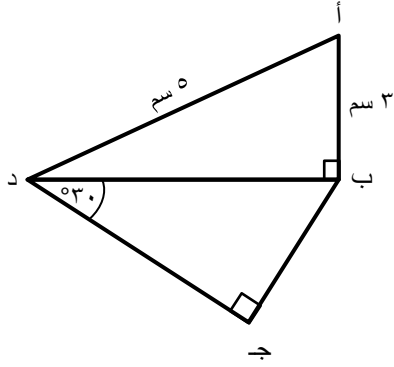
(٥) فى الشكل المقابل :



$AD = 3$ سم ، $DE = 2$ سم ، $BE = 8$ سم
 اوجد طول كل من :
 AC ، AB

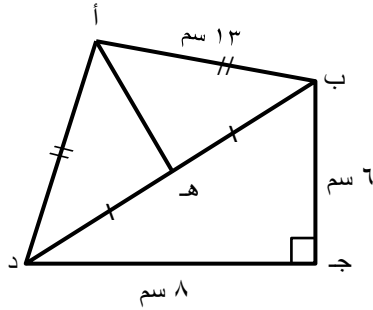


(٦) فى الشكل المقابل :



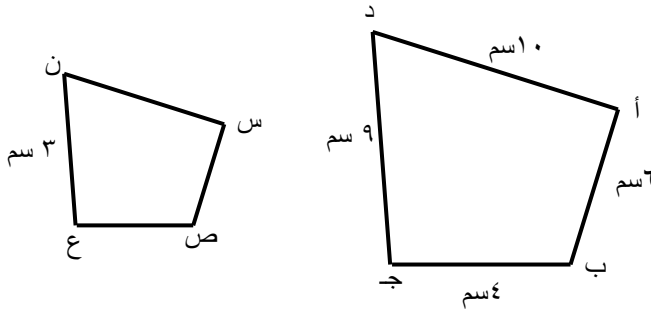
أ ب ج د شكل رباعى فيه ق (أ ب د) = 90°
ق (ب ج د) = 90° ، ق (ب د ج) = 30°
أ ب = ٣ سم ، أ د = ٥ سم
أوجد طول ب ج

(٧) فى الشكل المقابل :



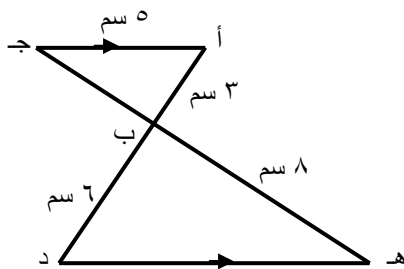
أ ب ج د شكل رباعى فيه
ق (ج) = 90° ، أ ب = أ د = ١٣ سم
ب ج = ٦ سم ، ج د = ٨ سم ، هـ منتصف ب د
أوجد مساحة سطح الشكل أ ب ج د

(٨) فى الشكل المقابل :



المضلع أ ب ج د ~ المضلع س ص ع ن
أ ب = ٦ سم ، ب ج = ٤ سم
ج د = ٩ سم ، د أ = ١٠ سم ،
ع ن = ٣ سم
أوجد طول كلاً من س ص ، ص ع ، س ن

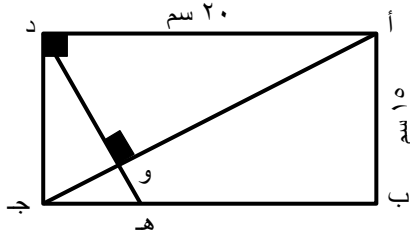
(٩) فى الشكل المقابل :



أولاً : أثبت أن $\triangle ABC \sim \triangle DEF$
ثانياً : أوجد طول كل من ب ج ، هـ د

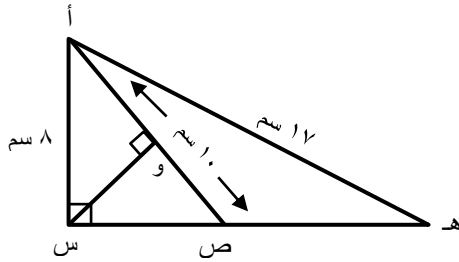


(١٠) فى الشكل المقابل :



أ ب ج د مستطيل رسم د ه \perp أ ج
يقطعه فى و ، ويقطع ب ج فى ه
فإذا كان أ ب = ١٥ سم ، أ د = ٢٠ سم
أوجد طول كل من : أ و ، ج ه

(١١) فى الشكل المقابل :



أولاً : أوجد طول مسقط أ ص على س ه
ثانياً : أوجد طول كل من س و ، أ و

(١٢) قطعة أرض مستطيلة الشكل طولها ضعف عرضها ومساحتها ٢٠٠ متر مربع رسمت بمقياس رسم ١ : ٢٠٠ . أوجد بعدى هذه القطعة فى الرسم .



إجابات الجزء الأول

أولاً : أكمل ما يأتى :

(١) مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع المناظر لها} = \frac{1}{2} \times 10 \times 6 = 30 \text{ سم}^2$

(٢) متساويان

(٣) مساحة المعين = $\frac{1}{2} \times \text{حاصل ضرب القطرين} = \frac{1}{2} \times 12 \times 8 = 48 \text{ سم}^2$

(٤) متساويان

(٥) مساحة شبه المنحرف = $\frac{1}{2} \times (\text{مجموع القاعدتين المتوازيتين}) \times \text{الارتفاع}$

$$= \frac{1}{2} \times (10 + 6) \times 5 = 40 \text{ سم}^2$$

(٦) يكون رأساهما على مستقيم يوازي هذه القاعدة

(٧) أحدهما يحمل هذه القاعدة متساويان فى المساحة .

(٨) مثلثين متساويان فى المساحة

(٩) طول القاعدة \times الارتفاع المناظر لها

(١٠) متوازيين ، متساوية فى المساحة

(١١) $\frac{1}{2}$ س ص

(١٢) $\frac{1}{2} \times 6 \times 8 = 24 \text{ سم}^2$

(١٣) مساحة شبه المنحرف = طول القاعدة المتوسطة \times الارتفاع

$$= 6 \times 9 = 54 \text{ سم}^2$$

(١٤) متساويتان فى القياس

(١٥) مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة \times الارتفاع المناظر لها

$$= 9 \times 4 = 36 \text{ سم}^2$$

$$\text{الارتفاع الأكبر} = \frac{\text{المساحة}}{\text{القاعدة المناظرة}} = \frac{36}{6} = 6 \text{ سم}$$



الهندسة

الصف الثاني الإعدادي

(١٦) القاعدة المتوسطة شبه المنحرف = $\frac{1}{p} \times (\text{مجموع القاعدتين المتوازيتين})$

$$6 \text{ سم} = (7 + 5) \times \frac{1}{p} =$$

$$7 \text{ سم} = \frac{42}{6} = \frac{\text{المساحة}}{\text{القاعدة المتوسطة}} = \text{الارتفاع}$$

$$(17) \text{ طول ضلع المعين} = \frac{20}{4} = \frac{\text{المحيط}}{4} = 5 \text{ سم}$$

$$\text{مساحة المعين} = \text{طول الضلع} \times \text{الارتفاع} = 5 \times 4 = 20 \text{ سم}^2$$

$$(18) \text{ طول قطر المربع} = \sqrt{2 \times \text{المساحة}} = \sqrt{2 \times 50} = 10 \text{ سم}$$

$$(19) \text{ مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض} = 9 \times 16 = 144 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة المربع} = 144 \text{ سم}^2$$

$$\sqrt{\text{المساحة}} = \text{طول ضلع المربع}$$

$$12 = \sqrt{144} =$$

$$(20) \text{ طول القاعدة المتوسطة} = \frac{\text{المساحة}}{\text{الارتفاع}} = \frac{30}{5} = 6 \text{ سم}$$

ثانيًا : اختر الإجابة الصحيحة :

$$(1) \text{ طول قاعدة المثلث} = \frac{2 \times \text{المساحة}}{\text{الارتفاع المناظر}} = \frac{30 \times 2}{6} = 10 \text{ سم}$$

$$(2) \text{ مساحة متوازي الأضلاع} = \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع المناظر لها}$$

$$= 7 \times 4 = 28 \text{ سم}^2$$

$$(3) \text{ مساحة شبه المنحرف} = \text{طول القاعدة المتوسطة} \times \text{الارتفاع}$$

$$= 10 \times 8 = 80 \text{ سم}^2$$

(٤) المربع

(٥) يتطابقان

$$(6) \text{ مساحة المعين} = \frac{1}{p} \times \text{حاصل ضرب القطرين} = \frac{1}{p} \times 6 \times 8 = 24 \text{ سم}^2$$

(٧) ٢ : ١



$$(٨) \text{ طول قطر المربع} = \sqrt{2 \times \text{المساحة}} = \sqrt{2 \times ١٨} = ٦ \text{ سم}$$

(٩) يوزاى القاعدة

(١٠) المربع

$$(١١) \text{ مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض} = ٥ \times ٤ = ٢٠ \text{ سم}^2$$

$$(١٢) \text{ مساحة متوازى الأضلاع} = \text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع المناظر لها}$$

$$= ٨ \times ٤,٥ = ٣٦ \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة المربع} = ٣٦ \text{ سم}^2$$

$$\text{طول ضلع المربع} = \sqrt{\text{المساحة}} = \sqrt{٣٦} = ٦ \text{ سم}$$

(١٣) متساويين فى المساحة

$$(١٤) \text{ طول الضلع} = \sqrt{٨١} = ٩ \text{ سم}$$

$$\text{المحيط} = \text{طول الضلع} \times ٤ = ٩ \times ٤ = ٣٦ \text{ سم}$$

$$(١٥) \text{ طول أحد القطرين} = \frac{\text{المساحة} \times ٢}{\text{القطر الآخر}} = \frac{٢٤ \times ٢}{٦} = ٨ \text{ سم}$$

ثالثاً : أسئلة إنتاج الإجابة :

(١) البرهان : فى \square \square أ ب ج د ، أ ب هـ و

$$\begin{array}{l} \therefore \left. \begin{array}{l} \overline{\text{أ ب}} \text{ قاعدة مشتركة} \\ \overleftrightarrow{\text{أ ب}} // \overleftrightarrow{\text{و ج}} \end{array} \right\} \end{array}$$

$$\therefore \text{م} (\square \text{ أ ب هـ و}) = \text{م} (\square \text{ أ ب ج د})$$

$$= ٣٠ \times ٣ = ٩٠ \text{ سم}^2$$

فى \triangle أ س و ، \square أ ب هـ و

$$\begin{array}{l} \therefore \left. \begin{array}{l} \overline{\text{أ و}} \text{ قاعدة مشتركة} \\ \overleftrightarrow{\text{أ و}} // \overleftrightarrow{\text{ب هـ}} , \overleftrightarrow{\text{س و}} // \overleftrightarrow{\text{ب هـ}} \end{array} \right\} \end{array}$$

$$\therefore \text{م} (\triangle \text{ أ س و}) = \text{م} (\square \text{ أ ب هـ و})$$

$$= ٩٠ \times \frac{١}{٣} = ٣٠ \text{ سم}^2$$



(٢) البرهان :

فى $\Delta \Delta$ أ د ب ، أ د ج

\therefore أ د قاعدة مشتركة
 $\overleftrightarrow{AD} \parallel \overleftrightarrow{AD}$

$\therefore \angle \Delta \text{ أ د ب} = \angle \Delta \text{ أ د ج}$

وبحذف م $\Delta \text{ أ م د}$ من الطرفين

(١) $\therefore \angle \Delta \text{ أ م ب} = \angle \Delta \text{ د م ج}$

فى $\Delta \text{ م ب ج}$

\therefore س منتصف ب ج

\therefore م س متوسط

\therefore م س متوسط

(٢) $\therefore \angle \Delta \text{ م س ب} = \angle \Delta \text{ م س ج}$

بجمع (١) ، (٢)

م (الشكل أ ب س م) = م (الشكل د ج س م)

(٣) مساحة شبه المنحرف = $\frac{1}{2} \times (\text{مجموع القاعدتين المتوازيتين}) \times \text{الارتفاع}$

$$8 \times (س + ١٠) \times \frac{1}{2} = ٨٨$$

$$\frac{٨٨}{8 \times \frac{1}{2}} = س + ١٠$$

$$١٠ + س = ٢٢ \leftarrow س = ٢٢ - ١٠$$

$$س = ١٢ \text{ سم}$$



(٤) البرهان :

فى $\Delta \Delta$ أ د ب ، أ د ج

∴ $\overline{\text{أ د قاعدة مشتركة}}$
 \longleftrightarrow
 \longleftrightarrow
 $\text{أ د} // \text{ب ج}$

(١) ∴ م (Δ أ د ب) = م (Δ أ د ج)

(٢) ∴ م (Δ أ س ب) = م (Δ د ص ج)

وبطرح (٢) من (١)

∴ م (Δ أ د س) = م (Δ أ د ص)

فى $\Delta \Delta$ أ د س ، أ د ص

∴ م (Δ أ د س) = م (Δ أ د ص)

∴ $\overline{\text{أ د قاعدة مشتركة وهما فى جهة واحدة منها}}$

∴ $\overline{\text{أ د}} // \overline{\text{س ص}}$

(٥) البرهان :

فى $\square \square$ أ ب ج د ، أ ه و د

∴ $\overline{\text{أ د قاعدة مشتركة}}$
 \longleftrightarrow
 \longleftrightarrow
 $\text{أ د} // \text{ب و}$

(١) م (\square أ ب ج د) = م (\square أ ه و د)

فى \square أ ب ج د ، Δ أ ب س

∴ $\overline{\text{أ ب قاعدة مشتركة}}$

\longleftrightarrow
 \longleftrightarrow
 \longleftrightarrow
 $\text{أ ب} // \text{د ج} ، \text{س} \exists \text{د ج}$

(٢) ∴ م (Δ أ ب س) = $\frac{1}{4}$ م (\square أ ب ج د)

فى \square أ ه و د ، Δ د و س

∴ $\overline{\text{د و قاعدة مشتركة}}$

\longleftrightarrow
 \longleftrightarrow
 \longleftrightarrow
 $\text{د و} // \text{أ ه} ، \text{س} \exists \text{أ ه}$

(٣) ∴ م (Δ د و س) = $\frac{1}{4}$ م (\square أ ه و د)

من (١) ، (٢) ، (٣)

∴ م (Δ أ ب س) = م (Δ د و س)



(٦) مساحة شبه المنحرف = $\frac{1}{2}$ (مجموع القاعدتين المتوازيتين) \times الارتفاع

$$36 \text{ سم}^2 = \frac{1}{2} (11 + 7) \times 4$$

∴ قطعنا الأرض متساويتان فى المساحة

∴ مساحة المربع = 36 سم^2

$$\text{طول ضلع المربع} = \sqrt{\text{المساحة}} = \sqrt{36} = 6 \text{ سم}$$

$$\text{محيط المربع} = \text{طول الضلع} \times 4$$

$$24 \text{ سم} = 4 \times 6$$

$$\therefore \text{م } (\triangle \text{ أ د ج}) = \text{م } (\triangle \text{ أ ه ب})$$

وبطرح م $(\triangle \text{ أ د ه})$ من الطرفين

$$\therefore \text{م } (\triangle \text{ د ه ب}) = \text{م } (\triangle \text{ د ه ج})$$

فى $\triangle \triangle \text{ د ه ب ، د ه ج}$

$$\therefore \text{م } (\triangle \text{ د ه ب}) = \text{م } (\triangle \text{ د ه ج})$$

د ه قاعدة مشتركة وهما فى جهة واحدة منها

$$\therefore \overline{\text{د ه}} // \overline{\text{ب ج}}$$

(٧) البرهان :

فى $\triangle \text{ أ ب ج}$

∴ $\overline{\text{أ س}}$ متوسط

$$\therefore \text{م } (\triangle \text{ أ س ب}) = \text{م } (\triangle \text{ أ س ج}) \quad (١)$$

فى $\triangle \text{ ص ب ج}$

∴ $\overline{\text{ص س}}$ متوسط

$$\therefore \text{م } (\triangle \text{ ص س ب}) = \text{م } (\triangle \text{ ص س ج}) \quad (٢)$$

وبطرح (٢) من (١)

$$\therefore \text{م } (\triangle \text{ أ ص ب}) = \text{م } (\triangle \text{ أ ص ج})$$

(٨) البرهان :



(٩) البرهان :

فى $\Delta \Delta$ أ د ب ، أ د ج

\therefore أ د قاعدة مشتركة
 \longleftrightarrow
 \longleftrightarrow
 أ د // ب ج

\therefore م (Δ أ د ب) = م (Δ أ د ج)

\therefore م (Δ أ د ب) = م (Δ أ د ج)

وبطرح م (Δ أ م د) من الطرفين

(١) \therefore م (Δ أ م ب) = م (Δ د م ج)

فى $\Delta \Delta$ م س ب ، م ص ج

\therefore (م) رأس مشتركة
 \longleftrightarrow
 ب س = ج ص

(٢) \therefore م (Δ م س ب) = م (Δ م ص ج)

وبجمع (١) ، (٢)

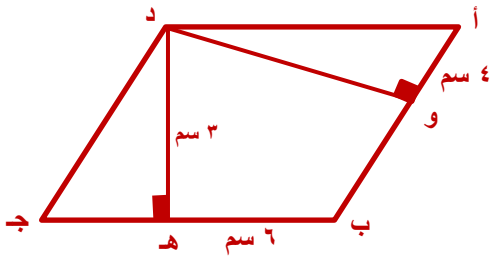
\therefore م (الشكل أ ب س م) = م (الشكل د ج ص م)

(١٠) مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة \times الارتفاع المناظر لها

$$= 6 \times 3 = 18 \text{ سم}^2$$

$$\text{دو (الارتفاع)} = \frac{\text{المساحة}}{\text{القاعدة المناظرة}}$$

$$\text{دو} = \frac{18}{4} = 4,5 \text{ سم}$$





إجابات الجزء الثاني

أولاً : أكمل :

- (١) $\overline{ب ج}$ (٢) $(\widehat{ج})$ (٣) متشابهان (٤) متساوية
(٥) $أ ج = \sqrt{١٢^2 + ٥^2} = ١٣$ سم (٦) نفس النقطة (٧) منفرجة
(٨) حادة (٩) (أ) $\overline{أ د}$ (ب) $أ ج$ (ج) $د ج$
(د) $ج أ$ (هـ) $\triangle أ د ب \sim \triangle ب د ج$

(١٠) (أ) ق (أ ج ب) (ب) ق (هـ أ د)

(ج) $\triangle أ هـ د \sim \triangle أ ب ج$

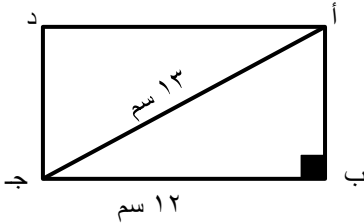
$$\therefore \frac{أ د}{أ ج} = \frac{هـ د}{ب ج} = \frac{أ هـ}{أ ب}$$

$$\therefore \frac{٣}{أ ج} = \frac{هـ د}{١٠} = \frac{٤}{٨}$$

$$\therefore هـ د = \frac{٤ \times ١٠}{٨} = ٥ \text{ سم}$$

$$(د) \therefore أ ج = \frac{٨ \times ٣}{٤} = ٦ \text{ سم}$$

$$\therefore هـ ج = ٤ - ٦ = ٢ \text{ سم}$$



(١١) $\therefore أ ب ج د$ مستطيل

$$\therefore ق (أ ب ج) = ٩٠^\circ$$

فى $\triangle أ ب ج$

$$\therefore أ ب = \sqrt{١٢^2 - ٥^2} = ١٣ \text{ سم (فيثاغورث)}$$

\therefore مساحة المستطيل = الطول \times العرض

$$= ١٢ \times ٥ = ٦٠ \text{ سم}^2$$

$$(١٢) ٢٥ = ٥^2$$

$$\therefore ٢٥ = ٤^2 + ٣^2$$

$\therefore \triangle$ يكون قائم الزاوية



(١٣) نفرض أن Δ الأول هو أ ب ج ، Δ الثانى أ ب جـ

محيط Δ أ ب جـ = ٩ + ١٢ + ١٦ = ٣٧ سم

$\therefore \Delta$ أ ب ج ~ Δ أ ب جـ

$$\therefore \frac{\text{محيط } \Delta \text{ أ ب ج}}{\text{محيط } \Delta \text{ أ ب جـ}} = \frac{\text{أ ج}}{\text{أ جـ}} = \frac{\text{ب ج}}{\text{ب جـ}} = \frac{\text{أ ب}}{\text{أ بـ}}$$

$$\therefore \frac{37}{148} = \frac{16}{\text{أ جـ}} = \frac{12}{\text{ب جـ}} = \frac{9}{\text{أ بـ}}$$

$$\therefore \text{أ بـ} = \frac{148 \times 9}{37} = 36 \text{ سم}$$

$$\therefore \text{ب جـ} = \frac{148 \times 12}{37} = 48 \text{ سم}$$

$$\therefore \text{أ جـ} = \frac{148 \times 16}{37} = 64 \text{ سم}$$

ثانيًا : أختَر الإجابة الصحيحة :

$$(١) \frac{1}{4} \geq (٢)$$

(٣) لكى تصلح الأطوال أضلاع للمثلث يجب أن يكون

الفرق بين الضلعين الآخرين > الضلع الثالث > مجموع الضلعين الآخرين

$$٨ - ٥ > \text{الضلع الثالث} > ٥ + ٨$$

$$٣ > \text{الضلع الثالث} > ١٣$$

$\therefore \Delta$ منفرج فى أ

\therefore ب جـ هو أكبر الأضلاع

$$\therefore (\text{ب جـ})^2 < (\text{أ ب})^2 + (\text{أ جـ})^2$$

$$\therefore 64 < 25 + \dots$$

$$\therefore \text{أ جـ} = ٥ \text{ سم}$$

(٤) نوع المثلث قائم الزاوية

$$\therefore \text{مساحة } \Delta = \frac{1}{2} \times ٣ \times ٤ = ٦ \text{ سم}^2$$

(٥) ١



$$(٦) \quad \angle (أ ج) = \angle (ب ج) - \angle (أ ب)$$

$$\therefore \angle (ب ج) = \angle (أ ج) + \angle (أ ب)$$

∴ المثلث قائم فى أ

∴ أ زاوية قائمة

(٧) من نوع المثلث

$$١٦٩ = \angle (١٣)$$

$$\therefore ١٦٩ = \angle (١٢) + \angle (٥)$$

∴ المثلث قائم الزاوية

$$\therefore \Delta م = \frac{١}{٢} \times ١٢ \times ٥ = ٣٠ \text{ سم}^2$$

$$(٨) \quad ٣ - ٥ > \text{الضلع الثالث} > ٣ + ٥$$

$$٢ > \text{الضلع الثالث} > ٨$$

∴ Δ منفرج الزاوية فى ب

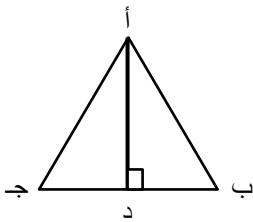
∴ أ ج هو الأكبر الأضلاع

$$\therefore \angle (أ ج) < \angle (أ ب) + \angle (ب ج)$$

$$\therefore \angle (أ ج) < \angle (٣) + \angle (٥)$$

$$\therefore \angle (أ ج) < ٣٤$$

$$\therefore أ ج = ٧ \text{ سم}$$



(١١) $\overline{ب د}$

(١٠) متشابهين

(٩) متساوية

$$(١٣) \quad \text{القطر} = \sqrt{٢} \times \text{المساحة} = \sqrt{٢} \times ٥٠ = ١٠ \text{ سم}$$

(١٢) منفرجة

$$(١٤) \quad \therefore \angle (أ ب) = \angle (أ ج) + \angle (ب ج)$$

∴ Δ قائم الزاوية فى ج

$$\therefore \angle (ج) = ٩٠^\circ, \angle (ب) = ٤٠^\circ$$

$$\therefore \angle (أ) = ١٨٠^\circ - (٩٠^\circ + ٤٠^\circ) = ٥٠^\circ$$



$$(١٥) \quad \Delta أ د هـ \sim \Delta أ ب ج$$

$$\therefore \frac{أ هـ}{أ ب} = \frac{د هـ}{ب ج} = \frac{أ د}{أ ب}$$

$$\therefore \frac{أ هـ}{أ ب} = \frac{٢}{٣} = \frac{١}{٣}$$

$$\therefore ب ج = \frac{٣ \times ٢}{١} = ٦ \text{ سم}$$

ثالثاً : أسئلة المقال

(١) \therefore المطلوب تحديد نوع ($\widehat{ب}$)

\therefore الضلع $\overline{أ ج}$ هو أساس المقارنة

$$(أ) \quad ٦٤ = \angle(٨) = \angle(أ ج)$$

$$\therefore \angle(١٢) + \angle(٧) = \angle(ب ج) + \angle(أ ب)$$

$$= ١٩٣ < \angle(أ ج)$$

\therefore ($\widehat{ب}$) زاوية حادة

$$(ب) \quad ١٢١ = \angle(١١) = \angle(أ ج)$$

$$\therefore \angle(٨) + \angle(٥) = \angle(ب ج) + \angle(أ ب)$$

$$= ٨٩ > \angle(أ ج)$$

\therefore ($\widehat{ب}$) زاوية منفرجة

$$(ج) \quad ٢٣,٠٤ = \angle(٤, ٨) = \angle(أ ج)$$

$$\therefore \angle(٣, ٦) + \angle(٦) = \angle(ب ج) + \angle(أ ب)$$

$$= ٤٨,٩٦ < \angle(أ ج)$$

\therefore ($\widehat{ب}$) زاوية حادة



(٢) البرهان : فى $\triangle \text{أ هـ د}$ ، ج هـ ب

∴ $\overline{\text{أ د}} \parallel \overline{\text{ب ج}}$ ، $\overline{\text{أ ج}}$ ، $\overline{\text{د ب}}$ قاطعان

∴ $\angle \text{ق (أ)} = \angle \text{ق (ج)}$ ، $\angle \text{ق (د)} = \angle \text{ق (ب)}$ بالتبادل

∴ $\angle \text{ق (أ هـ د)} = \angle \text{ق (ج هـ ب)}$

∴ $\triangle \text{أ هـ د} \sim \triangle \text{ج هـ ب}$

ومنها :

$$\frac{\overline{\text{أ د}}}{\overline{\text{ج ب}}} = \frac{\overline{\text{هـ د}}}{\overline{\text{هـ ب}}} = \frac{\overline{\text{أ هـ}}}{\overline{\text{ج هـ}}}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{4}{8} = \frac{2}{\overline{\text{هـ ب}}} = \frac{3}{\overline{\text{ج هـ}}}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{3}{\overline{\text{ج هـ}}} \leftarrow \overline{\text{ج هـ}} = \frac{2 \times 3}{1} = 6 \text{ سم}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{\overline{\text{هـ ب}}} \leftarrow \overline{\text{هـ ب}} = \frac{2 \times 2}{1} = 4 \text{ سم}$$

∴ محيط $\triangle \text{هـ ب ج} = 4 + 6 + 8 = 18 \text{ سم}$

(٣) البرهان : فى $\triangle \text{أ ب ج}$

∴ $\angle \text{ق (ب)} = 90^\circ$

∴ $\overline{\text{أ ج}} = \sqrt{2(3) + 2(4)} = 5 \text{ سم}$ " فيثاغورث "

فى $\triangle \text{أ ج د}$

∴ $169 = 2(13) = 2(\overline{\text{أ د}})$

، $2(12) + 2(5) = 2(\overline{\text{د ج}}) + 2(\overline{\text{أ ج}})$ ،

$2(\overline{\text{أ د}}) = 169 =$

∴ $\angle \text{ق (أ ج د)} = 90^\circ$



(٤) البرهان : فى \triangle أ هـ د ، \triangle أ ب ج

∴ ق (أ) زاوية مشتركة ، ق (أ هـ د) = ق (ب) = 90°

∴ ق (أ د هـ) = ق (أ ج ب)

∴ \triangle أ هـ د \sim \triangle أ ب ج

ومنها :

$$\frac{أد}{أج} = \frac{هـد}{بج} = \frac{أهـ}{أب}$$

$$\frac{٤}{أج} = \frac{هـد}{٦} = \frac{أهـ}{٨}$$

∴ $أج = \sqrt{٦^2 + ٨^2} = ١٠$ سم (فيثاغورث)

$$\frac{٢}{٥} = \frac{٤}{١٠} = \frac{هـد}{٦} = \frac{أهـ}{٨} ∴$$

$$\frac{٢}{٥} = \frac{أهـ}{٨} \leftarrow أهـ = \frac{٨ \times ٢}{٥} = ٣,٢ \text{ سم}$$

$$\frac{٢}{٥} = \frac{هـد}{٦} \leftarrow هـد = \frac{٦ \times ٢}{٥} = ٢,٤ \text{ سم}$$

(٥) البرهان : فى \triangle ب أ ج

∴ ق (أ) = 90° ، $\overline{أد} \perp \overline{بج}$ ،

$$بج = ١,٨ + ٣,٢ = ٥ \text{ سم}$$

∴ (أ ج) = ٢ = ج د × ج ب " اقليدس "

$$١٦ = ٥ \times ٣,٢ =$$

$$، أ ج = \sqrt{١٦} = ٤ \text{ سم}$$

∴ (أ د) = ٢ = د ب × د ج

$$٥,٧٦ = ٣,٢ \times ١,٨ =$$

$$∴ أ د = \sqrt{٥,٧٦} = ٢,٤ \text{ سم}$$



(٦) البرهان : فى $\triangle أ ب د$

$$\therefore \angle \widehat{أ ب د} = ٩٠^\circ$$

$$\therefore ب د = \sqrt{٥^2 - ٣^2} = ب د = ٤ \text{ سم " فيثاغورث "}$$

فى $\triangle ب ج د$

$$\therefore \angle \widehat{ب ج د} = ٩٠^\circ , \angle \widehat{ب د ج} = ٣٠^\circ$$

$$\therefore ب ج = ب د \times \frac{1}{2} = ٢ \text{ سم}$$

(٧) البرهان : فى $\triangle ب ج د$

$$\therefore \angle \widehat{ب ج د} = ٩٠^\circ$$

$$\therefore ب د = \sqrt{٦^2 + ٨^2} = ب د = ١٠ \text{ سم " فيثاغورث "}$$

فى $\triangle أ ب د$

$$\therefore أ ب = أ د , هـ منتصف ب د$$

$$\therefore أ هـ \perp ب د$$

فى $\triangle أ هـ ب$

$$أ هـ = \sqrt{١٣^2 - ٥^2} = ١٢ \text{ سم " فيثاغورث "}$$

$$\therefore \text{مساحة } \triangle أ ب د = \frac{1}{2} \times ب د \times أ هـ$$

$$= \frac{1}{2} \times ١٠ \times ١٢ = ٦٠ \text{ سم}^2$$

$$, \text{مساحة } \triangle ب ج د = \frac{1}{2} \times ٨ \times ٦ = ٢٤ \text{ سم}^2$$

$$\therefore \text{م الشكل } أ ب ج د = ٢٤ + ٦٠ = ٨٤ \text{ سم}^2$$



(٨) البرهان : $\Delta \text{أ ب ج} \sim \Delta \text{س ص ع ن}$

$$\therefore \frac{\text{أ ب}}{\text{س ص}} = \frac{\text{ب ج}}{\text{ص ع}} = \frac{\text{ج د}}{\text{ع ن}} = \frac{\text{أ د}}{\text{س ن}}$$

$$\frac{3}{1} = \frac{10}{\text{س ن}} = \frac{9}{3} = \frac{4}{\text{ص ع}} = \frac{6}{\text{س ص}}$$

$$\frac{3}{1} = \frac{6}{\text{س ص}} \leftarrow \text{س ص} = \frac{1 \times 6}{3} = 2 \text{ سم}$$

$$\frac{3}{1} = \frac{4}{\text{ص ع}} \leftarrow \text{ص ع} = \frac{1 \times 4}{3} = \frac{4}{3} \text{ سم}$$

$$\frac{3}{1} = \frac{10}{\text{س ن}} \leftarrow \text{س ن} = \frac{1 \times 10}{3} = \frac{10}{3} \text{ سم}$$

(٩) البرهان : $\Delta \text{أ ب ج} ، \Delta \text{د ب هـ}$

$\therefore \overline{\text{أ ج}} // \overline{\text{هـ د}} ، \overline{\text{أ د}} ، \overline{\text{ج هـ}}$ قاطعان

$\therefore \angle \hat{\text{أ}} = \angle \hat{\text{د}} ، \angle \hat{\text{ق}} (\hat{\text{ج}}) = \angle \hat{\text{ق}} (\hat{\text{هـ}})$ " بالتبادل "

$\therefore \angle \hat{\text{ق}} (\hat{\text{أ ب ج}}) = \angle \hat{\text{ق}} (\hat{\text{د ب هـ}})$

$\therefore \Delta \text{أ ب ج} \sim \Delta \text{د ب هـ}$

ومنها :

$$\frac{\text{أ ب}}{\text{د ب}} = \frac{\text{ب ج}}{\text{ب هـ}} = \frac{\text{أ ج}}{\text{د هـ}}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{5}{\text{د هـ}} = \frac{3}{8} = \frac{\text{ب ج}}{6}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{3}{8} \leftarrow \text{ب ج} = \frac{1 \times 8}{2} = 4 \text{ سم}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{5}{\text{د هـ}} \leftarrow \text{د هـ} = \frac{2 \times 5}{1} = 10 \text{ سم}$$



(١٠) البرهان : \therefore أ ب ج د مستطيل

$$\therefore \text{أ ب} = \text{د ج} = ١٥ \text{ سم}$$

فى \triangle أ د ج

$$\therefore \text{ق} (\hat{\text{د}}) = ٩٠^\circ$$

$$\therefore \text{أ ج} = \sqrt{١٥^2 + ٢٠^2} = ٢٥ \text{ سم} \quad \text{" فيثاغورث "}$$

$$\text{أ د}^2 = \text{أ و} \times \text{أ ج}$$

$$٢٠^2 = ٢٥ \times \text{أ و}$$

$$\text{أ و} = \frac{٢٠^2}{٢٥} = ١٦ \text{ سم} \quad \text{" اقليدس "}$$

$$\text{ج و} = ٢٥ - ٩ = ١٦ \text{ سم}$$

فى \triangle د ج و

$$\therefore \text{ق} (\text{د و ج}) = ٩٠^\circ$$

$$\therefore \text{د و} = \sqrt{٩^2 - ١٥^2} = ١٢ \text{ سم} \quad \text{" فيثاغورث "}$$

فى \triangle د ه ج

$$\therefore (\text{ج و ه})^2 = \text{و د} \times \text{و ه}$$

$$\therefore ٩^2 = ١٢ \times \text{و ه}$$

$$\text{و ه} = \frac{٩^2}{١٢} = ٦,٧٥ \text{ سم} \quad \text{" اقليدس "}$$

فى \triangle و ه ج

$$\text{ه ج} = \sqrt{٦,٧٥^2 + ٩^2} = ١١,٢٥ \text{ سم}$$



(١١) البرهان : \therefore مسقط $\overline{أص}$ على $\overleftrightarrow{س هـ}$ هو $\overline{س ص}$

\therefore فى $\triangle أ س ص$

$\therefore \angle ق (س) = ٩٠^\circ$

\therefore $\overline{س ص} = \sqrt{١٠^2 - ٨^2} = ٦$ سم " فيثاغورث "

\therefore $\overline{س و} = \frac{٨ \times ٦}{١٠} = ٤,٨$ سم " اقليدس "

\therefore $\overline{أ و} = \overline{أ س} \times \overline{أ ص}$

\therefore $\overline{أ و} = ٨ \times ١٠$

\therefore $\overline{أ و} = \frac{٨}{١٠} = ٠,٨$ سم

(١٢) نفرض أن العرض = $\overline{س}$ الطول = $\overline{٢}$ المساحة = ٢٠٠

$\overline{س} \times \overline{٢} = ٢٠٠ \leftarrow \overline{س} = \frac{٢٠٠}{٢}$

$\overline{س} = \frac{٢٠٠}{٢} \leftarrow \overline{س} = ١٠٠$

$\overline{س} = ١٠$

العرض = ١٠ متر ، الطول = $١٠ \times ٢ = ٢٠$ متر

رسم : حقيقى

٢٠٠ : ١

$\overline{س} : ١٠ \leftarrow$ العرض فى الرسم = $\frac{١٠٠ \times ١٠ \times ١}{٢٠٠} = ٥$ سم

رسم : حقيقى

٢٠٠ : ١

$\overline{س} : ٢٠ \leftarrow$ الطول فى الرسم = $\frac{١٠٠ \times ٢٠ \times ١}{٢٠٠} = ١٠$ سم